



ECC/钢筋混凝土叠合梁正截面受弯 承载力试验与理论研究

高淑玲1,2,郭亚栋1,吴耀泉1

(1. 河北工业大学 土木与交通学院,天津 300401;2. 河北省土木工程技术研究中心,天津 300401)

摘 要:为了探究 ECC/高强钢筋混凝土叠合梁的正截面受弯特征,以及 ECC 层厚度对叠合梁整体 受弯性能的影响,做了两组共5根梁试件的正截面受弯试验。发现与高强钢筋混凝土梁相比,叠合 梁的承载力更高,相同荷载下的挠度值和最大裂缝宽度较小。在受弯全过程中其截面应变仍符合 平截面假定,钢筋与 ECC 也可以实现协调变形,说明受拉区使用 ECC 可以使得高强钢筋的应力得 到充分发挥。但 ECC 层厚度过大可能会使叠合梁发生脆性破坏。进一步地,在此研究的基础上, 对已有 ECC 的本构模型进行简化,忽略其应力强化贡献,并运用叠加原理,提出一种用于计算 ECC/钢筋混凝土叠合梁正截面受弯承载力的方法,将计算结果与试验结果及诸多文献结果进行比 较,发现吻合度较高。

关键词:叠合梁;正截面;受弯承载力;控裂能力;叠加原理 中图分类号:TU375.1 文献标志码:A 文章编号:1674-4764(2017)02-0123-09

Experimental analysis and calculation theory onnormal section flexural capacity of ECC/ steel reinfoced concrete composite beams

Gao Shuling^{1,2}, Guo Yadong¹, Wu Yaoquan¹

School of Civil Engineering and Transportation, Hebei University of Technology, Tianjin 300401, P. R. China;
 Civil Engineering Technology Research Center of Hebei Province, Tianjin 300401, P. R. China)

Abstract: Experiments on normal section flexural capacity with two groups of five ECC/ high strength reinforced concrete composite beams were implemented to explore its flexural characters with different ECC depths. It was found that comparied with steel reinforced beams, composite beams gained more flexural capacity, and had the less deformation and crack width under the same load. Plane-section assumption was still applicable , strains between steel and ECC were also well accorded with, which showed that ECC could bring the high strength steel into full play, while it would happen brittle fracture when the ECC's depth increased to one half of the beam. On the basis above, combined with superposition principle, constitutive model of ECC was been simplified to neglect its stress hardening behavior, a new calculation method for the

Received: 2016-06-26

收稿日期:2016-07-26

基金项目:国家自然科学基金(51108151);国家重点基础研究发展计划(973 计划)(2009CB623203); 江苏省土木工程材 料重点试验室开放基金

作者简介:高淑玲(1977-),女,副教授,博士,主要从事超高性能水泥基复合材料的形成机理及断裂特性研究,(E-mail) gsl200001@126.com。

Foundation item: National Natural Science Foundation of China(No. 51108151); Major State Basic Research Development Program of China(973 Program) (No. 2009CB623203)

Author brief: Gao Shuling(1977-), associate professor, PhD, main research interests: formation mechanism and fracture characteristics of ultra high toughness cementitious composites, (E-mail)gsl200001@126.com.

capacity of the composite beams was proposed. To verify the theory, results by the calculated and the experimented had been comparied.

Keywords: composite beams; normal section; flexural capacity; crackcontrol; superposition principle

对于 HRB500 级钢筋混凝土受弯构件,由于高 强钢筋在使用荷载下较大的工作应力和引起的较大 裂缝宽度也使构件的变形增大,因此,HRB500 级钢 筋在普通钢筋混凝土中的高强度发挥受到正常使用 极限状态下裂缝和挠度变形的限制,影响了 HRB500 级钢筋在建筑工程中的大量推广应用。因 此,如何有效地控制 HRB500 级钢筋混凝土的裂缝 宽度使其应力得到充分发挥是其推广应用急需解决 的关键问题。

工程用水泥基复合材料(Engineered Cementitious Composites,以下简称 ECC),是一种 基于微观力学和材料力学设计的,以水泥、粉煤灰等 粒径不大于 5 mm 的细集料作为基体,在纤维体积 掺量约为2%的情况下就可以获得3%极限拉应变 的新型水泥基复合材料^[1]。相比之普通混凝土, ECC 因其优越的抗拉性能被越来越多地应用于工 程领域^[2-3]。诸多研究已经表明^[4-11],配筋 ECC 梁具 有卓越的抗震、受弯、控裂性能。但由于 ECC 的造 价大约是混凝土的4倍^[12],将ECC全部替代混凝土 不经济,因此,许多研究人员尝试仅将 ECC 浇筑在 混凝土梁的受拉区[13-18],弥补钢筋混凝土梁受拉区 混凝土的低抗拉性能。但由于高强钢筋在中国的普 及时间较晚,故多数仅是将 ECC 与普通钢筋混凝土 相结合。另外,虽然已有提出 ECC/钢筋混凝土叠 合梁的计算方法[19-21],但其计算过程繁琐,不利于实 际理解和工程计算,因此有必要提出一种既简便、效 率又高的计算理论。

鉴于上述原因,课题组采用 HRB500 级高强钢 筋作为受力主筋,在受拉区浇筑不同高度的 ECC 来 替换混凝土,研究了 ECC 层厚度对叠合梁整体受弯 性能的影响,并建议出最佳的 ECC 层浇筑高度范 围。进一步分析了 ECC/钢筋混凝土叠合梁受弯过 程中的截面应力应变、承载能力,以及高强钢筋与 ECC 之间的协调变形性能。并在此基础上探讨出 一种较为简便的 ECC/钢筋混凝土叠合梁受弯承载 力的计算方法。

1 试验研究

1.1 试验方案

做了2组共5个试件,第1组尺寸较小,为1根

钢筋混凝土对照梁和1根有h/4 ECC 厚的 ECC/钢 筋混凝土叠合梁,旨在探究 ECC 层的加入对钢筋混 凝土梁的影响;第2组梁的底部分别浇筑了为 h/4、 h/3、h/2 厚 ECC 层,旨在探究不同 ECC 层厚度下叠 合梁的受弯机理,具体参数如图1、表1所示。其中 受拉纵筋为 HRB500 钢筋,实测抗拉屈服强度 496 MPa。箍筋与架立筋为 HRB400 钢筋,直径分别为 8、10 mm。纤维采用日本 Kuraray 公司生产的 REC15KURALON K-Ⅱ新型聚乙烯醇(Polyvinyl Alcohol, PVA)系列纤维, 其具体性能见表 2。为了 环保节能,并增加流动性,在混凝土中掺入了少量粉 煤灰和减水剂,混凝土和 ECC 的配比见表 3。为了 便于进一步地理论分析,在浇筑中每根梁试件做了 混凝土伴随试块,其抗压强度在表 8 中列出。并对 28 d 的 ECC 薄板进行了单轴拉伸试验,测得其起裂 强度 2.8 MPa,极限强度 3.2 MPa。



图 1 试件几何参数 Fig. 1 Parameters of specimens

表 1 试件尺寸 Table 1 Dimensions of specimens

梁编号	l_0/mm	a/mm	b/mm	h/mm	$h_{ m e}/{ m mm}$
FB1-1(第1组)	2 400	800	150	250	0
FB1-2(第1组)	2 400	800	150	250	62.5(<i>h</i> /4)
FB2-1(第2组)	3 000	1 000	200	300	75(h/4)
FB2-2(第2组)	3 000	1 000	200	300	100(<i>h</i> /3)
FB2-3(第2组)	3 000	1 000	200	300	150(h/2)

表 2 PVA 纤维性能参数

Table 2	Parameters	of	PVA	fiber

密度/	抗拉强	弹性模	极限延	长度/	直径/
$(g \cdot cm^{-3})$	度/MPa	量/GPa	伸率/%	$\rm mm$	$\mu \mathrm{m}$
1.3	1 620	42.8	7.8	12	26

表 3 配合比 Table 3 Mix proportions for concrete and ECC

材料	水泥	粉煤灰	水	河砂	精细砂	减水剂	PVA $(V_{\rm f})$
混凝土	1	0.111	0.324	1.645		0.002	
ECC	1	1.200	0.659		0.549	0.044	2%

2 试验结果分析

2.1 承载力和变形分析

试验采用力加载方式,级差 5 kN,当梁上部混凝土压碎甚至剥落而不能继续承载时,认定达到承载力极限状态,试验终止。最终的典型破坏形态如图 2 所示。同时在梁跨中底部安置了位移计,最后得到的荷载--挠度关系如图 3 所示。



图 2 叠合梁试件典型破坏形态及纯弯段裂缝图 Fig. 2 Typical failure pattern and cracks in pure bending section for composite beams



与 FB1-1 相比,由于梁底部使用了 h/4 厚 ECC,FB1-2 的承载力由 42.0 kN·m 提高到 48.0 kN·m,提升幅度约 14.3%。并且由图 3 还可以看 出,在相同荷载下,FB1-2 的挠度值较 FB1-1 的小, 这种差距随着荷载的增大而变大,最终 FB1-2 的极 限挠度较 FB1-1 的小 18.7%。这主要是因为与混 凝土受拉断裂后基本退出工作不同,ECC 在开裂后 由于纤维的桥接作用,仍可以继续承担拉应力,从而 使得叠合梁的同期挠度较小,而承载力较大。

2.2 控裂能力分析

HRB500高强钢筋与混凝土材料共同使用时的 开裂问题一直是研究者们比较关注的话题,宏观裂 缝的出现会严重影响钢筋混凝土结构的耐久性和使 用寿命。钢筋混凝土结构构件一旦开裂,外界大气 中的水蒸气、二氧化碳、氧气等物质就会进入到结构 构件的内部引起钢筋锈蚀,进而导致混凝土层剥落、 承载能力降低等后果。因此如何做到对裂缝宽度的 有效控制,就成了 HRB500 高强钢筋在推广使用过 程当中亟待解决的问题。基于以上观点,本次试验 采用裂缝测宽仪等工具重点观察了 ECC 材料的加 入对裂缝宽度控制的影响。

表 4 列出了加载过程中部分加载时刻第一组两 根梁裂缝最大宽度进行对比。从表中数据可以看 到,FB1-1(混凝土)在外加荷载到达20kN时最大裂 缝宽度就已经到达了规范当中二类、三类环境对应 要求的裂缝宽度限值 0.2 mm, 而此时叠合梁(FB1-2)的裂缝还只在 ECC 层发展,裂缝宽度非常小;继 续加载到约45 kN 左右,叠合梁的混凝土层出现裂 缝,由于刚出现不久,裂缝宽度在一个很低的水平 (图 4(b))。而此时 FB1-1(图 4(a))的裂缝宽度已 经达到了规范[22]当中一类环境对应要求的裂缝宽 度限值 0.3 mm,与叠合梁的裂缝宽度差距非常大。 之后随着荷载的增加,各梁的裂缝宽度也在慢慢加 大,根据实测的数据可以看到叠合梁(FB1-2)ECC 层的裂缝宽度基本不会超过0.1 mm,混凝土层的裂 缝宽度虽然不如 ECC 层那么细,但相比同期 FB1-1 (混凝土)的裂缝宽度则减小了很多。ECC 对裂缝 的控制不仅表现在裂缝宽度上,最终量测裂缝基本 出齐之后的裂缝平均间距,叠合梁混凝土层的平均 裂缝间距相比 FB1-1(混凝土)同样减小了很多,分 别减小了约6和4.4 cm; ECC 层的裂缝则更加密 集,这种细密的裂缝正是工程上所希望看到的。

表 4 第 1 组梁受弯过程中裂缝发展情况比较

Table 4 Crack development comparisons b	etween the FB1
---	----------------

	20 kN 时最大	45 kN 时最大	65 kN 时最大	钢筋屈服时	平均裂缝
朱丂	缝宽/mm	缝宽/mm	缝宽/mm	最大缝宽/mm	间距/cm
FB1-1	0.2	0.3	0.4	1.84	13.6
ED1 9	0.02(ECC 目)	0.06(ECC 层)	0.08(ECC 层)	0.1(ECC 层)	1.9(ECC 层)
гd1-2	0.02(ECC 层)	0.04(混凝土层)	0.1(混凝土层)	0.39 混凝土层)	7.6(混凝土层)



Fig. 4 Maximum crack width for 40 kN moment

表 5 是 ECC 层叠合梁构件受弯过程中裂缝发展 情况。整体来说 ECC 层厚度的增加对 ECC 本身的 裂缝形态特征没有多大影响,依然保持多缝开裂的特 征;不过对混凝土层裂缝的约束效果还是有所差别。 裂缝在 ECC 层发展阶段,大量的细密裂缝出现在梁 底,3 根梁的裂缝最大宽度基本相差不大,说明 ECC 浇筑层的增加对 ECC 层本身的裂缝发展影响不大; 当混凝土层起裂之后,混凝土层裂缝发展的趋势就 有所不同。随着 ECC 浇筑高度的增加,相同阶段混 凝土层裂缝最大宽度呈现变小的趋势。以 80 kN 为 例,FB2-3(*h*/2 厚 ECC)的混凝土裂缝最大宽度较 FB2-1(*h*/4 厚 ECC)的混凝土裂缝最大宽度减小了 0.6 mm,这说明了 ECC 层对混凝土裂缝宽度的抑制 效果随着 ECC 层高的增加在逐步加强。

表:	5 第 2	组梁受驾	?过桯中	裂缝发展	医情况比	较	
Table 5	Crack	developm	ent comi	parisons	between	the	FB2

梁号	20 kN 时最大 缝宽/mm	kN时最大40 kN时最大缝宽/mm缝宽/mm		20 kN 时最大 40 kN 时最大 60 kN 时最大 缝宽/mm 缝宽/mm 缝宽/mm		80 kN 时最大 缝宽/mm	100 kN 最大 缝宽/mm
FB2-1	0.03	0.06	0.04(混凝土层) 0.08(ECC层)	0.2(混凝土层) 0.09(ECC 层)	0.26(混凝土层) 0.1(ECC 层)		
FB2-2	0.02	0.05	0.08(混凝土层) 0.06(ECC 层)	0.16(混凝土层) 0.1(ECC 层)	0.25(混凝土层) 0.11(ECC 层)		
FB2-3	0.04	0.06	0.05(混凝土层) 0.07(ECC层)	0.14(混凝土层) 0.09(ECC层)	0.17(混凝土层) 0.1(ECC 层)		

2.3 最佳浇注高度

ECC 层高度由 h/4 增加到 h/3 时,承载力由 FB2-1 的 62.5 kN · m 提高到 FB2-2 的 65.0 kN · m, 可见当 ECC 层厚度大于 h/4 时, ECC 层的厚度于整 个叠合梁的承载能力的影响已不大。当 ECC 层厚 度继续增加到 h/2 时,叠合梁的极限承载力仍为 65.0 kN · m, 不再继续增长, 但 FB2-3 的挠度值却 较 FB2-2 的小很多,且实际试验中 FB2-3 的钢筋未 屈服,破坏没有明显预兆,为脆性破坏。按应力等效 原则, 由 $A'_{s} = \sigma_{tu} bh_{e} / f_{s}$ (各参数具体含义见 3.1)经 过换算发现此时的 ECC 层若等效为钢筋,则钢筋的 有效面积由 402 mm² 增加到了 595 mm²,增加幅度 达 41.8%,但若按一般的配筋率计算公式,其配筋 率仅为1.1%,低于超筋的界限配筋率。说明此时 普通配筋率及界限配筋率公式已经无法适用;且 ECC 层的厚度已经过大,甚至有些已经进入受压 区,于叠合梁的整体受力起了副作用。由第2组试 验结果看来,ECC 层的厚度并非越大越好,以 h/4 左右为宜。从一般性角度来说,对于 HRB500 钢筋 ECC叠合梁,受压区混凝土抗压强度越高,受拉区

ECC 最佳浇筑高度就越大。

表 6 极限挠度和荷载值

		~				
Table 6	Values	for	ultimate	deflection	and	load

梁编号	极限挠度/mm	极限荷载/(kN・m)
FB1-1	55.2	42.0
FB1-2	44.87	48.0
FB2-1	53.36	62.5
FB2-2	59.70	65.0
FB2-3	31.00	65.0

2.4 应力-应变分析

在试验时,除在梁底安置位移计外,同时在梁侧 不同高度处和跨中附近的钢筋处粘贴了混凝土应变 片和钢筋应变片以采集相应的应变值,并将同高度 处的钢筋应变和混凝土应变作了对比。以FB2-1的 结果为代表,如图5和图6所示。可以看出,叠合梁 的应变沿梁高基本呈线性变化,且钢筋与同高度处 ECC应变变化基本一致,即叠合梁的正截面受弯全 过程中基本符合平截面假定且 ECC 与钢筋的变形 相协调。



图 5 不同梁高度处应变值





Fig. 6 Strain comparisons between reinforcements and ECC at the same height

与普通钢筋混凝土梁类似,叠合梁的正截面受 弯全过程也可划分为3个阶段—未裂阶段、开裂阶 段和破坏阶段。当荷载很小时,沿梁高各处的应变 也很小,叠合梁的应力与应变成正比,由于 ECC 的 弹性模量较小,叠合梁测得的梁底部应变值较未加 ECC 的大些。这一阶段称为叠合梁的未裂阶段。 当弯矩继续增加到 M⁰_{er} (开裂弯矩)时,受拉区 ECC 边缘纤维的应变值也即将达到开裂应变 ε_{te},此时是 未裂阶段末。

荷载继续增加,受拉区 ECC 边缘纤维达到开裂 应变 ε_{te}而开裂,叠合梁的挠度和截面曲率突然增大, 从而进入带裂缝工作状态。由于 ECC 中纤维的桥 接作用,使得其在开裂后仍能继续承受拉应力,裂缝 扩展慢,而且裂缝条数增加,裂缝间距较小。弯矩继 续增大,当与 ECC 相接的混凝土边缘纤维达到开裂 应变 ε_{te}时,在 ECC 上部的混凝土产生裂缝,裂缝间 距较 ECC 大, 而此时受压区混凝土应变增长速度比 应力增长速度快, 表现出明显的塑性特征。

继续加荷至受拉钢筋屈服,叠合梁随之进入破 坏阶段。此时截面曲率和梁的挠度也明显增大,混 凝土内的裂缝宽度随之扩展并沿梁高向上延伸,受 压区混凝土边缘纤维应变也迅速增长,塑性特征表 现得越来越明显。达到极限承载力时,混凝土受压 边缘纤维压应变达到极限压应变值 ϵ_{cu} ,受压区混凝 土被压碎甚至剥落而丧失承载力。同时从图 5 中可 以看出当达到破坏荷载时即使是150 mm 高度处的 拉应变值也在 400 µε 左右, 而混凝土的极限拉应变 一般为万分之一,说明此时 150 mm 高度处也早已 开裂;而由图 6 的实测数据可以看出,当达到极限承 载力时,ECC的应变值在2500个微应变左右,远小 于 ECC10 000~30 000 με 左右的极限拉应变值,此 时仍处于应变硬化阶段,虽然 ECC 与混凝土的抗拉 强度无明显差别,但纤维的桥接作用使得 ECC 层可 以继续受拉,而混凝土一旦开裂则无法继续受拉。 由此,可以得出破坏阶段叠合梁截面的应力-应变分 布如图7所示。



图 7 破坏阶段截面应力--应变分布



3 计算理论

3.1 基本假定

在以上分析的基础上,对 ECC/钢筋混凝土叠 合梁的受弯承载力提出以下基本假定:

1)叠合梁受弯过程中截面应变保持平面。

2)钢筋与 ECC 或混凝土变形相协调。

3)不考虑混凝土的抗拉贡献,混凝土受压的应 力与压应变关系曲线(图 8)按下列规定取用:

当 $\varepsilon_{c} \leq \varepsilon_{0}$ 时(上升段)

$$\sigma_{c} = f_{c} [1 - (1 - \varepsilon_{c'} \varepsilon_{0})^{n}]$$
(1)
当 $\varepsilon_{0} < \varepsilon_{c} \leq \varepsilon_{cn}$ 时(水平段)

$$\sigma_{\rm c} = f_{\rm c} \tag{2}$$

参数 n_{ϵ_0} 和 ϵ_{cu} 的取值具体见文献[22], f_c 为 混凝土的轴心抗压强度。 4)纵向受拉钢筋采用弹塑性的双直线本构模型(图 9),其数学表达式为

当 0 《
$$\epsilon_{s}$$
《 ϵ_{y} 时,
 $\sigma_{s} = E_{s}\epsilon_{s}(E_{s} = f_{y}/\epsilon_{y})$ (3)
当 ϵ_{y} 《 ϵ_{s} 《 $\epsilon_{s,h}$ 时,

$$\sigma_{\rm s} = f_{\rm v} \tag{4}$$

式中: E_s 为钢筋的弹性模量; ε_y 为钢筋的屈服应变; $\varepsilon_{s,h}$ 为钢筋的极限拉应变; f_y 为钢筋的屈服强度。

5) ECC 全部处于受拉状态, 且忽略 ECC 的受拉 硬化阶段, 如图 10 所示, 相应的数学表达式为

当
$$0 \leq \varepsilon_t \leq \varepsilon_{tc}$$
时,

$$\sigma_{\rm t} = E_{\rm t} \varepsilon_{\rm t} (E_{\rm t} = \sigma_{\rm tc} / \varepsilon_{\rm tc}) \tag{5}$$

当 $\epsilon_{tc} \leqslant \epsilon_t \leqslant \epsilon_{tu}$ 时,

$$\sigma_{\rm t} = \sigma_{\rm tc} \tag{6}$$

式中: E_t 为 ECC 的弹性模量; ε_{tc} 为 ECC 材料的开裂 应变; σ_{tc} 为对应的开裂强度; ε_{tu} 为 ECC 的极限拉 应变。



图 10 ECC 受拉本构关系 Fig. 10 Tensile stress-strain relationships for ECC

从试验结果上来看,与传统钢筋混凝土梁一样, 根据配筋率的不同,ECC/钢筋混凝土叠合梁的正截 面受弯破坏形态仍可以分为少筋、适筋、超筋破坏 3 种。少筋和超筋破坏属于脆性破坏,破坏前没有明 显预兆,将造成严重后果,且材料没有得到充分利 用,在工程中是不允许的。适筋破坏之前具有明显 的预兆,属于延性破坏。本文主要研究叠合梁正截 面受弯破坏中的适筋破坏情况。

3.2 简化矩形应力图

由图 7 可以看出,虽然忽略了混凝土的抗拉强度,使得应力分布变得相对简单,但仍不能满足计算 简便的需要。为此,本文做了两方面的简化:

1)参照混凝土结构设计规范,将受压区混凝土 的曲线形应力图等效为矩形应力图,等效条件是:两 个图形中混凝土压应力的合力 C 的大小相等、作用 点位置不变。

2)不考虑 ECC 硬化段拉应力的提升部分,使 ECC 设计拉应力等于开裂应变时对应的应力 σ_{te},即 第5条假设,从而使应力图形由梯形变为了矩形,如 图 11 所示。既有计算公式相对繁琐的主要原因之 一就是其使用的 ECC 本构为双折线的应变硬化模 型,但 σ_{te}与 σ_{tu}相差不大,因此,可以考虑将其贡献暂 时忽略,在计算中再用某种方式弥补(具体见 3.3 节)。



图 11 简化的矩形应力图

Fig. 11 Simplified stress distribution of cross section

从图 11 可以看出,简化后的叠合梁应力图变得 更加容易计算,考虑到设计规范中对 T 形和双筋矩 形截面梁正截面受弯承载力的计算方法,因此考虑 运用叠加原理对 ECC/钢筋混凝土叠合梁正截面受 弯承载力进行计算的方法是可行的。

3.3 受弯承载力计算

计算配筋 ECC/混凝土叠合梁受弯构件矩形截 面受弯承载力 M_u 的方法如图 12 所示。可把图 12 (a)的叠合截面看成是以下两个截面相加:由受拉钢 筋 A_s 与对应的受压混凝土 x₁ 构成的提供承载力 M_{u1},如图 12(b);由受拉 ECCh₁ 与对应的受压混凝 土 x₂ 构成的提供承载力 M_{u2},如图 12(c)。即

$$M_{\rm u} = M_{\rm u1} + M_{\rm u2} \tag{7}$$

需要注意的是,这里 $C = C_1 + C_2$,但 $x \neq x_1 + x_2$,根据力的等效原则,若要使分力 $C_1 \ C_2$ 的位置与 C 重合,在 C_1 的前提条件下, C_2 的位置应位于 C 以 下,。但从图 12(b)、(c)可以看出, $C_1 \ C_2$ 均位于 C 以上,故 $x > x_1 + x_2$,这样就会导致综合内力臂较 大。这也是采用忽略 ECC 应变硬化的本构模型的 原因之一,即通过降低 ECC 的合力 T(亦 C₂)来抵消 叠加过程中造成的内力臂增大的不足。



图 12(b)中, h_0 、 f_y 、 A_s 、 f_c 已知,由力和力矩的 平衡条件可得

$$M_{\rm u1} = f_{\rm y} A_{\rm s} (h_0 - f_{\rm y} A_{\rm s} / 2\alpha_1 f_{\rm c} b) \tag{8}$$

图 12(c)中,根据之前的假设,T 的合力作用点 位于*h*。中间,由力和力矩的平衡条件亦可得

$$M_{\rm u2} = \sigma_{\rm tc} b h_{\rm e} (h_1 - \sigma_{\rm tc} b h_{\rm e} / 2\alpha_1 f_{\rm c} b) \tag{9}$$

求出了 M_{ul}和 M_{u2},将其代入式(7)中即可求出 ECC/混凝土叠合梁单筋矩形截面的最大受弯承载 力 M_u。

$$M_{u} = f_{y}A_{s}(h_{0} - f_{y}A_{s}/2\alpha_{1}f_{c}b) + \sigma_{u}bh_{e}(h_{1} - \sigma_{u}bh_{e}/2\alpha_{1}f_{c}b)$$
(10)

依据叠合梁单筋矩形截面正截面受弯承载力的 计算方法,其他如双筋矩形、T 形截面的正截面受弯 承载力方法可在此基础上推导演化出来,不再赘述, 将推导过程整理,最后得出的结果如表 7 所示。

表 7 ECC/钢筋混凝土叠合梁正截面极限承载力 Table 7 Normal section flexural capacities for ECC/ steel reinfoced concrete composite beams



3.4 试验结果验证

为了验证提出的计算理论的有效性和准确性, 除了课题组的试验结果外,还选取了文献[13-17]的 相关试验数据进行了比较。将以上各数据汇总对 比,得到的结果如表 8 所示。

表 8 数据对比分析

计供求源	b imes h /	$h_{ m u}/$	h_0 /	$h_1/$	$A_{ m s}$ /	$A'_{ m s}$ /	$\sigma_{ m tc}/$	$f_{\rm c}/$	$f_{\rm y}/$	$f_{ m y}'/$	$M_{ m u}^{ m cal}/$	$M_{ m u}^{ m e}/$	相对误
以 什木	mm^2	mm	mm	mm	mm^2	mm^2	MPa	MPa	MPa	MPa	(kN • m)	$(kN \cdot m)$	差/%
文献[13]	300×500	60	440	470	1 134	157	1.6	33.0	450	450	234.0	221.0	5.9
文献[14]	150 imes 230	30	140	215	157		6.2	30.4	365		13.6	15.1	9.9
文献[15]	114.3×152.4	50.8	127	127	380		3.2	41.4	414		19.7	18.1	8.9
文献[16]	120×200	15	169	193	226		4.0	16.7	400		16.8	14.9	12.8
文献[16]	120×200	50	169	175	226		4.0	16.7	400		17.3	16.9	2.4
文献[17]	120×150	70	115	115	157		4.0	33.6	310		9.0	8.8	2.3
文献[17]	120×150	74	113	113	308		4.0	26.7	335		13.8	11.9	16.0

土木建筑与环境工程

续表 8													
试件来源	b imes h /	$h_{ m u}/$	h_0 /	$h_1/$	$A_{\rm s}$ /	$A_{ m s}^{\prime}$ /	$\sigma_{ m tc}/$	$f_{ m c}/$	$f_{\rm y}/$	$f_{ m y}'/$	$M_{ m u}^{ m cal}/$	$M_{ m u}^{ m e}/$	相对误
	$\rm mm^2$	mm	mm	mm	mm^2	mm^2	MPa	MPa	MPa	MPa	(kN • m)	(kN • m)	差/%
文献[17]	120×150	76	112	112	402		4.0	35.4	400		18.9	16.9	11.8
FB1-1	$150\! imes\!250$	0	222		402			48.9	496		41.9	42.0	0.2
FB1-2	150 imes 250	62.5	222	281	402		2.8	45.3	496		49.0	48.0	2.1
FB2-1	200×300	75	272	338	402		2.8	46.7	496		66.6	62.5	6.6
FB2-2	200×300	100	272	250	402		2.8	49.7	496		66.5	65.0	2.3
FB2-3	200×300	150	272	275	402		2.8	47.2	496		75.0	65.0	(钢筋未 屈服)
											平均值	6.8	

由表 8 可以看出,除了文献[17]的第 2 组相对 误差(16.0%)较大外,其余的相对误差均较小,平均 相对误差不到 7%,可以有效地预计出叠合梁的实 际承载力,说明了本计算理论具有足够的可靠性。 对于无 ECC 的钢筋混凝土梁的 FB1-1,计算结果与 试验结果也极为接近,说明了本计算方法的普遍性。 但对于 FB2-3,由于 ECC 层厚度过大,已不属于适 筋梁范围,故本计算理论已不再适用,表中也列出了 相应的计算结果,可以看出其值与试验结果有不小 出入。

4 结论

1) ECC 材料的加入对裂缝控制效果明显,并且 受弯过程中裂缝形态往裂缝数量较多、裂缝间距较 小、裂缝宽度较低的方向发展。ECC 材料不但可以 保证自身材料层的多缝开裂,而且还可以帮助限制 混凝土层裂缝的发展,这对构件整体的耐久性和安 全性十分有利。

2)与高强钢筋混凝土梁相比,ECC/钢筋混凝土 梁具有更高的承载力,且其相同荷载下的挠度值较 小。将 ECC 用于高强钢筋混凝土梁底部受拉区时, ECC 与钢筋可以实现协调变形,说明受拉区使用 ECC 可以使得高强钢筋的应力得到充分发挥。当 ECC 层厚度在 0~h/3 内时,叠合梁承载力随 ECC 层的增加而增大,但当其增加到 h/2 时,承载力不再 增加,且发生"超筋破坏"。

3)忽略 ECC 受拉时的应变硬化行为,采用双直 线本构模型,弥补了叠加过程中造成的内力臂增大 的不足。同时对受拉区 ECC 的应力分布进行简化 来计算 ECC/钢筋混凝土叠合梁的正截面受弯承载 力,经过与相关文献研究与试验结果对比发现吻合 度较好。 4)由于经费和时间问题,样本数据较少,对于 FB2-3发生的"超筋破坏",用已有计算理论和公式 无法解释,故还有待进一步研究。另外,仅对 ECC/ 钢筋混凝土叠合梁的单筋/双筋矩形截面的受弯承 载力的计算理论进行了验证,T 形截面可能由于受 拉区面积较小,ECC 的加入对其受拉贡献较小的原 因,目前还未有学者进行相应方面的研究,因此,其 计算理论还有待验证。

参考文献:

- [1]徐世烺,李贺东. 超高韧性水泥基复合材料研究进展及 其应用[J]. 土木工程学报, 2008, 41(6): 45-60.
 XUSL, LIHD. A review on the development of research and application of ultra high toughness cementitiouscomposites [J]. China Civil Engineering Journal, 2008, 41(6): 45-60. (in Chinese)
- [2] LEPECH M, LI V C. Durability and Long Term Performance of Engineered Cementitous Composites [C]// Proceedings of International Workshop on HPFRCC in Structural Applications, Bagneux: RILEM Publications SARL,2005: 23-26.
- [3] LI V C. Progress and application of engineered cementitiouscomposites [J]. Journal of the Chinese Ceramic Society, 2007, 35(4): 1-6.
- [4]田艳华.自密实超高韧性水泥基复合材料试验研究[D]. 辽宁 大连:大连理工大学,2008.
 TIAN Y H. Experimental research on self-compacting ultra high toughness cementitious composite [D]. Dalian: Dalian University of Technology, 2008. (in Chinese)
- [5]李贺东,徐世烺. 超高韧性水泥基复合材料弯曲性能及 韧性评价方法[J]. 土木工程学报, 2010, 43(3): 32-39. LI H D, XU S L. Research on Flexural properties and flexural toughness evaluation method of ultra high toughness cementitiouscomposites [J]. China Civil

Engineering Journal, 2010, 43(3): 32-39. (in Chinese)

- [6]苏骏,徐世烺. 超高韧性水泥基复合材料新型梁柱节点 抗裂性能研究[J]. 工业建筑, 2010, 40(8): 99-102.
 SU J, XU S L. Research on cracking behavior of a new type of UHTCC frame beam-column joints [J]. Industrial Construction, 2010, 40(8): 99-102. (in Chinese)
- [7]侯利军. 超高韧性水泥基复合材料弯曲性能及剪切性能 试验研究[D]. 辽宁 大连:大连理工大学,2012.
 HOU L J. Experimental investigation on flexural and shear behaviors of ultra high toughness cementitious composite
 [D]. Dalian: Dalian University of Technology, 2012. (in Chinese)
- [8]范明明.超高韧性水泥基复合材料新型梁柱节点抗震性 能试验研究[D].辽宁大连:大连理工大学,2012.
 FAN M M. Experimental research on seismic behavior of beam-column joints with ultra high toughness cementitious composites [D]. Dalian: Dalian University of Technology, 2012. (in Chinese)
- [9] HIROSHI F, YUKIHIRO S, LIV C, et al. Ductile engineered cementitious composite elements for seismic structural application [C]//12WCEE,2000: 1-8.
- [10] MOHAMED M, SER T Q, ZHANG J. Behavior of hybrid-fiber engineered cementitious composites subjected to dynamic tensile loading and projectile impact [J]. Journal of Materials in Civil Engineering, 2005, 17(2): 143-152.
- [11] SHAIKH F U A, MOHAMED M, PARAMASIVAM P. Flexural responses of hybrid steel-polyethylene fiber reinforced cement composites containing high volume fly ash [J]. Construction and Building Materials, 2007, 21: 1088-1097.
- [12] CHEUNG Y N. Investigation of concrete components with a pseudo-ductile layer [D]. Hong Kong: Department of Civil and Environmental Engineering of Hong Kong University of Science and Technology, 2004.
- [13] YUN Y K, BANG Y L, Bang J W, et al. Flexural performance of reinforced concrete beams strengthened with strain-hardening cementitious composite and high strength reinforcing steel bar [J]. Composites (Part B Engineering), 2014, 56(1):512-519.
- [14] ZHANG Y. Simplified method for evaluating the behavior of strain hardening cementitious composite flexural strengthening reinforced concrete members [J]. Engineering Fracture Mechanics, 2014, 121:11-27.
- [15] MAALEJ M, LI V C. Introduction of strain-harding engineered cementitious composites in design of reinforced

concrete flexural members for improved durability [J]. ACI Structural Journal, 1995, 92(2): 167-176.

[16] 徐世烺,蔡新华. 超高韧性水泥基复合材料取代保护层 混凝土梁抗锈蚀性能研究[J]. 土木工程学报, 2011, 44 (5): 79-85.

XU S L, CAI X H. Corrosion resistance of reinforced concrete beams with cover replaced by UHTCC [J]. China Civil Engineering Journal, 2011, 44 (5): 79-85. (in Chinese)

- [17] 张秀芳,徐世烺,侯利军.采用超高韧性水泥基复合材料提高钢筋混凝土梁弯曲抗裂性能研究(II):试验研究
 [J]. 土木工程学报,2009,42(10):53-66.
 ZHANG X F, XU S L, HOU L J. Improvement on flexural and cracking behavior of RC beam using ultra high toughness cementitious composite II: experimental study
 [J]. China Civil Engineering Journal, 2009, 42(10):53-66. (in Chinese)
- [18] LUAAY H, LAMYA A. Structural behavior of ultra-high performance fiber reinforced concrete-normal strength concrete on high strength concrete composite members [J]. Construction and Building Materials, 2015,(5): 1-12.
- [19] CHO C G, KAPPOS A J, MOON H J, et al. Experiments and failure analysis of SHCC and reinforced concrete composite slabs [J]. Engineering Failure Analysis, 2015, 56: 320-331.
- [20] DONG L T, PAN J L, YUAN F, et al. Flexural behaviors of steel reinforced ECC/concrete composite beams [J]. Journal of Southeast University (English Edition), 2012, 28(2): 195-202.
- [21] 徐世烺,李庆华. 超高韧性复合材料控裂功能梯度复合 梁弯曲理论研究[J]. 中国科学 E 辑:技术科学,2009, 39(6):1081-1094.
 XU S L, LI Q H. Research on flexural behaviors of UHTCC-FGC beams [J]. Science China Series E: Science of Technology,2009,39(6):1081-1094. (in Chinese)
- [22] 中华人民共和国住房和城乡建设部,中华人民共和国国家质量监督检验检疫总局. 混凝土结构设计规范:GB 50010—2010 [S]. 北京:中国建筑工业出版社,2010.
 Minstry of Housing and Urban-Rural Development of the People's Republic of China, GeneralAdministraion of Quality Supervision, Inspection and Quarantine of the People's Republic of China. Code for design of concrete structures: GB 50010-2010 [S]. Beijing: China Architecture & Building Press,2010. (in Chinese)