2011年2月

碾压混凝土重力坝的广义损伤可靠度及敏感性

王亚军^{1,2},张我华³,张楚汉¹,金 峰¹

(1. 清华大学 水沙科学与水利水电工程国家重点实验室,北京 100084;2. 浙江海洋学院 船舶与 建筑工程学院,浙江 舟山 316000;3. 浙江大学 软弱土与环境土工教育部重点实验室,杭州 310027)

摘 要:为深化模糊随机损伤力学研究,基于自适应模糊随机损伤力学模型,对材料裂纹尖端广义 损伤应力场进行分析,证实了数值模型的可靠性。以碾压混凝土重力坝为例,并考虑材料参数空间 变异,就模糊随机损伤增益下的宏观场分布做敏感性研究,结果表明,碾压混凝土抗压强度极限值 是影响大坝安全的主控指标。采用不同模糊分布对自适应损伤力学模型做激励分析,揭示了各分 布对混凝土及岩石类材料广义损伤场演化的控制特征。

关键词:碾压混凝土重力坝;模糊激励;模糊随机损伤模型;敏感性

中图分类号:TV223.42;TV432.2;TU457 文献标志码:A 文章编号:1674-4764(2011)01-0077-10

Generalized Damage Reliability and Sensitivity Analysis on Rolled-Concrete Gravity Dam

WANG Ya-jun^{1,2}, ZHANG Wo-hua³, ZHANG Chu-han², JIN Feng²

 (1. State Key Laboratory of Hydroscience and Hydraulic Engineering, Tsinghua University, Beijing 100084, P. R. China;
 2. School of Naval Architecture and Civil Engineering, Zhejiang Ocean University, Zhoushan 316000, Zhejiang, P. R. China;
 3. Key Laboratory of Soft Soils and Geoenvironmental Engineering, Ministry of Education, Zhejiang University, Hangzhou 310027, P. R. China)

Abstract: Based on fuzzy self-adapting stochastic damage model, the characteristics of generalized damage stress field on material crack tip are studied. The results express that the numerical algorithm is reliable. Sensitivity of rolled-concrete gravity dam under fuzzy-stochastic damage gaining is implemented by considering the spatial variation of material parameters. It is found that the compression strength of rolled-concrete is the governing index on gravity dam reliability. The activation simulations on fuzzy self-adapting stochastic damage model were carried by adopting different fuzzy distributions, which indicated the governing characteristics of the distribution on generalized damage evolution of rock-like material.

Key words: rolled-concrete gravity dam; fuzzy activation simulation; fuzzy self-adapting stochastic damage model; sensitivity

基于材料损伤的不确定性(Uncertainty),随机 损伤力学(Stochastic Damage Mechanics)观念丰富 了工程力学的研究领域,这样,经典损伤力学中质点 的损伤不动场被拓展到随机空间内,并以具有明确 物理背景的概率分布形式定义下来^[1],使更为复杂 的工程课题得以深入研究。Yang 等人发展了非均

收稿日期:2010-09-15

基金项目:国家自然科学基金资助项目(50379046);教育部博士点基金资助项目(A50221)

作者简介:王亚军(1976-),男,博士(后),主要从事岩土工程力学研究,(E-mail)aegis68004@yahoo.com.cn。

质内聚力断裂模型,借助细观裂缝随机场,对裂隙扩 展路径、峰值荷载、材料整体可靠性等关键力学参数 进行模拟,进而完成了对材料宏观强度特性的分析 研究^[2]; Yang 等人还基于 Weibull 随机场,采用拉 伸及剪切软化本构模型下的预插入内聚力单元模拟 潜在裂隙,分析了混凝土之类准脆性材料的损伤可 靠性^[3];Seweryn 等人提出了非比例加载条件下的 疲劳损伤发展方程,对复合屈服面下,材料循环加载 诱发的损伤累积发育进行分析计算^[4];Tovo 基于多 模态分布假设并借助损伤当量准则,建立了1个当 量 Weibull 损伤分布模型^[5]; Emery 等人提出了多 层次、多尺度损伤及耐久性评价策略,方法的核心是 借助 Monte Carlo 模拟及统计分析,生成材料的随 机微观缺陷分布模型,从而实现对结构全域内工作 寿命标量场的计算,但此计算的实质仍是确定性 的^[6]; Popescu等人就软土材料提出了内空间变异 性及强度随机变量混合求解的观念,并用总体破裂 曲线来刻画非均质软土材料的非确定损伤破坏及承 载特性^[7];Vorechovský将材料的强度尺度效应归结 为3个诱因:确定性能量准则、随机尺度效应、优势 薄弱层效应,并结合非线性断裂力学与材料随机场 模拟技术,对混凝土之类的准脆性材料强度自相关 随机场下形成的断裂损伤进行研究^[8];Kowalsky等 人考虑了金属材料参数的空间随机波动,在粘塑性 非线性与连续损伤模型耦合的基础上,采用 K-L 扩 张理论,对引入相关方程的随机场进行离散,实现了 随机有限元框架下的损伤材料可靠度分析^[9];Ihara 等人定义了材料的位错密度及位错弹性能,采用随 机损伤累积模型,对 I 类疲劳裂纹的萌生及扩展进 行研究^[10];Li 等人基于冻土随机微观缺陷,建立了 随机损伤本构模型,对温变条件下的高温冻土及富 冰高温冻土损伤力学特征进行研究^[11]。但损伤度 量外延并不明确,此特征之本质(Nature)不同于概 率分布,其刻画损伤场发育、演化程度的模糊性 (Fuzzy)。然而,当前损伤力学的不确定性分析理论 仅限于单一数学模型。笔者基于前期研究,进一步 就碾压混凝土重力坝的广义损伤场在自适应模糊激 励下的敏感性做深入分析。

模糊随机损伤本构模型下自适应数 值算法及程序验证

自适应模糊处理后,结构广义损伤场由模糊随 机损伤泛函Ω定义^[1]。因为双层数学覆盖下的损伤 场服从β分布,为实现结构模糊随机损伤可靠度分 析,必须要对系统进行当量正态化的变换,从而可借 助不同破坏准则做广义损伤可靠度分析。该文采用 四参数破坏准则^[12-13],损伤功能函数梯度由文献[1] 所确定。

材料损伤扩散时,因矢量重分布、细观颗粒填 塞、微观粒子滑移强化,破坏区局部会出现弥合;此 外,对于长期加载,破坏时临界损伤分布具有较宽的 分散带、而并非是一个确定数值。自适应数值方法 通过广义损伤泛函对本构方程中的弹性矩阵做模糊 识别,并借助模糊格运算,对矢量场进行协调,拓展 了损伤分析域,避免了常规的刚性损伤计算模型过 分依赖"唯像"的不足。

以图1悬臂结构为研究验证对象,分别采用弹性力学方法(解析法)、MSC. Marc软件及该文程序(简称程序)分析验证。



图1 结构计算模型

此结构平面应变下应力分量的弹性力学解为 *σ_x、σ_y、σ_{xy}*¹¹⁷。其中,*x、y*为笛卡儿坐标系统。

令 $E_{\chi\mu,\gamma}$ 分别为材料弹性模量、泊松比、容重,考 虑材料有变异,则三者的方差分别为 σ_{E}^{2} 、 σ_{μ}^{2} 、 σ_{γ}^{2} ,从而应 力分量方差的解析解 $\sigma_{\sigma_{x}}^{2}$ 、 $\sigma_{\tau_{xy}}^{2}$ 可计算如式(1)。

$$\sigma_{\sigma_{x}}^{2} = \left(\frac{\partial \sigma_{x}}{\partial \gamma}\right)^{2} \sigma_{\gamma}^{2}, \sigma_{\sigma_{y}}^{2} = \left(\frac{\partial \sigma_{y}}{\partial \gamma}\right)^{2} \sigma_{\gamma}^{2}, \sigma_{\tau_{xy}}^{2} = \left(\frac{\partial \tau_{xy}}{\partial \gamma}\right)^{2} \sigma_{\gamma}^{2}$$
(1)

其中,应力分量关于随机参数的梯度计算在参数均 值 M 处获得。应变分量 $\epsilon_x , \xi_{\epsilon_y} , \gamma_{x_y}$ 的方差解析解 $\sigma_{\epsilon_x}^2 , \sigma_{\epsilon_y}^2 , \sigma_{\gamma_{xy}}^2$ 计算如式(2)。

$$\sigma_{\epsilon_{x}}^{2} = \left\{ \left[\frac{1-\mu^{2}}{E^{2}} \left(\sigma_{x} - \frac{\mu}{1-\mu} \sigma_{y} \right) \right]_{|M} \right\}^{2} \sigma_{E}^{2} + \left\{ \left[\frac{2\mu}{E} \left(\sigma_{x} - \frac{\mu}{1-\mu} \sigma_{y} \right) + \frac{1+\mu}{E \cdot (1-\mu)} \sigma_{y} \right]_{|M} \right\}^{2} \sigma_{\mu}^{2} + \left\{ \left[\frac{1-\mu^{2}}{E} \left(\frac{\partial\sigma_{x}}{\partial\gamma} - \frac{\mu}{1-\mu} \frac{\partial\sigma_{y}}{\partial\gamma} \right) \right]_{|M} \right\}^{2} \sigma_{\gamma}^{2} - \left\{ \left[\frac{1-\mu^{2}}{E^{2}} \left(\sigma_{y} - \frac{\mu}{1-\mu} \sigma_{x} \right) \right]_{|M} \right\}^{2} \sigma_{E}^{2} + \left\{ \left[\frac{2\mu}{E} \left(\sigma_{y} - \frac{\mu}{1-\mu} \sigma_{x} \right) + \frac{1+\mu}{E \cdot (1-\mu)} \sigma_{x} \right]_{|M} \right\}^{2} \sigma_{\mu}^{2} + \right\}$$

第1期

$$\left\{ \left[\frac{1-\mu^2}{E} \left(\frac{\partial \sigma_y}{\partial \gamma} - \frac{\mu}{1-\mu} \frac{\partial \sigma_x}{\partial \gamma} \right) \right]_{|M} \right\}^2 \sigma_\gamma^2$$

$$\sigma_{\gamma_{xy}}^2 = \frac{4\left(1+\mu\right)^2}{E^4} \tau_{xy}^2 \sigma_E^2 + \frac{4}{E^2} \tau_{xy}^2 \sigma_\mu^2$$

$$+ \frac{4\left(1+\mu\right)^2}{E^2} \left(\frac{\partial \tau_{xy}}{\partial \gamma} \right)^2 \sigma_\gamma^2$$

$$(2)$$

首先对照应力场数字特征,程序计算的 σ_y 期望 与解析解在纯拉、压剪区最接近(图 3),σ_x 期望的程 序解与 Marc 解相当接近(图 2),σ_{xy} 期望的程序解在 复合区数值稍大(图 4),差别的主因在于程序和 Marc(本文)分别采用的是常体积应变和假定应变。





-500 L

图 3 σ_y 期望计算对照



图 4 T_{xy} 期望计算对照

应力场方差分布中, σ_y 离散最大(图 5),程序解 与解析解方差总体一致; σ_x 离散最小(图 6),程序解、 Marc 解与解析解方差在拉剪区几乎重合,压剪区由 于弹性力学解基于 Saint-Venant 原理,所以非精确 解,程序解与 Marc 解的方差和解析解相差稍大;程 序解与 Marc 解的 σ_{xy} 方差在压剪区已经很接近,而 且分布趋势与解析解也很相似(图 7),3 种解的 σ_{xy} 离散性均介于 σ_x, σ_y 之间。



80

由程序与 Marc 软件计算的结构位移场期望对 照可见,从压剪区到拉剪区,*x* 向位移期望逐渐接 近,反映了 Saint-Venant 边界对结构水平向位移的 影响(图 8)。



图 9 y 一方向位移期望对照

y向位移期望从拉剪区到压剪区逐渐接近(图 9),最后在约束边界处收敛,完全符合受体荷载作用 的结构位移特征。





图 12 γ_{xy} 方差对照

2 种数值方法所得的拉剪区应变方差与解析结 果都很接近, ϵ_x 与 ϵ_y 在拉剪区的离散分布都比较缓 (图 10、11),而在此区域 γ_{xy} 的离散梯度则较大(图 12)。受边界条件影响,弹性力学方差解在复合区与 压剪区域的变化剧烈。常量应变条件下的程序解与 解析方差有比较明显的收敛趋势,而假定应变条件 下只有 ϵ_y 的计算结果可以较好的拟合解析解。

进一步考虑材料局部损伤劣变,借助程序中广 义损伤分析模块对结构裂纹尖端模糊随机损伤应力 场进行分析。但工程结构实际加载过程中应力状态 非常复杂,该文采用拉-压-剪切组合的形式模拟裂 纹尖端应力场。经坐标转换可得极坐标下组合应力 区裂纹尖端应力场如式(3)^[18]。其中,K₁、K₁分别 为张开及滑开型裂纹尖端应力强度因子,r、θ为尖 端计算点处的极坐标。

$$\sigma_{r} = \frac{\cos\frac{\theta}{2}}{2\sqrt{2\pi}r} K_{I} (3 - \cos\theta) + \frac{\sin\frac{\theta}{2}}{2\sqrt{2\pi}r} K_{II} (3\cos\theta - 1),$$

$$\sigma_{\theta} = \frac{\cos\frac{\theta}{2}}{2\sqrt{2\pi}r} [K_{I} (1 + \cos\theta) - 3K_{II}\sin\theta],$$

$$\tau_{\theta} = \frac{\cos\frac{\theta}{2}}{2\sqrt{2\pi}r} [K_{I}\sin\theta + K_{II} (3\cos\theta - 1)] \qquad (3)$$

基于 假 定"裂 纹 沿 最 大 周 向 应 力 方 向 开 展"^[19-20],则有裂纹尖端开裂角的必要条件如式(4), 从而可得开裂角的计算式(5)。

$$\frac{\partial \sigma_{\theta} \left(K_{\mathrm{I}}, K_{\mathrm{II}}, \theta \right)}{\partial \theta} = 0 \tag{4}$$

$$\theta_{0} = \arccos \frac{3K_{11}^{2} + \sqrt{K_{1}^{4} + 8K_{1}^{2}K_{11}^{2}}}{K_{1}^{2} + 9K_{11}^{2}}$$
$$= \arccos \frac{3\tau_{\max}^{2} + \sqrt{\tau_{\max}^{4} + 8\sigma_{1}^{2}\tau_{\max}^{2}}}{\sigma_{1}^{2} + 9\tau_{\max}^{2}}$$
(5)

基于模糊随机损伤应力场,由式(6)计算应力强度因 子 K_1^* 、 K_1^* 。

$$K_{\rm I}^* = \sigma_{\rm I}^* \sqrt{\pi a^*} , K_{\rm II}^* = \tau_{\rm max}^* \sqrt{\pi a^*}$$
 (6)

式中 σ_1^* 、 τ_{max}^* 分别是损伤材料的大主应力和最大剪 应力, a^* 为裂纹长度的一半。将式(5)、(6)代入式 (3)并做极坐标一笛卡儿坐标转换,可得模糊随机损 伤应力场下裂纹尖端复合应力分布。

复合区程序广义损伤应力解的期望与解析解几 乎重合,而 Marc 计算的 Cauchy 应力解期望值,正 应力总体偏小(图 13、14),剪应力偏大(图 15)。因 为计算的是结构重力加载工况,所以 y向正应力数 量级最大。受材料裂纹尖端开裂角的影响,剪应力







图 14 裂纹尖端广义损伤应力 o^{*} 期望对照

期望值在复合区受组合拉、压应力的作用,必然会围绕解析解有上下波动(图15),程序解完全符合这个特征。



图 15 裂纹尖端广义损伤应力 τ_{xy} 期望对照

综上,采用考虑局部劣化的广义损伤应力场对 结构作受力分析是适用、可靠的,还可弥补复杂受力 状态下常规非损材料计算方法局部精度不足的缺 点。

2 工程应用

图 16 为某碾压混凝土重力坝数值模型及其主要几何尺寸,用于模糊输入的广义损伤场随机种子指标分布由文献[21]确定。结构在重力工况下的变形见图 17。



图 17 结构变形图

82

对照损伤前位移场,程序与 Marc 计算结果主 要差异在坝基边界处,前者比后者的计算结果低 3 ~4 倍(图 18),建议对部分岩基,应考虑局部损伤劣 化(另文讨论),其他区域如坝顶、坝踵处,2 种计算 方法的结果都很接近。



图 18 损伤前 x 方向位移等值线(单位:m)

2.1 广义损伤位移场敏感性

保守地取各参数变异扰动量为+0.01,重点考 察大坝对弹性模量 E、混凝土抗压强度极限值 R 的 敏感性。

弹性模量(E)的随机扰动对广义损伤位移场的 期望影响不很明显。位移期望最大扰动值在 10⁻⁵ 以下(图 19),位移场变异分布对于弹性模量的随机 扰动相对明显,最大扰动值发生在下游坝趾及坝顶 处(图 20),量级达到 10⁻³,运行中应注意该处材料 的局部裂变,尤其是坝趾处可能会在高水头作用下 产生恶化。





图 20 x 方向广义损伤位移变异对照(1)

大坝广义损伤位移场对材料的抗压强度极限值 (R)的扰动极为敏感,坝顶位移期望最大扰动量级 达到 10⁻²(图 21),证明重力坝碾压质量对安全起控 制作用。位移场变异分布对于 R 的随机扰动也很 敏感,重力工况下变异最大处位于上游坝踵,接近 12,而且坝趾处位移场变异最高涨幅达到 8 倍(图 22)。

图 22 x 方向广义损伤位移变异对照(2)

第1期

2.2 模糊激励下的广义损伤场敏感性

模糊激励之目的是透视材料的劣化响应及损伤 演化,而材料损伤的模糊本质(Fuzzy nature),恰需 要借助广义损伤泛函对结构的激励来揭示,故采用 不同模型,对材料随机分布的广义损伤进行外部激励,以反映材料损伤演化的不确定内核。

由各模型的理论曲线与对相应的数值分析结果 进行验证可见,组合秋千模型的数值分析结果与理 论曲线总体最为接近(图 23),其他两个模型的数值 分析结果和模型。

图 23 广义损伤数值分析与理论模型验证

理论曲线虽然也比较相近,但这种相近只是在 损伤发育的某一阶段、如秋千模型在体应变较为发 育时两者才贴近。

考虑不同广义模型激励下、广义损伤场的敏感 性反馈,由图 24 可见:当量处理后,降半模型下损伤 场的变异最大,而在组合"秋千"模型下损伤场的变 异最小,秋千模型分析结果所得损伤变异数量级位 于前述两者之间。

图 24 模糊激励下广义损伤变量均方差数值分析对照

组合秋千模型下,重力坝的损伤发育以坝轴线 位置为核心,向坝踵、坝趾及坝基深处扩散(图 25), 损伤变异也集中在这些区域(图 26)。由于坝体弯 折处局部损伤水平较高,必引起裂化区域向其他刚 性区域延伸,从而在完整材料之间形成带状损伤贯 通区域,造成能量耗散程度较低的刚性材料在已劣 化的材料中逐步滑移。同时,坝底以下基岩还是损伤 辐射的主要区域,此处诱发的损伤变异最大可达 1.7。

图 25 当量后组合秋千模型损伤变量期望切片云图

图 26 当量后组合秋千模型损伤变量均方差切片云图

图 27 当量后降半模型损伤变量期望切片云图

降半模型强调材料的形变是损伤发育的主因, 结构损伤破坏时体变只起到追加的作用,从图 27 看 出:由于重力工况下坝踵处几乎全部处于压剪区域, 而坝趾附近以上区域是典型的拉剪区,故这些地方 会诱发较高量级的材料劣化^[22-23],损伤期望值较高, 局部达到 0.5 以上。基岩中损伤辐射会引发远处区 域出现变异较大(1.5~3)的体变损伤(图 28),但损 伤变异水平受基岩力学特性控制,应慎重处理。

图 28 当量后降半模型损伤变量均方差切片云图

需要明确的是:秋千模型"最刚"。由图 29 可 见,在坝体与坝基连接处局部损伤达到 0.75,而在 其它模型下材料损伤极值一般只到 0.5 左右,且此 处的损伤变异水平仅比降半模型下结果低 0.2 左右 (图 30)。考虑到实际的混凝土材料抵抗拉应力能 力有限,故本文建议,采用四参数准则时,应避免使 用秋千模型之类过于"刚"的模糊泛函模拟损伤演 化,除非分析对象是诸如已探明的完整母岩之类的 可靠材料。

2.3 模糊激励下的广义损伤可靠度

广义可靠度在秋千模型下,水平较低的区域都 是贯通于刚性材料之间的狭长劣化带,这里可靠度 只有 0.2 左右(图 31),这会导致:虽然损伤劣化区 较小,但如果完成对结构不利地分割,同样会产生材 料的极限滑移,形成安全隐患^[24]。

图 31 秋千模型下广义损伤可靠度切片云图

在坝基连接处,降半模型下的广义可靠度在1.8 左右,但在上、下游坝面处都形成分布较广的损伤滑 移区域,可靠指标最低只有 0.35(图 32),主要原因 是场内局部损伤变异较大。

考虑参数(*R*、*E*)的随机扰动,考察组合秋千模型下的大坝可靠度,标准随机参数的计算结果证明坝体与坝基连接段的可靠指标大于1.5,结构总体安全状况良好,较为不利的损伤切割发生在上游坝面弯折处,局部形成可靠指标低于1的劣化带(图33)。当弹性模量变异降低0.03后,此劣化带开始

图 33 组合秋千模型下广义损伤可靠度切片云图(1)

第1期

最大增加 0.15,表明弹性模量变异水平降低对于坝体结构的整体稳定是有利的(图 34)。但抗压强度 变异增加 0.01 时,坝体与坝基连接段的可靠指标骤 降至 0.8 左右,且在坝踵与坝趾间形成几乎贯通的 分割劣化带,上游坝面弯折处可靠指标甚至低于0.4 (图 35)。

图 34 组合秋千模型下广义损伤可靠度切片云图(3)

由不同泛函模型的激励分析可以看出:结构破 坏与失效形式复杂,尤其是工程结构系统,其灾变存 在多种可能,至于岩土材料损伤,则必然是广域的, 而非落于某一不动点的破坏;此外,唯像论下的工程 分析结果反映了力学行为的某种可能,但可能不是 唯一的,模糊激励下的广义损伤场,通过对材料损伤 的模糊随机生成、建立模糊演化下的损伤随机分布、 实现广义损伤可靠度评价,对结构系统各关键部位 的劣化及损伤发育给出了多种可能,较合理地刻画 了材料的损伤灾变。

3 结论

1)考虑材料局部劣化的模糊随机损伤应力场, 可提高结构复杂受力状态下的局部计算精度,利于 正确定位结构的安全隐患。

2)基于模糊随机损伤应力场,可实现结构细观 分析与宏观评价的统一,将材料局部损伤劣化与对 结构整体稳定有机结合,由此提出的损伤劣化带对 材料分割破坏观念,是对结构安全评价的有利补充。

3)自适应损伤模型有具体的适用范畴,实践中 需结合材料本构模型做出调整。

4)碾压混凝土重力坝的主要安全控制指标是极限抗压强度,尤其是在各部浇注层连接段,应绝对保证施工质量,以便降低材料及损伤场的空间变异。

参考文献:

 [1] 王亚军,张我华. 岩石边坡模糊随机损伤可靠性研究
 [J]. 沈阳建筑大学学报:自然科学版,2009,25 (3): 421-426.

WANG YA-JUN, ZHANG WO-HUA. Rock slope reliability studies based on fuzzy stochastic damage theory[J]. Journal of Shenyang Jianzhu University: Natural Science, 2009,25 (3):421-426.

- [2] YANG Z J, XU X F. A heterogeneous cohesive model for quasi-brittle materials considering spatially varying random fracture properties [J]. Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering, 2008, 197: 4027-4039.
- [3] YANG Z J, SU X T, CHEN J F, et al. Monte Carlo simulation of complex cohesive fracture in random heterogeneous quasi-brittle materials [J]. International Journal of Solids and Structures, 2009, 46:3222-3234.
- [4] SEWERYN A, BUCZY SKI A, SZUSTA J. Damage accumulation model for low cycle fatigue [J]. International Journal of Fatigue,2008,30:756-765.
- [5] TOVO R. A damage-based evaluation of probability density distribution for rain-flow ranges from random processes[J]. International Journal of Fatigue, 2000, 22:425-429.
- [6] EMERY J M, HOCHHALTER J D, WAWRZYNEK P A, et al. DDSim: A hierarchical, probabilistic, multiscale damage and durability simulation system-Part I: Methodology and Level I[J]. Engineering Fracture Mechanics, 2009, 76:1500-1530.
- [7] POPESCU R, DEODATIS G, NOBAHAR A. Effects of random heterogeneity of soil properties on bearing capacity [J]. Probabilistic Engineering Mechanics, 2005,20:324-341.
- [8] VORECHOVSKý M. Interplay of size effects in concrete specimens under tension studied via computational stochastic fracture mechanics [J]. International Journal of Solids and Structures, 2007,

44:2715-2731.

86

- [9] KOWALSKY U, ZÜ MENDORF T, DINKLER D. Random fluctuations of material behaviour in FEdamge-analysis[J]. Computational Materials Science, 2007,39:8-16.
- [10] IHARA C, TANAKA T. Mode I fatigue crackpropagation mechanism based on the renewal stochastic damage-accumulation model[J]. Engineering Fracture Mechanics, 2007,74:1488-1498.
- [11] LI S Y, LAI Y M, ZHANG S J, et al. An improved statistical damage constitutive model for warm frozen clay based on Mohr-Coulomb criterion [J]. Cold Regions Science and Technology, 2009,57:154-159.
- [12] 张楚汉.论岩石、混凝土离散-接触-断裂分析[J].岩石力学与工程报,2008,27(2):217-235.
 ZHANG CHU-HAN. Discrete-contact-fracture analysis of rock and concrete [J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2008,27(2): 217-235.
- [13] ZHANG CHU-HAN. Challenges of high dam construction to computational mechanics[J]. Frontiers of Architecture and Civil Engineering in China, 2007, 1 (1):12-33.
- [17] 徐芝纶. 弹性力学(上)[M]. 北京: 高等教育出版社, 2006:60-63.
- [18] 程靳,赵树山. 断裂力学[M]. 北京:科学出版社, 2006:14-30.
- [19] SIH G C. Methods of analysis and solutions of crackproblems [M]. Netherlands, Leyden: Noordhoff International Pub, 1972:12-135.
- [20] GDOUTOS E E. Problems of mixed mode crack propagation[M]. USA Boston, Hingham: M. Nijhoff, Distributors for the U. S. and Canada, Kluwer Boston,

1984:57-113.

[21] 王亚军,张我华. 龙滩碾压混凝土坝随机损伤力学分析的模糊自适应有限元研究[J]. 岩石力学与工程学报,2008,27(6):1251-1259.
 WANG YA-JUN, ZHANG WO-HUA. Research on

fuzzy self-adapting finite element in stochastic damage mechanics analysis for Longtan rolled-concrete dam[J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2008,27(6):1251-1259.

- [22] 刘纲,黄宗明,杨溥. 恒载作用下梁和桥梁的损伤识别研究[J]. 重庆建筑大学学报,2008,30(5):28-31.
 LIU GANG, HUANG ZONG-MING, YANG PU.
 Damage detection for beam and bridge under dead load
 [J]. Journal of Chongqing Jiangzhu University, 2008, 30(5):28-31.
- [23] 刘纲,黄宗明,高建莉. 基于损伤力影响线的静定梁损 伤识别研究[J]. 湖南大学学报:自然科学版,2009,36 (8):23-27.

LIU GANG, HUANG ZONG-MING, GAO JIAN-LI. Damage Identification based on Damage Load Influence Line to Statically Determinate Beam [J]. Journal of Hunan University: Natural Sciences, 2009, 36(8): 23-27.

[24] 姜小春,谢和平,周宏伟. 压缩载荷下准脆性材料宏细观 损伤变量研究[J]. 岩土力学,2008,29(9);2531-2536
JIANG XIAO-CHUN, XIE HE-PING, ZHOU HONG-WEI. Analysis of relationship between macroscopic damage variable and mesoscopic damage variable of quasi-brittle materials under compression[J]. Rock and Soil Mechanics, 2008,29(9);2531-2536.

(编辑 王秀玲)