变桩径、桩长群桩桩-土体系相互作用分析模型。

张建辉1, 张素芬1, 邓安福2

(1.河北大学 建筑工程学院,河北保定 071002; 2.重庆大学 土木工程学院,重庆 400045)

摘要:基于桩与桩相互作用机制及其解析模型,针对层状地基上具有不同桩径、不同桩长、不同桩体材料的摩擦群桩进行研究,建立了几何、材料特性不同情况下承受坚向荷载的桩与桩相互作用分析模型,以及摩擦群桩刚度矩阵的计算方法。各桩完全相同的摩擦群桩,可作为其一种特殊情形。给出的计算模型对于大规模摩擦群桩的沉降分析、优化设计,以及摩擦群桩的相互作用机制的研究,具有积极意义。 与基于实际工程的模型试验结果的比较表明,该模型是合理可行的。

关键词:摩擦群桩;相互作用;解析模型;柔度矩阵

中图分类号:TU473 文献标志码:A 文章编号:1006-7329(2007)06-067-05

Analytical Model of Interaction of Friction Pile Group with Different Diameter and Length

ZHANG Jian-hui¹, ZHANG Su-fen¹, DENG An-fu²

(1. College of Machinery & Civil Engineering, Hebei University, Baoding 071002, P. R. China; 2. College of Civil Engineering, Chongqing University, Chongqing 400045, P. R. China)

Abstract: This paper describes a study of friction pile groups with different diameters and lengths as well as material in layered soil. The study focused on the mechanism and analytical model of pile-to-pile interaction. To determine the vertical interaction flexibility matrix for the pile group embedded in multilayered soil, the study developed a general analytical formulation of pile-to-pile interaction for pile groups with different geometric and material characteristics. A pile group with piles of the same type can be considered a special case. The model has high value to the analysis of the pile-group settlement, design optimization and study of the pile-to-pile interaction mechanism. Because a practical example shows that the calculated results were identical to the results of the model test, this method is rational and feasible.

Keywords: interaction; analytical formulation; flexibility matrix

摩擦群桩主要通过桩侧摩阻力将荷载传递到桩周 土层中,由于桩与桩的相互作用,使群桩的工作性状趋 于复杂。已经证明其将导致(a)群桩的刚度下降、(b) 桩顶荷载分布不均匀、(c)荷载传递机制发生变化即桩 侧面产生附加剪应力、传递至桩端的荷载增加等效 应^[1]。几十年来,人们已经应用许多方法对群桩的性 能进行了分析研究^{[2]~[6]},但对群桩相互作用计算算法 的研究,尤其是桩径、桩长、甚至桩体材料不同时,较大 规模群桩相互作用的计算分析方法,尚有待进一步深 入探讨。

论文针对层状地基中的摩擦群桩进行研究,建立

了变桩径、变桩长、不同桩体材料群桩的分析模型和解 析计算方法,推出这类群桩柔度或刚度矩阵系数的解 析计算公式。并将其用于桩筏基础的分析中,获得良 好的效果。这一分析模型对于摩擦群桩的沉降分析、 设计优化,以及大型摩擦群桩的相互作用机制的研究, 具有积极意义。

1 桩与桩的相互作用分析模型

设群桩置于水平层状地基中,每一层土体为均质, 且第*i* 层土的剪切模量和厚度分别为*G_i* 和*l_i*。群桩中 各桩的桩长、桩径可以不同,设桩*j*的桩长*L_i、*桩径

^{*} 收稿日期:2007-05-21

基金项目:河北省自然科学基金资助,(E2005000847)河北省建设厅计划项目(2003-109) 作者简介:张建辉(1963-),男,河北人,教授,博士,主要从事土与结构相互作用、地基基础、工程力学研究。

 d_j 、和弹性模量 E_{kj} ,桩间距用 s 表示。如图 1 所示,当 桩 j 在竖向荷载作用下沉降时,使其周围土体发生位 移,进而导致土体中桩 k 发生沉降、产生轴力;由于桩 k 的轴向刚度远大于土体竖向刚度,因此,桩 k 的沉降 将小于桩 k 不存在时同位置土体的沉降。Mylonakis & Gazetas ^[1]引入附加沉降和附加轴力的概念,建立 了等桩径、等桩长群桩相互作用模型,其能有效地对桩 k 的附加沉降和附加轴力进行分析。

2 基桩与土的相互作用

根据剪切位移法^{[2][6]}, 桩 *j* 在桩顶加载 *P*(*P*=*P_{jj} (0))时, 深度 <i>z* 处的沉降和轴力合并用矩阵形式表 示为^[1],

$$\begin{pmatrix} w_{jj}(z) \\ P_{jj}(z) \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} t_1(z) \end{bmatrix}_j \begin{pmatrix} A \\ B \end{pmatrix}$$
(1)

A和B为待定常数,矩阵



图 1 桩 j 对桩 k 的作用

其中 A_{pj} 为桩的横截面积, G_s 为土的剪切模量, $\lambda_j =$

 $\left[\frac{2\pi G_s}{\left(E_{pj}A_{pj}\ln\left(\frac{2r_m}{d_j}\right)\right)}\right]^{\frac{1}{2}}$ 为桩 j 的荷载传递参数, r_m 为桩

的影响半径。Cook^[5]等在伦敦粘土中的实测表明,桩 与土、桩与桩之间的相互影响距离是有限的,远小于弹 性理论显示的结果,即有 $r_m = 10d$;施鸣升^[7]在粘土中 的桩试验给出桩对土性质的影响范围约为6倍桩径, 即 $r_m = 6d$ 。因此,可根据具体情况取 $6d_i \sim 10d_j$ 等。 由于理论上桩的影响半径应为无穷大,在分析桩长、桩 径不相同的两桩的相互作用时,本文近似取用两桩影 响半径的较大值。

在层状地基中,按照土层对各桩进行分段,各桩的 第 *i* 桩段与第 *i* 土层对应,其上、下端深度记为 *z_{ii}、z_{ii}*。 由式(1)可得桩 *j* 第 *i* 桩段上端和下端的位移与轴力

$$\begin{pmatrix} w_{jj}(z_{ij}) \\ P_{jj}(z_{ij}) \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} t_1(z_{ij}) \end{bmatrix}_j \begin{pmatrix} A_i \\ B_i \end{pmatrix} , \begin{pmatrix} w_{jj}(z_{ki}) \\ P_{jj}(z_{ki}) \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} t_1(z_{ki}) \end{bmatrix}_j$$

$$\begin{pmatrix} A_i \\ B_i \end{pmatrix}$$
 (3)

进而可求出

$$\begin{pmatrix} w_{jj}(z_{ii}) \\ P_{jj}(z_{ii}) \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} t_1(z_{ii}) \end{bmatrix}_j \begin{bmatrix} t_1(z_{bi}) \end{bmatrix}_j \begin{pmatrix} w_{jj}(z_{bi}) \\ P_{jj}(z_{bi}) \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} T_i \end{bmatrix}_j \\ \begin{pmatrix} w_{jj}(z_{bi}) \\ P_{jj}(z_{bi}) \end{pmatrix}$$
(4)

式中[T_i];为桩 *j* 在 *i* 土层的变换矩阵 [T_i];=[$t_1(z_i)$];[$t(z_i)$];[t=1]=

$$\begin{bmatrix} ch(\lambda_{ji}l_i) & \frac{sh(\lambda_{ji}l_i)}{(E_{pj}A_{pj}\lambda_{ji})} \\ E_{pj}A_{pj}\lambda_{ji}sh(\lambda_{ji}l_i) & ch(\lambda_{ji}l_i) \end{bmatrix}$$
(5)

其中 *l_i = z_{bi} - z_{ii}*, λ_{ji}为桩 *j*在第 *i* 土层的荷载传递参数,计算公式与 λ_j相同, G_s取G_i。

根据不同桩段在其界面处位移和轴力的连续性条件,利用递推的方法由式(4)可得桩顶沉降、轴力(z=0)与桩端的沉降、轴力(z=L_i)的关系

$$\begin{pmatrix} w_{jj}(0) \\ P_{jj}(0) \end{pmatrix} = \prod_{i=1}^{n_j} [T_i] \begin{pmatrix} w_{jj}(L_j) \\ P_{jj}(L_j) \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} T_j(1,1) & T_j(1,2) \\ T_j(2,1) & T_j(2,2) \end{bmatrix} \begin{pmatrix} w_{jj}(L_j) \\ P_{jj}(L_j) \end{pmatrix}$$
(6)

考虑桩端刚性及深度的影响,将桩端视为刚性圆 形面积对土体的的戳入,一般可近似计算桩端沉 降为^[5]

$$w_{ji}(L_j) = \delta_{bj} P_{jj}(L_j) \tag{7}$$

其中 $\delta_{bj} = \frac{(1 - \mu_{bj})}{(2G_{bj}d_j)}$ 为桩 j 端部土层的柔度系数, G_{bj} 、 μ_{bj} 为该土层的剪切模量与泊松比。

根据式(6)、(7)即可求得层状地基中桩 j 的桩顶 柔度系数^[8],

$$\delta_{jj}^{p} = \frac{w_{jj}(0)}{P_{jj}(0)} = \frac{T_{j}(1,1)\delta_{bj} + T_{j}(1,2)}{T_{j}(2,1)\delta_{bj} + T_{j}(2,2)}$$
(8)

由上述推导看出,地基土的层状特性会对桩的沉 降和轴力、桩的荷载传递以及桩顶的柔度(或刚度)产 生明显的影响。

3 变桩长、变桩径群桩中桩与桩的相互作用

3.1 均质土地基中的群桩

桩 *j* 在桩顶荷载 *P* 作用下沉降时,桩 *j* 周围土体 将产生位移场,且其与土体到桩 *j* 轴线的径向距离 *s* 成对数衰减的规律^[1]

$$\Psi_{j}(s) = \begin{cases} \frac{\ln(\frac{r_{m}}{s})}{\ln(\frac{2r_{m}}{d_{j}})} & \frac{d_{j}}{2 < s < r_{m}} \\ 0 & s \ge r_{m} \end{cases}$$
(9)

由上式可计算因桩 j 加载而引起的桩 k 处土体的 沉降位移 $w_{jj}(s,z) \approx \Psi_j(s) w_{jj}(z)$ 。由于桩 k 轴向刚 度远大于该位置土体的竖向刚度,以及桩端土体的反 作用,桩 j 加载引起的桩 k 沉降 $w_{kj}(z)$ 将小于 $w_{jj}(s,z)$,土体对桩 k产生下拉作用,在桩 k-土体界面产生 剪应力。由剪切位移法可建立桩 k 的控制微分方程

$$\frac{d^2 w_{kj}(z)}{dz^2} - \lambda_k^2 (w_{kj}(z) - w_{jj}(s, z)) = 0 \quad (10)$$

其中 λ_k 为桩 k 的荷载传递系数,解此非齐次微分方程,得桩 k 任意深度处的附加沉降 $w_{k_j}(z)$,关于深度 z 求导可进一步得桩的附加轴力 $P_{k_j}(z)$,整理、合并以矩阵形式表示

$$\begin{pmatrix} w_{kj}(z) \\ P_{kj}(z) \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} t_2(z) \end{bmatrix} \begin{pmatrix} A \\ B \end{pmatrix} + \begin{bmatrix} t_1(z) \end{bmatrix}_k \begin{pmatrix} C \\ D \end{pmatrix} \quad (11)$$

其中待定常数 $A \ B$ 由 t j 的边界条件确定, $C \ D$ 由 桩 k 的边界条件确定; $[t_1(z)]_k$ 见式(2)(相应参数换 为 $E_{\mu k} \ A_{\mu k} \ \lambda_k$); 当 $t t j \ t k$ 的 长 $t c \ t k$ 的 长 t c 和 同, 即 $\lambda_j = \lambda_k = \lambda$ 时

$$\begin{bmatrix} t_{2}(z) \end{bmatrix} = \frac{\lambda}{2} \Psi_{j}(s)$$

$$\begin{bmatrix} -ze^{\lambda z} & ze^{-\lambda z} \\ E_{\rho k}A_{\rho k}(1+\lambda z)e^{\lambda z} & -E_{\rho k}A_{\rho k}(1-\lambda z)e^{-\lambda z} \end{bmatrix}$$
(12)
当两桩的长度、直径、桩材料不同,即 $\lambda_{j} \neq \lambda_{k}$ 时

$$\begin{bmatrix} t_2(z) \end{bmatrix} = \frac{\lambda_k^2}{\lambda_k^2 - \lambda_j^2} \Psi_j(s) \\ \begin{bmatrix} e^{\lambda_j z} & e^{-\lambda_j z} \\ -E_{pk} A_{pk} \lambda_j e^{\lambda_j z} & E_{pk} A_{pk} \lambda_j e^{-\lambda_j z} \end{bmatrix}$$
(13)

桩 j 在竖向荷载 P_j 作用下,桩 j 和桩 k 通过土体 在桩侧和桩端均将产生相互作用。根据将桩端视为弹 性半空间表面上的刚性戳入的假设,桩端土体位移与 径向距离 s 成反比,衰减速度要比式(9)中的 $\Psi(s)$ 快 得 $\mathscr{S}^{[2]}$ 。研究指出^[2],桩 j 加载时,桩 k 与桩 j 的桩端 沉降位移比通常是 10⁻³的数量级,与由桩侧相互作用 引起的桩 k 沉降相比,可以忽略。因此,本文仅考虑桩 侧之间的相互作用。式(11)即为由桩 j 和桩 k 桩侧相 互作用产生的附加位移和附加轴力。

3.2 层状地基中的群桩

3.2.1 相互作用变换矩阵 层状地基中,按照土层对 各桩进行分段。当桩 j 的桩顶作用荷载 P 时,在桩 k 的第 i 桩段上、下端引起的附加位移与附加轴力为^[8],

$$\begin{pmatrix} w_{kj}(z_{ii}) \\ P_{kj}(z_{ii}) \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} t_2(z_{ii}) \end{bmatrix} \begin{pmatrix} A_i \\ B_i \end{pmatrix} + \begin{bmatrix} t_1(z_{ii}) \end{bmatrix}_k \begin{pmatrix} C_i \\ D_i \end{pmatrix}$$
$$\begin{pmatrix} w_{kj}(z_{bi}) \\ P_{kj}(z_{bi}) \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} t_2(z_{bi}) \end{bmatrix} \begin{pmatrix} A_i \\ B_i \end{pmatrix} + \begin{bmatrix} t_1(z_{bi}) \end{bmatrix}_k \begin{pmatrix} C_i \\ D_i \end{pmatrix}$$

利用式(3),将上述二式合并,简化可得

$$\begin{pmatrix} w_{kj}(z_{ii}) \\ P_{kj}(z_{ii}) \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} TI_i \end{bmatrix} \begin{pmatrix} w_{jj}(z_{ki}) \\ P_{jj}(z_{ki}) \end{pmatrix} + \begin{bmatrix} T_i \end{bmatrix}_k \begin{pmatrix} w_{kj}(z_{ki}) \\ P_{kj}(z_{ki}) \end{pmatrix}$$
(14)

其中 $[T_i]_k$ 为桩k在i土层的变换矩阵,计算公式同式 (5),相应参数换为 $E_{\mu k}$ 、 $A_{\mu k}$ 、 $\lambda_{k i}$; $[TI_i]$ 为在i土层桩与 桩相互作用的变换矩阵:

 $\begin{bmatrix} TI_i \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} t_2(z_{ii}) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} t_1(z_{bi}) \end{bmatrix}_j - \begin{bmatrix} T_i \end{bmatrix}_k \begin{bmatrix} t_2(z_{bi}) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} t_1(z_{bi}) \end{bmatrix}_j \\ \text{根据式}(2), (5), (12) \vec{u}(13), 注意到 l_i = z_{bi} - z_{ii}, \\ \text{由上式可推出}, \end{bmatrix}$

(1) tilt j、tilt k 的长度、直径、tilt tilt 材料相同,即 $\lambda_{ji} = \lambda_{ki} = \lambda_i$ 时,

$$[TI_{i}] = -\frac{\Psi(s)_{j}}{2} \begin{bmatrix} \lambda_{i}l_{i}sh(\lambda_{i}l_{i}) & \frac{\lambda_{i}l_{i}ch(\lambda_{i}l_{i}) - sh(\lambda_{i}l_{i})}{E_{pj}A_{pj}\lambda_{i}} \\ E_{pk}A_{pk}\lambda_{i}[\lambda_{i}l_{i}ch(\lambda_{i}l_{i}) + sh(\lambda_{i}l_{i})] & \frac{E_{pk}A_{pk}}{E_{pj}A_{pj}}\lambda_{i}l_{i}sh(\lambda_{i}l_{i}) \end{bmatrix}$$
(15)

$$[TI_{i}] = \frac{\Psi_{j}(s)\lambda_{ki}^{2}}{\lambda_{ki}^{2} - \lambda_{ji}^{2}} \begin{bmatrix} ch(\lambda_{ji}l_{i}) - ch(\lambda_{ki}l_{i}) & \frac{1}{E_{pj}A_{pj}}(\frac{sh(\lambda_{ji}l_{i})}{\lambda_{ji}} - \frac{sh(\lambda_{ki}l_{i})}{\lambda_{ki}}) \\ E_{pk}A_{pk}(\lambda_{ji}sh(\lambda_{ji}l_{i}) - \lambda_{ki}sh(\lambda_{ki}l_{i})) & \frac{E_{pk}A_{pk}}{E_{pj}A_{pj}}(ch(\lambda_{ji}l_{i}) - ch(\lambda_{ki}l_{i})) \end{bmatrix}$$
(16)

3.2.2 相互作用柔度系数 根据不同桩段在界面处桩位移和轴力的连续性条件,利用递推的方法,可推得桩 k 的桩顶(z=0)附加位移和附加轴力,与桩 j 桩端位移和轴力、桩 k 桩端附加位移和附加轴力的关系。

设桩 j、桩 k 的长度不同,两桩长度范围内的土层数分别为 n_j 、 n_k 。令 $n = \min(n_j, n_k)$,则桩 j 和桩 k 在此 n 个 土层内发生相互作用,根据式(4)和式(14),可递推求得

$$\begin{pmatrix} w_{kj}(0) \\ P_{kj}(0) \end{pmatrix} = \sum_{i=1}^{n} \prod_{m=1}^{i-1} \left[T_{m} \right]_{k} \left[TI_{i} \right] \prod_{m=i+1}^{n} \left[T_{m} \right]_{j} \begin{pmatrix} w_{jj}(z_{bn}) \\ P_{jj}(z_{bn}) \end{pmatrix} + \prod_{i=1}^{n} \left[T_{i} \right]_{k} \begin{pmatrix} w_{kj}(z_{bn}) \\ P_{kj}(z_{bn}) \end{pmatrix}$$

$$(17)$$

当 $n_k < n_j$ 时, $n = n_k$, $L_k = z_{im} < L_j$, tacinetinetine j 在 n + 1 至 n_j 土层中,对桩 j 继续应用连续性条件至桩端,得

$$\begin{pmatrix} w_{kj}(0) \\ P_{kj}(0) \end{pmatrix} = \left(\sum_{i=1}^{n} \prod_{m=1}^{i-1} \left[T_{m} \right]_{k} \left[TI_{i} \right] \prod_{m=i+1}^{n} \left[T_{m} \right]_{j} \right) \prod_{i=n+1}^{n_{j}} \left[T_{i} \right]_{j} \begin{pmatrix} w_{ij}(L_{j}) \\ P_{ij}(L_{j}) \end{pmatrix} + \prod_{i=1}^{n} \left[T_{i} \right]_{k} \begin{pmatrix} w_{kj}(L_{k}) \\ P_{kj}(L_{k}) \end{pmatrix}$$

$$(18)$$

(23)

当 $n_k \ge n_j$ 时, $n = n_j$, $L_k \ge z_{lm} = L_j$, tective k 在n + 1至 n_k 土层中, 对tective k继续应用连续性条件至tective,得

$$\begin{pmatrix} w_{kj}(0) \\ P_{kj}(0) \end{pmatrix} = \left(\sum_{i=1}^{n} \prod_{m=1}^{i-1} \left[T_{m} \right]_{k} \left[TI_{i} \right] \prod_{m=i+1}^{n} \left[T_{m} \right]_{j} \right) \begin{pmatrix} w_{jj}(L_{j}) \\ P_{jj}(L_{j}) \end{pmatrix} + \prod_{i=1}^{n_{k}} \left[T_{i} \right]_{k} \begin{pmatrix} w_{kj}(L_{k}) \\ P_{kj}(L_{k}) \end{pmatrix}$$

$$(19)$$

完成各式中变换矩阵的乘积,上述关系可用统一符号(两种情况乘积矩阵不同)简略表示为

$$\begin{pmatrix} w_{kj}(0) \\ P_{kj}(0) \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} TI(1,1) & TI(1,2) \\ TI(2,1) & TI(2,2) \end{bmatrix} \begin{pmatrix} w_{jj}(L_j) \\ P_{jj}(L_j) \end{pmatrix} + \begin{bmatrix} T_k(1,1) & T_k(1,2) \\ T_k(2,1) & T_k(2,2) \end{bmatrix} \begin{pmatrix} w_{kj}(L_k) \\ P_{kj}(L_k) \end{pmatrix}$$
(20)

与桩 j 相同,设在桩 k 的桩端土层有

$$w_{kj}(L_k) = \delta_{lk} P_{kj}(L_k) \tag{21}$$

其中 δ_{kk} 为桩 k 桩端土层的柔度系数。

利用桩 k 顶部的边界条件 $P_{kj}(0) = 0$,由式(7)、(20)、(21),得到 $w_{kj}(0) = \{(TI(1,1)\delta_{bj} + TI(1,2)) - (T_k(1,1)\delta_{bk} + T_k(1,2)) \frac{TI(2,1)\delta_{bj} + TI(2,2)}{T_k(2,1)\delta_{bk} + T_k(2,2)} \} P_{jj}(L_j)$ (22)

结合式(6)式中第二式,由上式得到桩与桩相互作用的柔度系数为

 $\delta_{kj}^{p} = \frac{w_{kj}(0)}{P_{jj}(0)} = \frac{TI(1,1)\delta_{bj} + TI(1,2)}{T_{j}(2,1)\delta_{bj} + T_{j}(2,2)} - \frac{(T_{k}(1,1)\delta_{bk} + T_{k}(1,2))(TI(2,1)\delta_{bj} + TI(2,2))}{(T_{k}(2,1)\delta_{bk} + T_{k}(2,2))(T_{j}(2,1)\delta_{bj} + T_{j}(2,2))}$

由式(8)和式(23),可以求得群桩的柔度矩阵,求 逆即得其刚度矩阵。由上述分析可见,由桩 j 加载引 起的桩 k (桩 k 顶部荷载为零)附加位移和附加轴力, 可由式(14)求得。桩基的荷载传递机制是通过桩侧和 桩端将荷载传递到土体中,根据上述分析,各桩除由于 自身加载产生位移和轴力外,还由其它桩加载而引起 附加位移和附加轴力,且与桩间距、相互影响范围内的 桩数、桩径、桩长有关。上述有关附加位移和附加轴力 的分析,在理论上解释了在群桩中各桩的荷载与孤立 单桩相同的情况下,群桩沉降大的原因,以及桩与桩的 相互作用使得桩底部的轴力增大,有更多的荷载传递 到桩端土的内在机制。

4.1 模型试验

某高层建筑为地上 22 层(地下 1 层)钢筋混凝土 框剪结构桩筏基础;柱网纵横向均为 8 m,每边各 5 跨,平面尺寸为 43 m×43 m;中心跨为核心简剪力墙; 首层高 4.2 m,其余层高 3.6 m,总高约 83.4 m,根据 PKPM 计算出原型上部结构总荷载为 521 600 kN;埋 深 5.0 m,筏板厚 1.5 m,自重为 66 500 kN,基桩采用 钻孔灌注桩。

文献[9]以上述工程为原型,进行了(Ⅰ)变桩距桩 筏基础和(Ⅱ)变桩距、变桩长桩筏基础两组模型试验, 几何比例尺取为1:10:

模型实验(I): 桩径 d=150 mm; 桩长 L=2 m; 总桩数 n=44 R, 平面布置见图 2。

模型实验(Ⅱ):桩径 d=150 mm;桩长①L=2 m, 24 根;②L=3 m,8 根;③L=4 m,12 根;总桩数 n=44 根,平面布置见图 3。



图 2 模型试验(D)平面布置图 图 3 模型试验(D)平面布置图 模型荷载取原型荷载的 1/100,模型试验实际加 载 6 500 kN,分为核心区、内区、边柱、角柱四个荷载强 度分区,单根柱脚荷载分别为:筒体四角 N₁=425 kN、 内柱 N₂=200 kN、边柱 N₃= 130 kN、角柱 N₄=80 kN,并将荷载均匀分为 8 级,逐级加载。

4.2 模型计算

本文将上述变 桩径、桩长相互作用 的分析模型与筏板 无单元法耦合,建立 桩筏基础的数值分 析方法。根据地基 勘察报告确定地基

分层及参数,对上述



图 4 试验 I 筏板角桩轴力比较图

不同桩长、桩径的桩筏基础模型进行计算。桩轴力的 部分计算结果与模型试验测试值,见图 4~7。

各桩的轴力及其沿深度的变化,受上部荷载、筏板、地基土、桩与桩相互作用等众多因素的影响。由上述图中曲线可以看出,筏板角桩的桩轴力的测试值和 计算结果吻合的较好;对于基础核心简体的角桩(试验 Ⅱ)、角部桩(试验Ⅱ),由于在该部位桩与桩相互作用 较为复杂,且由于计算模型、土体参数取值有一定近似

⁴ 实例分析





图7 试验II核心简角部桩轴力比较图 性、试验钢筋计测试的近似性等,测试值和计算结果在 数值上有一些差别,但两者也具有较好的规律一致性。 因此,论文的变桩长、桩径桩一土体系分析模型能够较 好地模拟桩与土、桩与桩的相互作用,是合理、可行的。

5 结论

论文给出层状地基上变桩径、桩长(包括不同桩体 材料)承受竖向荷载的摩擦群桩的相互作用模型,推出 桩与桩相互作用柔度矩阵的近似解析计算方法,将其 用于变桩径、桩长桩筏基础的分析计算中,与模型试验 结果比较表明,该分析模型是有效、可行的。

论文假设土层是线性的,以及未考虑桩一土界面 的可能滑移等。如果考虑土体的非线性本构关系,采 用增量法,本文结果可推广应用于非线性层状地基、桩 一土界面的可能出现滑移等各种非线性分析^[10]。本 文的变桩径、桩长摩擦群桩柔度矩阵的解析解计算方 法,可用于摩擦群桩基础、桩筏基础的沉降分析、布桩 优化分析等,同时,对于探索层状地基上桩与土的荷载 传递机制、桩与桩相互作用机制,具有积极意义。

参考文献:

- [1] MYLONAKIS, G. AND GAZETAS. G. Settlement and Additional Internal Forces of Grouped Piles in Layered Soil (J). Geotechnique, 1998, 48(1):55-72.
- [2] RANDOLPH, M. F. AND WROTH, C. P. An Analysis of the Vertical Deformation of Pile Groups [J]. Geotechnique, 1979,29(4): 423-439.
- LEE C. Y. Pile grou Psettlement Analysis by Hybrid Layer Approach (J). J. Geo. Eng, 1993, 119(6): 984 -997.
- [4] MANDOLINI, A. & VIGGIANI, C. Settlement of Piled Foundations(J). Geotechnique, 1997,47(4): 791-816.
- [5] COOKE, R. W., PRICE, G. AND TARR, K. Jacked Piles in London Clay-internaction and Grou Pbehaviour under Working Conditions(J). Geotechnique, 1997, 30(2): 97-136.
- [6] 宰金珉. 群桩与土和承台非线性共同作用分析的半解析 半数值方法〔J〕. 建筑结构学报, 1996,17(1): 63-74.
 ZAI Jin-min. Semi-analytical and semi-numerical Method for Analyzing Nonlinear Interaction of Pile Group-soil-pile ca Psystem〔J〕. Journal of Building Structures, 1996, 17 (1):63-74.
- [7] 施鸣升. 沉入粘土中桩的挤土效应探讨〔J〕. 建筑结构学报, 1983, (1):60-71.
 SHI Ming-sheng. A Study of the Effect of Compacted Soil During Pile Installation in Clay〔J〕. Journal of Building Structures, 1983, (1):60-71
- [8] 张建辉. 层状地基上桩筏基础的分析方法及其布桩优化研究〔D〕. 重庆:重庆建筑大学, 1999.
 ZHANG Jian-hui. A study on analytical method of piled raft foundations on layered soil and the pile-layout optimization (D). Chongqing; Chongqing Jianzhu University, 1999.
- [9] 河北省建筑科学研究院. 高层建筑地基基础变刚度调平设 计模型试验(R).石家庄:河北省建筑科学研究院,2001. Hebei Province Academy of Building Research. Model Test for varied-stiffness adjustment design of high-rise building foundation (R). Shijiazhuang: Hebei Province Academy of Building Research, 2001.
- [10] 张建辉,邓安福. 桩筏基础的新型分析方法〔J〕. 土木工 程学报,2002,35(4):103-108.
 ZHANG Jian-hui, Deng An-fu. A New Analytical Method for Piled Raft Foundation〔J〕. China Civil Engineering Journal,2002,35(4):103-108.

(编辑 陈 蓉)