doi:10.11835/j.issn.1674-4764.2016.04.009



槽式太阳能集热器传热模型及性能分析

陈玉英

(兰州交通大学 环境与市政工程学院,兰州 730070)

摘 要:槽式太阳能集热器一维和二维传热数学模型是一组非线性代数方程,为改进求解的稳定性和计算精度,将槽式太阳能集热器一维和二维传热模型的求解看作有约束优化问题,建立了集热器传热过程求解的有约束优化数学模型,应用 MATLAB 软件优化函数 fmincon 进行求解。分析了传热流体入口温度及太阳能辐射热流密度变化对集热器性能的影响。采用 fmincon 函数求解集热器传热过程,计算速度快,计算过程稳定。分析表明,传热流体温度变化对集热器效率的影响大于太阳能辐射热流密度对集热器效率的影响。

关键词: 槽式集热器; 太阳能; 传热; MATLAB 中图分类号: TK512 文献标志码: A 文章编号: 1674-4764 (2016) 04-0053-06

Performance analysis and heat transfer model building of parabolic trough solar collector

Chen Yuying

(School of Environmental and Municipal Engineering, Lanzhou Jiaotong University, Lanzhou 730070, P. R. China)

Abstract: One-dimensional and two-dimensional heat transfer mathematic model of the parabolic trough solar collector are a set of nonlinear algebra equations. In order to promote the stability and accuracy of the solution , the calculation of the heat transfer model of the parabolic trough solar energy collector is treated as constrained optimum problem, the energy conservation equations and heat transfer equations are converted into optimization model, the optimization model is solved by using fmincon function in MATLAB optimization tool box. The influences of heat transfer fluid inlet temperature and solar radiation flux to heat collector coefficient are analyzed. The solution of heat collector heat transfer process is faster and more stable by using fmincon function. Results show that the variation of heat transfer fluid inlet temperature plays more important role on heat collector coefficient than that of the variation of solar radiation flux. Keywords: parabolic trough collector; solar energy; heat transfer; MATLAB

槽式聚焦太阳能集热器是一种高效的太阳能热 利用集热器,广泛用于太阳能热力发电、物料干燥, 海水淡化等领域^[1-5]。槽式太阳能集热器性能涉及 聚焦器、集热器的光学性质、集热器复杂的传热过 程、集热器结构等着诸多方面,就其传热模型,传热 性能来说,学者们对其进行了不同程度的研究。文 献[6] 基于热平衡方法,建立了对吸热器直接加热 的实验装置,对集热器热损失进行了研究。由于对 抛物面聚焦集热器整体进行实验研究受到多方面的 限制,而基于热平衡法的实验研究缺乏对包括聚光 器、传热流体在内的集热器整体性能的认识,基于集 热器传热模型建立与求解的数值模拟分析方法受到

Received: 2016-01-10

收稿日期:2016-01-10

作者简介:陈玉英(1976-),女,主要从事强化传热研究,(E-mail)chenyy@mail.lzjtu.cn。

Author brief: Chen Yuying(1976-), main research interest: enhancement of heat transfer, (E-mail)chenyy@mail. lzjtu. cn.

人们的关注^[7-13]。文献[7-8]对槽式太阳能集热器建 立了一维、二维稳态传热的数学模型,分别应用 EES 工程方程求解器及 MATLAB 软件符号函数 solve 进行了求解,文献[9-10]应用 MATLAB 软件非线 性方程组求解函数 fsolve 对集热器一维稳态传热模 型进行了求解。

槽式太阳能集热器一维和二维稳态传热数学模型是一组非线性代数方程,在集热器实际工作中,集 热管和玻璃护管壁面温度存在一定依赖关系,这里 将集热器传热数学模型的求解看做优化问题,通过 集热器热平衡方程和传热方程,建立求解集热器传 热过程的有约束优化数学模型,应用 MATLAB软 件优化工具箱函数 fmincon 进行求解。fmincon 函 数内嵌多种优化方法,可使求解过程更稳定,同时计 入集热器各部分温度的依赖关系,使计算结果更合 理。本文在求解传热方程的基础上,分析了部分因 素对集热器性能的影响。

1 集热管传热模型

1.1 集热管一维传热模型

集热管传热模型及温度分布分别如图 1 和图 2 所示。集热管主要由外层玻璃护管、金属吸热管组 成。玻璃管和吸热管之间为真空,金属管内为传热 介质,这里以水为传热介质。设金属管内流体编号 为1;金属管内外壁编号分别为 2 和 3;玻璃管内外 壁编号为 4 和 5;玻璃管外空气编号为 6;天空编号 为7。单位管长的传热量用 q'(W/m)表示。玻璃 管吸收的太阳辐射热量为 q'solAbs,吸热管吸收的太 阳辐射热量为 q'aSolAbs。集热管正常工作时,金属管 外表面温度最高^[6-7],如图 2 所示。因此,对于集热 管来说,以金属吸热管外表面为界,热量分别向吸热 管内和吸热管外传递,如图 1 所示。

1.2 集热管热平衡方程

根据能量守恒原理,传热流体、吸热管和玻璃管的热平衡关系可用式(1)~(6)表示。

对于传热流体和吸热管,传热流体与吸热管内 表面的对流换热量等于通过吸热管的导热量。

$$\dot{q}'_{23\text{cond}} = q'_{12\text{conv}}$$
 (1)

对于吸热管外表面,吸热管吸收的太阳辐射热 量等于通过吸热管壁的导热量、吸热管外表面与玻 璃管内表面的对流换热量及辐射换热量之和。

$$\dot{q}''_{3\text{SolAbs}} = q'_{23\text{cond}} + q'_{34\text{conv}} + q'_{34\text{rad}}$$
 (2)
对于玻璃管内表面,玻璃管内表面与吸热管外



Model of Heat Collector Element



图 2 集热管温度分布

Fig. 2 Temperature Distribution of Heat Collector Element 表面通过对流和辐射交换的热量等于通过玻璃管壁的导热量。

$$q'_{34\text{conv}} + q'_{34\text{rad}} = q'_{45\text{cond}}$$
 (3)

对于玻璃管外表面,玻璃管外表面吸收的太阳 辐射热量与通过玻璃管壁的导热量之和等于玻璃管 外表面与周围环境的对流换热量与玻璃管外壁与天 空的辐射换热量之和。

$$q'_{5\text{SolAbs}} + q'_{45\text{cond}} = q'_{56\text{conv}} + q'_{57\text{nd}}$$
 (4)

$$q'_{5SolAbs} + q'_{34conv} + q'_{34rad} = q'_{56conv} + q'_{57rad}$$
 (5)
集热管热损失为

$$q'_{\text{HeatLoss}} = q'_{56\text{conv}} + q'_{57\text{rad}} \tag{6}$$

设到达抛物面槽式集热器的太阳总辐射热量为 Φ_{Solar},则集热器热效率为

$$\eta = \frac{\Phi_{12\text{conv}}}{\Phi_{\text{Solar}}} \tag{7}$$

1.3 集热管二维传热模型

在一维传热模型中,换热流体温度可以按两种 方式考虑,一是取流体平均温度作为流体的整体温 度,不考虑温度沿管长的变化;二是仅考虑流体进出 口温度的变化,认为沿管长流体温度呈线性变化。 在二维模型中,将集热管分成 n 段,如图 3 所示,在 每一段的边界上温度是连续的。与一维传热模型一 样,假设辐射传热热流沿管长均匀分布,且垂直于管 壁表面,在每一小段上,纵向温度假设是线性的。





Model of Heat Collector Element

在每一小段上,集热管不仅满足式(1)~(5)的 热平衡方程,还需引入流体本身的热平衡方程

$$mc_{p,\text{fluid}}(t_{\text{out},i} - t_{\text{in},i}) = \pi d_2 \cdot \Delta L \cdot h(t_{2,i} - t_{\text{m},i})$$
(8)

1.4 集热管传热计算

1.4.1 传热流体与吸热管之间的对流传热 由牛顿冷却公式,从吸收管内表面到传热流体的对流传热为

$$\Delta \Phi_{12\text{conv}} = \pi d_2 \cdot \Delta L \cdot h_{12}(t_{2,i} - t_{m,i})$$
(9)

$$h_{12} = \frac{N u_{d2} \lambda_1}{d_2} \tag{10}$$

吸热管内对流换热努塞尔数 Nu_{d2} 的计算取决 于传热流体流动状态。

紊流和过渡流($Re_{d2} > 2300$)情况下,努塞尔数计算式为^[8]

$$Nu_{d2} = \frac{f_2/8(Re_{d2} - 1\ 000)Pr_1}{1 + 12.7\ \sqrt{f_2/8}(Pr_1^{2/3} - 1)} \left(\frac{Pr_1}{Pr_2}\right)^{0.11}$$
(11)

其中, f₂ 按式(12)计算。

$$f_2 = (1.82\log_{10}(Re_{d2}) - 1.64)^{-2}$$
 (12)

管内流体为层流(Re_{d2} < 2 300)时,努塞尔数 为常数,等于 4.36。

1.4.2 吸热管与玻璃护管的传热 在吸热管与玻 璃护管间通过对流和辐射进行换热。对于对流换 热,当环形腔内压力较低(压力<133.32 Pa)时,传 热机理是分子导热,在较高压力下(压力>133.32 Pa),传热过程是自然对流。当环形区域内压力< 133.32 Pa时,对流换热系数按式(13)计算^{[7-8)}。

$$h_{34} = \frac{\lambda_{\text{std}}}{\left(\frac{d_3}{2\ln(d_4/d_3)} + bk(d_4/d_3 + 1)\right)}$$
(13)

b 和 *k* 的表达式分别为

$$b = \frac{(2-a)(9\gamma - 5)}{2a(\gamma + 1)}$$
(14)

$$k = \frac{2.331 \cdot 10^{-20} \left(t_{34} + 273.15 \right)}{P_a \delta^2} \tag{15}$$

当环形区域内压力>133.32 Pa时,对流换热量 按式(16)~(21)计算^[7-8]。

$$\Delta \Phi_{34\text{conv},i} = \frac{2\pi\lambda_{\text{eff}}\Delta L}{\ln(d_4/d_3)}(t_3 - t_4)$$
(16)

$$\lambda_{\rm eff} = 0.386\lambda_{34} \left(\frac{Pr_{34}Ra_{\rm cy}}{0.861 + Pr_{34}} \right)^{1/4}$$
(17)

.7

$$Ra_{\rm cy} = \frac{\left(\ln\left(\frac{a_4}{d_3}\right)\right)}{L_C^3 \left(d_4^{-3/5} + d_3^{-3/5}\right)^5} Ra_{\rm LC}$$
(18)

$$Ra_{\rm LC} = \frac{g\beta(t_3 - t_4)L_C^3}{\nu^3} Pr_{34}$$
(19)

$$L_{\rm C} = \frac{d_4 - d_3}{2}$$
 (20)

$$\beta = \frac{1}{t_{34} + 173.15} \tag{21}$$

1.4.3 玻璃护管与环境的对流换热 玻璃护管与 外界空气的对流换热,在无风时为自然对流换热,有 风时为强迫对流换热。自然对流换热时努塞尔数通 过式(22)~(24)计算^[7-8.14]。

$$Nu_{d5} = \left[\frac{0.6 + \frac{0.387 Ra_{d5}^{1/6}}{\left(1 + \left(\frac{0.559}{Pr_{56}}\right)^{9/16}\right)^{8/27}} \right]^2 (22)$$

$$Ra_{d5} = \frac{g\beta(t_5 - t_6)d_5^2}{\nu_{56}^2} Pr_{56}$$
(23)

$$\beta = \frac{1}{t_{56} + 173.15} \tag{24}$$

式(22)~(24)中各变量含义与式(19)类似。

有风时,玻璃护管与空气的对流换热按流体横 掠单管时的经验公式计算。通过吸热管及玻璃管导 热计算按通过圆筒壁导热公式计算,吸热管外壁面 与玻璃管内壁面的辐射换热按两无限长环形空腔辐 射传热公式计算,玻璃护管外表面与天空辐射换热 按无限大封闭面与内包凸表面物体辐射换热 计算^[13,15]。

2 集热管传热过程求解

集热管传热计算中,通常给定太阳总辐射热流 密度 I_{solar} ,传热介质入口温度 $t_{1,in}$,环境温度 t_6 ,天 空温度 t_7 ,待定参数包括传热介质出口温度 $t_{1,out}$, 吸热管内外壁表面平均温度 t_2 及 t_3 ,玻璃护管内外 壁表面平均温度 t_4 及 t_5 ,共 5 个未知量,可通过式 (1)~(4)、式(8)以及相应的传热公式来进行求解。 由于辐射热流量与温度的 4 次方成正比,因此,引入 传热计算式后,热平衡方程是关于温度的非线性代

数方程。文献「7〕应用工程方程求解器(EES)来求 解这一组代数方程。MATLAB 软件有丰富的数学 库函数及优化工具箱函数,给非线性代数方程组的 求解带来很大方便,文献[9-10]分别应用 MATLAB 软件提供的代数方程组符号求解函数 solve 及 fsolve 来求解这一组代数方程。这里采用 MATLAB软件提供的求解约束优化问题的函数 fmincon 来求解这一组非线性代数方程^[16]。与 solve 及 fsolve 函数相比,采用约束优化函数 fmincon 进行求解时程序设计简单,计算速度更快, 稳定性更好。

由式(1)~(4)及式(8)构造的优化问题数学模 型为

$$\min f(x) = eq_1^2 + eq_2^2 + eq_3^2 + eq_4^2 + eq_5^2$$

s.t. $t_4 < t_3$
 $t_5 < t_4$
 $t_6 < t_5$ (24)

设计变量 $x = [t_2, t_3, t_4, t_5, t_{1,out}]$ 。

方程 eq_i ($i = 1, 2, \ldots, 5$) 通过对式(1)~(4)及 式(8)移项,使方程右端项为零得到。

3 计算结果及分析

3.1 计算参数

算例采用文献[8]给出的集热管参数,各部分结 构参数如表1所示。

		<u>λ</u> (1)	朱然留知	的梦女		111
名称	集热管 长度 L	集热器 宽度 W	吸热管 内经 d ₂	吸热管 外经 <i>d</i> 3	玻璃护 管内径 <i>d</i> 4	玻璃护 管外径 <i>d</i> 5
数值	3.6	1.22	0.015 8	0.017 8	0.057	0.060

뷼먶佐妝슏*

取传热流体入口温度 t_{1,in} = 45.3 ℃, 传热流体 体积流量 $V = 0.226 8 \text{ m}^3/\text{h}$,外界风速 $u_5 =$ 3.8 m/s,外界空气温度 $t_6 = 26.6 \,^{\circ}$,天空温度 $t_7 =$ $t_6 = 8$ °C .

3.2 计算结果与实测结果比较

传热计算分别按一维和二维模型进行,对于二 维传热模型,将集热管分为12段。在太阳辐射热 流密度为均匀的情况下,一维和二维传热模型结果 相同。模拟计算结果与文献[8]实验结果如表 2 所示。

表 2 集热器传热计算值与实验结果比较

T. /°C	T / \mathcal{O}	风速/	$T_{\rm out}/$ °C	
I in/ C	1 ₆ / C	$(m \cdot s^{-1})$	实测	计算
35.8	21.0	2.2	37.90	37.28
40.9	22.2	2.8	43.30	42.88
41.3	25.0	3.1	44.40	44.50
45.3	26.6	3.8	48.35	48.94
38.7	25.5	3.7	40.45	40.93

由表2可知,计算值与实测值相对误差最大值 为 1. 64%, 说明用 MATLAB 软件的优化函数 fmincon 求解集热器传热过程有较好的精度。

3.3 传热流体入口温度对集热器性能的影响

传热流体体积流量 $V = 0.226.8 \text{ m}^3/\text{h}$,环境温 度 $t_6 = 26.6 \, \mathbb{C}$,外界风速 $u_5 = 3.8 \, \text{m/s}$,到达集热槽 开口面单位长度的太阳辐射热量 I' = 758 W/m时, 传热流体入口温度与集热器热效率关系曲线如图 4 所示。



图 4 传热流体入口温度与集热器效率关系曲线 Fig. 4 Relationship between Heat Transfer Fluid Inlet **Temperature with Heat Collector Coefficient**

从图 4 可以看出,随着吸热管传热流体入口温 度的增加,流体从太阳辐射吸收的热量 Φ_{gain} 呈下降 趋势,且流体入口温度越高,下降的程度越明显,集 热器效率随传热流体温度的增加也呈下降趋势。这 是因为,随着传热流体入口温度的增加,吸热管管壁 温度增加,在外界气温和风速不变的情况下,玻璃套 管壁面温度增加有限,使得吸热管与玻璃护管间辐 射换热量 Φ_{34rad} 增加,热损失增加,因此,集热器效率 下降。在吸热管与玻璃护管环形空腔内真空度较高 的情况下,吸热管与玻璃护管间对量换热量较少,热 损失主要由辐射散热产生。吸热管与玻璃护管间辐 射换热量通过玻璃护管的导热及护管外表面与环境 的对流换热和辐射换热散出。

3.4 太阳辐射热流密度对集热器性的能的影响

传热流体体积流量 $V = 0.226 \ 8 \ m^3/h$, 传热流体入口温度 $t_{in} = 200 \ C$, 环境温度 $t_6 = 26.6 \ C$, 外界风速 $u_5 = 3.8 \ m/s$ 时, 太阳辐射热流密度与集热器热效率关系曲线如图 5 示。



图 5 太阳辐射热流密度与集热器效率关系曲线 Fig. 5 Relationship between Solar Radiation Flux with Heat Collector Coefficient

随着太阳辐射热流密度的增加,集热器效率呈 增加的趋势,由于散热损失(如玻璃护管外壁与环境 的对流换热量 Фысопу)也呈增加的趋势,因此,集热器 效率随太阳辐射热流密度的增加其增加的幅度较平 缓。传热流体温度变化对集热器效率的影响大于太 阳辐射对集热器效率的影响。

4 结 论

在建立槽式集热器一维和二维稳态传热模型的 基础上,应用 MATLAB 软件优化工具箱函数 fmincon 对热平衡方程和传热方程进行了求解,并 对部分因素对集热管性能的影响进行了分析,通过 模拟计算和分析可得出以下结论。

1)将集热器传热模型按优化问题进行求解可以 加快求解速度,提高求解的稳定性。

2)随传热流体入口温度的增加,集热器效率显 著下降;随太阳辐射热流密度的增加,集热器效率呈 平稳增加的趋势。

3)在吸热管与玻璃护管环形空腔内真空度较高的情况下,吸热管的散热主要是辐射换热;集热管热效率对传热流体温度变化的影响要高于太阳辐射热流密度变化对集热器效率的影响。

附:符号说明

 \dot{m} 为传热流体质量流量, kg/s; $t_{in,i}$, $t_{out,i}$ 为第 i

段吸热管进出口温度,C; $c_{p,fluid}$ 为按传热流体平均 温度计算的定压比热容,J/(kg・C);h 为吸热管内 表面与传热流体对流换热系数,W/m²; $t_{2,i}$ 为第 i 段 吸热管内壁温度,C; $t_{m,i}$ 为第 i 段传热流体平均温 度,C; Nu_{d2} 为基于吸收管内径计算的努塞尔数; λ_1 为传热流体在温度 $t_{m,i}$ 时的导热系数; f_2 为管内流 动摩擦系数; Pr_1 为按流体平均温度计算的传热流体 普朗特数; Pr_2 为按管内壁温度计算的传热流体 普朗特数; λ_{std} 为标态下,环形区域内气体导热系数, W/(m・C); b 为分子作用系数; k 为分子平均自由 程,cm; a 为调节系数; γ 为气体比热比; P_a 为气体 压力,mmHg; δ 为气体分子直径,cm; λ_{eff} 为等效导 热系数; Ra_{LC} 为按定型尺寸 L_c 计算的瑞利数; β 为 气体膨胀系数; ν 为气体运动粘度。

参考文献:

- [1]黄素逸,黄树红,许国良.太阳能热发电原理及技术
 [M].北京:中国电力出版社,2012.
 HUANG S Y, HHUANG S H, XU G L. Principle and technology of solar thermal power generation[M].
 Beijing: China Electric Power Press,2012. (in Chinese)
- [2]王金平,王军,张耀明,等. 槽式太阳能聚光集热器传热 特性分析[J]. 农业工程学报,2015,31(7):185-192.
 WANG J P, WANG J, ZHANG Y M, et al. analysis of heat transfer characteristics for parabolic trough solar collector[J]. Transactions of the Chinese Society of Agricultural Engineering, 2015,31(7): 185-192. (in Chinese)
- [3] 徐伟,杨帆,刘静静,等. 槽式抛物面太阳能热发电系 统发展现状与探讨[J]. 发电设备,2015,21(1):74-78. XU W, YANG F, LIU J J, et al. Review and discussion on parabolic trough solar power systems[J], Power Equipment, 2015,21(1):74-78. (in Chinese)
- [4]杨敏林,杨晓西,林汝谋,等.太阳能热发电技术与系统[J].热能动力工程,2008,23(3):221-228.
 YANG M L, YANG X X, LIN R M. Solar energy-based thermal power generation technologies and their systems [J]. Journal of Engineering for Thermal Energy & Power, 2008, 23(3):221-228. (in Chinese)
- [5] FERNANDEZ-GARC A, ZARZA E, VALENZUELA L, et al. Parabolic-trough solar collectors and their applications [J]. Renewable and Sustainable Energy Reviews, 2010,14: 1695-1721.
- [6] 熊亚选,吴玉庭,马重芳,等. 槽式太阳能聚光集热器 光热性能初步实验研究[J]. 太阳能学报,2012,33 (12):2087-2092.

XIONG Y X, WU Y T, MA C F, et al. Preliminary experiment study on the thermal performance of a parabolic trough collector [J]. Acta Energiae Solaris Sinica, 2012, 33(12) : 2087-2092. (in Chinese)

- [7] FORRISTAL R. Heat transfer analysis and modeling of a parabolic trough solar receiver implemented in engineering equation solver [R]. Colorado: National Renewable Energy Laboratory, 2003.
- [8] ALFELLAG, MOHANAD ABDULAZEEZ ABDULRAHEEM. Modeling and experimental investigation of parabolic trough solar collector [D]. Florida: Embry-Riddle Aeronautical University, 2014.
- [9]杨润,李斌. 基于 MATLAB 的抛物槽式太阳能集热器 集热管一维稳态模型[J]. 可再生能源,2008,26(4):6-9. YANG R, LI B. The calculation of the 1-D steady-state model of the parabolic trough solar absorber pipe based on MATLAB [J]. Renewable Energy Resources, 2008,26(4):6-9. (in Chinese)
- [10] 韦彪,朱天宇,刘德有. 槽式 DSG 太阳能集热系统模 拟分析[J]. 工程热物理学报,2012,33(3):473-476.
 WEI B, ZHU T Y, LIU D Y. Simulation of heat transfer for parabolic trough DSG solar collectors [J]. Journal of Engineering Thermophysics, 2012, 33(3):473-476.(in Chinese)
- [11] WANG K, HE Y L, CHENG Z D. A design method and numerical study for a new type parabolic trough solar collector with uniform solar flux distribution [J].

Science China Technological Sciences, 2014, 57(3): 531-540.

- [12] M-C. EL JAI, F-Z. CHALQI. A modified model for parabolic trough solar receiver [J]. American Journal of Engineering Research, 2013,2(5):200-211.
- [13] 周传文. 槽式太阳集热器热性能研究[D]. 北京:华北 电力大学,2013.
 ZHOU C W. Thermal performance analysis of trough solar collector [D]. Beijing: North China Electric Power University, 2013. (in Chinese)
- [14] WU Z Y, LI S D, YUAN G F, et al. Threedimensional numerical study of heat transfer characteristics of parabolic trough receiver [J]. Applied Energy, 2014,113: 902-911.
- [15] 杨世铭,陶文铨. 传热学[M].4版. 北京:高等教育出版社,2006.
 YANG S M, TAO W Q. Heat transfer [M]. 4th Edition Beijing: Higher Education Press, 2006. (in Chinese)
- [16] 张永恒. 工程优化设计与 MATLAB 实现[M]. 北京: 清华大学出版社,2011.
 ZHANG Y H. Engineering optimization design with MATLAB implementation [M]. Beijing: Tsinghua University Press, 2011. (in Chinese)

(编辑 胡玲)