

doi:10.11835/j.issn.1674-4764.2017.05.012



信息熵-未确知测度理论在混凝土 再生粗骨料质量优选中的应用

孙艳云, 郝伟

(兰州交通大学 土木工程学院, 兰州 730070)

摘要:随着中国城镇化建设进程的加快,建筑垃圾的产量将越来越多,再生混凝土的应用不仅能够解决建筑废弃物日益增多的难题,而且可以节约大量的砂石资源。为了对混凝土再生粗骨料质量进行排序和优选,基于信息熵-未确知测度理论构建了混凝土再生粗骨料质量评价模型。根据《混凝土用再生骨料标准》确定评价指标体系和单指标测度函数;利用信息熵理论确定各指标的权重,依据各个指标的样本实测结果计算单指标测度评价矩阵和多指标测度评价向量;按照置信度识别准则进行质量等级评判并应用实例分析检验该方法的有效性。结果表明,信息熵-未确知测度理论不仅可以对单个样本进行质量等级评价,还对评价结果处于同一级别内的样本质量的好坏进行排序。

关键词:粗骨料;未确知测度理论;质量评价;信息熵

中图分类号:TU528 **文献标志码:**A **文章编号:**1674-4764(2017)05-0087-06

Quality optimization of concrete recycled coarse aggregate based on information entropy and uncertainty measurement theory

Sun Yanyun, Hao Wei

(School of Civil Engineering, Lanzhou Jiaotong University, Lanzhou 730070, P. R. China)

Abstract: With the acceleration of China's urbanization drive, construction wastes are on the rise. The application of recycled coarse aggregate could reduce the increasing construction wastes and save abundant sand resources. In order to sort and optimize the quality of recycled coarse aggregate, the quality evaluation model of recycled coarse aggregate is established based on the information entropy theory. The evaluation index system and single-index measurement functions are determined on the basis of Recycled Coarse Aggregate for Concrete. The weights of these indices are obtained from the information entropy theory. The evaluation matrix of single-index measurement and multiple-index evaluation vector are calculated according to the field data. The quality grade is assessed with credible recognition criteria. An analysis instance is shown, which verified the effectiveness of the proposed model. The result shows that the information entropy and uncertainty measurement theory can be applied to quality evaluation of single sample and distinguish quality of the same grade.

收稿日期:2016-12-19

基金项目:长江学者和创新团队发展计划滚动资助项目(IRT-15R29)

作者简介:孙艳云(1987-),女,主要从事建设工程项目管理及经济评价研究,(E-mail)838135142@qq.com.

Received:2016-12-19

Foundation item:Program for Changjiang Scholars and Innovation Research Team in University(No. IRT-15R29)

Author brief:Sun Yanyun (1987-), main research interests: construction project management and economic evaluation, (E-mail)838135142@qq.com.

Keywords: coarse aggregate; uncertainty measurement theory; quality assessment; information entropy

随着中国经济的发展和城镇化建设步伐的加快,产生的建筑垃圾越来越多,然而这些建筑垃圾并没有得到再利用,大多数采取填埋或堆放的处理方式,这不仅浪费了土地资源,而且影响城市环境和卫生质量。从保护环境和节约资源的观点出发,再生混凝土粗骨料在建筑工程中的应用受到人们越来越广泛的关注^[1-2]。再生混凝土粗骨料是绿色建材,不仅符合可持续发展的要求,而且具有广泛的应用前景,世界上许多发达国家和地区早已对利用旧混凝土生产再生混凝土粗骨料进行了研究^[3-8]。尽管中国对混凝土再生粗骨料的研究起步较晚,但许多高等院校和科研机构在再生骨料方面做了很多的基础研究工作,并获得了大量的科研成果^[9-13]。再生混凝土研究的一个重要方向就是再生混凝土骨料(recycled concrete aggregate, RCA)质量等级的划分与评判^[14]。如何根据再生混凝土结构构件所处环境与拟建工程类别选择相应等级的再生粗骨料成为一个重要的研究课题^[15]。GB/T 25177—2010 仅给出了微粉含量、泥块含量、压碎指标、坚固性等单指标评价标准,而没有对再生混凝土粗骨料的综合质量进行等级划分。笔者基于试验得出各单指标评价结果,运用信息熵确定各单项指标的权重,利用未确知测度理论建立再生混凝土粗骨料质量等级评价模型。

1 信息熵-未确知测度理论

设评价对象 M 有 p 个,即评价对象空间为 $M = \{M_1, M_2, \dots, M_p\}$ 。对于每个评价对象 $M_s (s = 1, 2, \dots, p)$, 都有 q 个单项评价指标,即评价指标空间为 $X = \{X_1, X_2, \dots, X_q\}$, 则 M_s 的评价结果为 $M_s = \{X_{s1}, X_{s2}, \dots, X_{sq}\}$ 其中, $X_{sj} (j = 1, 2, \dots, q)$ 表示 M_s 的第 j 个评价指标 X_j 的实测值。将评价指标的实测值 x_{sj} 划分为 n 个等级,即评价等级空间 $C = \{C_1, C_2, \dots, C_n\}$, 其中 $C_r (r = 1, 2, \dots, n)$ 表示第 r 级评价等级,设定第 r 级质量等级比第 $r+1$ 级“高”,记为 $C_r > C_{r+1}$, 若 $C_1 > C_2 > C_3 > \dots > C_n$, 则称 $\{C_1, C_2, \dots, C_n\}$ 是 C 的一个有序分割类。

1.1 单指标测度评价矩阵

首先,根据质量评价指标评价标准,严格确定分级标准: C_1 级指标特征值以区间数给出,取区间下限值作为 C_1 级标准; C_r 级指标特征值取区间上限

值为 C_r 级标准; C_2, C_3, \dots, C_{r-1} 级则取区间数的中值作为分级标准,建立单指标测度函数 $\mu(x_{sj} \in C_r) (s = 1, 2, \dots, p; j = 1, 2, \dots, q)$ 。

若 $\mu_{sjr} = \mu(x_{sj} \in C_r)$ 表示 x_{sj} 对于第 r 级评价等级 C_r 的隶属度,且满足以下条件

$$0 \leq \mu(x_{sj} \in C_r) \leq 1 \quad (1)$$

$$\mu(x_{sj} \in C) = 1 \quad (2)$$

$$\mu \left| x_{sj} \in \bigcup_{r=1}^k C_r \right| = \sum_{r=1}^k \mu(x_{sj} \in C_r), (k = 1, 2, \dots, n) \quad (3)$$

则称 μ 为未确知测度,简称测度。其中,式(1)称为非负有界性,式(2)称为 μ 对评价空间满足“归一性”,式(3)称为 μ 对评价空间满足“可加性”。

其次,根据单指标测度函数,按下列方法求出某评价对象 M_s 的各指标测度值 μ_{sjr} ^[16]:假设第 s 个评价对象的第 j 个评价指标评价值 x_{sj} 属于 C_r 类的未确知测度 $\mu_{sjr} = \mu(x_{sj} \in C_r)$,不妨假设 $a_{j1} < a_{j2} < \dots < a_{jn}$ (a_{ji} 为分级标准值 ($i = 1, 2, \dots, n$)), 则当 $x_{sj} \leq a_{j1}$ 时,取 $\mu_{sjn} = 1$,其余测度值为 0; 当 $x_{sj} \geq a_{jn}$ 时,取 $\mu_{sj1} = 1$,其余测度值为 0; 当 $a_{jd} \leq x_{sj} \leq a_{d+1}$ 时,根据未确知测度定义构造线性函数

$$\begin{aligned} \mu_{sjl} &= \frac{1}{a_{jl+1} - a_{jl}} (a_{jl+1} - x_{sj}); \\ \mu_{sjl+1} &= \frac{1}{a_{jl+1} - a_{jl}} (x_{sj} - a_{jl}); \mu_{sjk} = 0 \end{aligned} \quad (4)$$

当 $k < l$ 或 $k > l+1$, 其中 $1 < l < n$ 。

由以上计算得到各指标测度值 μ_{sjr} 构成的矩阵

$$(\mu_{sjr})_{q \times n} = \begin{bmatrix} \mu_{s11} & \mu_{s12} & \dots & \mu_{s1n} \\ \mu_{s21} & \mu_{s22} & \dots & \mu_{s2n} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ \mu_{sq1} & \mu_{sq2} & \dots & \mu_{sqn} \end{bmatrix} \quad (5)$$

式中 $(\mu_{sjr})_{q \times n}$ 为单指标测度评价矩阵。

1.2 信息熵赋权

在 q 个评价指标中,第 j 个评价指标的熵为^[17]

$$H_j = - \frac{1}{\lg n} \sum_{r=1}^n p_{jr} \lg p_{jr} \quad (6)$$

式中: $H_j > 0$; p_{jr} 为指标比重, $p_{jr} = \frac{\mu_{jr}}{\sum_{r=1}^n \mu_{jr}}$; μ_{jr} 表示第 j 个评价指标相对于第 r 级的隶属度,当 $\mu_{jr} = 0$ 时, $\mu_{jr} \lg \mu_{jr} = 0$ 。第 j 个评价指标的熵权为^[18-19]

$$\omega_j = (1 - H_j) / (q - \sum_{j=1}^q H_j) \quad (7)$$

通过式(5)、(6)、(7)计算可以得到单指标测度评价矩阵和样本 M_s 的第 j 个评价指标的权重 ω_j 。

1.3 多指标综合测度评价向量

若 $\mu_{sr} = \mu(M_s \in C_r)$ 表示评价对象 M_s 对于第 r 级评价等级的隶属程度,则有

$$\mu_{sr} = \sum_{j=1}^q \omega_{sj} \mu_{sjr}, (s = 1, 2, \dots, p; r = 1, 2, \dots, n) \quad (8)$$

可知未确知测度 μ_{sr} 满足 $0 \leq \mu_{sr} \leq 1, \sum_{r=1}^n \mu_{sr} = 1, \mu_s = \{\mu_{s1}, \mu_{s2}, \dots, \mu_{sn}\}$ 为 M_s 的多指标综合测度评价向量^[20]。

1.4 置信度识别准则

$C_1 > C_2 > \dots > C_n$ 时,称 $\{c_1, c_2, \dots, c_n\}$ 为评价空间 C 的一个有序分割集,可采用如下的置信度识别准则:设 λ 为置信度^[20] ($\lambda \geq 0.5$),常取 $\lambda = 0.6$ 或 $\lambda = 0.7$,若有

$$r_0 = \min\{r: \sum_{i=1}^r \mu_{si} \geq \lambda, r = 1, 2, \dots, n\} \quad (9)$$

则认为评价对象 M_s 属于第 r_0 级,即评价等级为 C_{r_0} 。

1.5 评价对象排序

有时不仅要确定评价对象的评价等级,而且要对评价对象质量的劣化程度进行排序。

若 $C_1 > C_2 > \dots > C_n$,令 C_r 的分值为 $F_r, F_r > F_{r+1}$,且

$$d_s = \sum_{r=1}^n F_r \mu_{sr}, (s = 1, 2, \dots, p) \quad (10)$$

式中: d_s 为评价对象 M_s 的未确知重要度,将 $d = \{d_1, d_2, \dots, d_p\}$ 称为未确知重要度向量。根据 d_s 的大小,可对评价对象空间中各评价对象的质量好坏程度进行排序。

2 再生混凝土粗骨料质量等级评价指标体系

根据《混凝土用再生骨料标准》(GB/T 25177—2010),选取的质量评价指标如下: X_1 为微粉含量, X_2 为泥块含量, X_3 为吸水率, X_4 为坚固性, X_5 为压碎指标, X_6 为表观密度, X_7 为孔隙率。将各个评价指标划分为 4 个质量评价等级: C_1, C_2, C_3, C_4 , 对应的质量状态分别为:好、一般、差、不合格。各评价指标的分级判定标准见表 1。

表 1 再生混凝土粗骨料质量评价指标及分级标准

Table 1 quality evaluation index and classification criterion of Recycled coarse aggregate concrete

评价等级	X_1 (按质量计)/%	X_2 (按质量计)/%	X_3 (按质量计)/%	X_4 (按质量计)/%	X_5 /%	X_6 /($\text{kg} \cdot \text{m}^{-3}$)	X_7 /%
C_1	<1.0	<0.5	<3.0	<5.0	<12	<2 450	<47
C_2	[1.0, 2.0)	[0.5, 0.7)	[3.0, 5.0)	[5.0, 9.0)	[12, 20)	[2 350, 2 450)	[47, 50)
C_3	[2.0, 3.0)	[0.7, 1.0)	[5.0, 7.0)	[9.0, 15.0)	[20, 30)	[2 250, 2 350)	[50, 53)
C_4	≥ 3.0	≥ 1.0	≥ 7.0	≥ 15.0	≥ 30	$\geq 2 250$	≥ 53

3 应用分析

某施工企业为了使施工现场丢弃的混凝土回收利用,现将这些混凝土破碎,进行筛选分类,得到表 2 所示的数据。

表 2 样本的实测值

Table 2 measurement values of samples

样本	X_1 /%	X_2 /%	X_3 /%	X_4 /%	X_5 /%	X_6 /($\text{kg} \cdot \text{m}^{-3}$)	X_7 /%
M_1	0.4	0.2	4.7	12	17.5	2 590	53
M_2	0.4	0.4	6.4	3	16.1	2 550	50
M_3	0.3	0.2	6.9	3	11.6	2 590	48
M_4	0.18	0	4.9	3	23.1	2 435	44
M_5	0.43	0	6.8	4	29.6	2 360	46

根据表 2 中各评价指标的样本实测值及图 1 由公式(4)可以计算出各样本的单指标测度评价矩阵:

$$(\mu_{1jr}) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0.72 & 0.28 & 0 \\ 0 & 0.1 & 0.9 & 0 \\ 0 & 0.833 & 0.167 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$(\mu_{2jr}) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0.04 & 0.96 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0.99 & 0.01 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0.5 & 0.5 & 0 \end{bmatrix}$$

3.1 构建再生混凝土粗骨料单指标测度评价矩阵

首先依据表 1 建立单指标测度函数,如图 1。

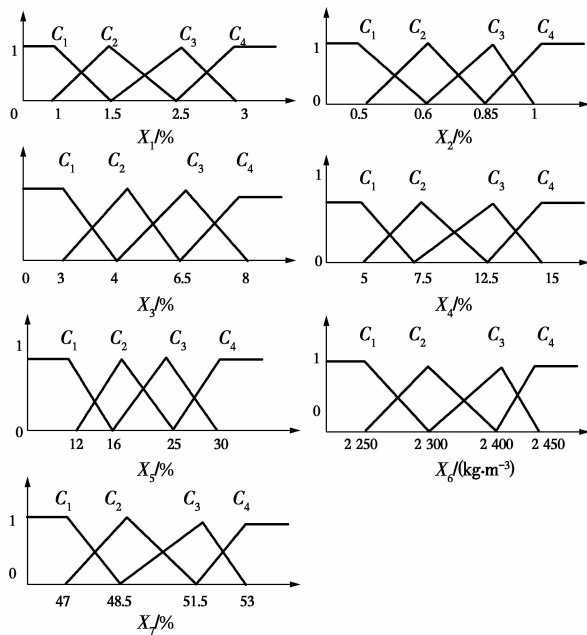


图 1 单指标未确知测度函数

Fig. 1 Uncertainty measurement function for single index

$$(\mu_{3jr}) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0.73 & 0.27 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0.33 & 0.67 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$(\mu_{4jr}) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0.64 & 0.36 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0.21 & 0.79 & 0 \\ 0.7 & 0.3 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$(\mu_{5jr}) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0.8 & 0.2 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0.08 & 0.92 \\ 0 & 0.6 & 0.4 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

3.2 计算再生混凝土粗骨料各指标权重

由式(6)和(7)计算得出 5 个样本各指标的权重

$$\omega_{1j} = (0.166\ 3, 0.166\ 3, 0.095\ 3, 0.127\ 3, 0.112\ 2, 0.166\ 3, 0.166\ 3)$$

$$\omega_{2j} = (0.165\ 6, 0.165\ 6, 0.145\ 5, 0.165\ 6, 0.109\ 4, 0.165\ 6, 0.082\ 7)$$

$$\omega_{3j} = (0.163\ 4, 0.163\ 4, 0.094\ 5, 0.163\ 4, 0.163\ 4, 0.163\ 4, 0.088\ 5)$$

$$\omega_{4j} = (0.174\ 9, 0.174\ 9, 0.092\ 5, 0.174\ 9, 0.110\ 1, 0.097\ 8, 0.174\ 9)$$

$$\omega_{5j} = (0.168, 0.168, 0.107\ 4, 0.168, 0.134\ 2, 0.086\ 4, 0.168) \quad (j = 1, 2, \dots, 7)$$

3.3 计算再生混凝土粗骨料质量多指标综合测度评价向量

根据式(8)计算各样本的多指标综合测度评价向量

$$\mu_{1r} = (0.498\ 8, 0.174\ 9, 0.159\ 9, 0.166\ 4)$$

$$\mu_{2r} = (0.662\ 4, 0.155\ 5, 0.182\ 1, 0)$$

$$\mu_{3r} = (0.846\ 3, 0.059\ 3, 0.068\ 9, 0.025\ 5)$$

$$\mu_{4r} = (0.768\ 1, 0.111\ 5, 0.120\ 4, 0)$$

$$\mu_{5r} = (0.672, 0.051\ 8, 0.131\ 3, 0.144\ 9)$$

3.4 确定再生混凝土粗骨料质量评价等级

据置信度准则,取置信度 $\lambda = 0.6$,由式(9)可知: $\mu_{11} + \mu_{12} = 0.498\ 8 + 0.174\ 9 = 0.673\ 7 > 0.6$,即 M_1 质量评价等级为 2 级 (C_2)。同理,可得到其他样本的质量评价等级,结果见表 3。

3.5 质量优劣程度排序

根据式(10),令 $F_1 = 4, F_2 = 3, F_3 = 2, F_4 = 1$ 得到未确知重要度向量 $d = [d_1\ d_2\ d_3\ d_4\ d_5] = [3.006\ 1\ 3.480\ 9\ 3.726\ 4\ 3.647\ 7\ 3.250\ 9]$,5 个样本质量等级从优到劣依次为: M_3, M_4, M_2, M_5, M_1 对再生混凝土粗骨料进行优劣排序的实际意义在于,可以把不同质量等级的再生混凝土粗骨料进行因地制宜,合理利用。

表 3 基于信息熵-未确知测度理论的质量评价结果
Table 3 quality evaluation results based on information entropy and uncertainty measurement theory

样本	C_1	C_2	C_3	C_4	评价等级/ d_s
M_1	0.4988	0.1749	0.1599	0.1664	$C_2/3.0061$
M_2	0.6624	0.1555	0.1821	0	$C_1/3.4809$
M_3	0.8463	0.0593	0.0689	0.0255	$C_1/3.7264$
M_4	0.7681	0.1115	0.1204	0	$C_1/3.6477$
M_5	0.672	0.0518	0.1313	0.1449	$C_1/3.2509$

3.6 评价结果分析

从表 3 的评价结果,不难发现,除 M_1 的质量等级为 C_2 级外,其余 4 个样本的评价结果相同都为 C_1 级,而在 C_1 级范围内 M_2, M_3, M_4, M_5 从好到坏

的排序为: M_3 、 M_4 、 M_2 、 M_5 。信息熵-未确知测度理论不仅可以对单个样本进行质量等级评价,而且,对同一等级范围内的样本质量优劣进行区分。

4 结论

1)对各指标的权重应用信息熵理论赋权,避免了人为主观因素的影响,使评价结果更具有科学性。

2)信息熵-未确知测度理论通过用测度函数建立单指标测度矩阵的方法克服了样本位于同一评价等级范围内时难以区分其质量优劣的问题,使评价结果更加准确。

3)基于信息熵-未确知测度理论,并参考中国混凝土用再生骨料标准,建立再生混凝土粗骨料质量评价模型,对多个样本的质量等级进行评价和排序,可以在有限的条件下实现对再生混凝土粗骨料的科学利用,为资源的节约和合理使用提供了重要依据。

参考文献:

- [1] 吕智英. 混凝土再生骨料的研究动态与发展趋势[J]. 混凝土, 2010(6):77-81.
LYU Z Y. Study dynamics and development trend of recycled aggregate and concrete [J]. Concrete, 2010 (6):77-81. (in Chinese)
- [2] 孙跃东,周德源. 我国再生混凝土的研究现状和需要解决的问题[J]. 混凝土, 2006(4):25-28.
SUN Y D, ZHOU D Y. The present study state and problems to be solved on recycled concrete in China [J]. Concrete, 2006(4):25-28. (in Chinese)
- [3] 朱红兵,赵耀,雷学文. 再生混凝土研究现状及研究建议[J]. 公路工程, 2013,38(1):98-102.
ZHU H B, ZHAO Y, LEI X W. Current situation and suggestion on recycled concrete research[J]. Highway Engineering, 2013,38(1):98-102. (in Chinese)
- [4] ETXEBERRIA M, VAZQUEZ E, MARI A, et al. Influence of amount of recycled coarse aggregates and production process on properties of recycled aggregate concrete[J]. Cement and Concrete Research, 2007, 37: 735-742.
- [5] KHATIB J M. Properties of concrete incorporating fine recycled aggregate [J]. Cement and Concrete Research, 2005,35:763-769.
- [6] VIVIAN W Y, TAM C M A. Diversifying two-stage mixing approach (TSMAS) for recycled aggregate concrete: TSMAS and TSMASC[J]. Construction and Building Materials, 2008,22:461-468.
- [7] POON C S, SHUI Z H, LAM L. Effect of microstructure of ITZ on compressive strength of concrete prepared with recycled aggregates [J]. Construction and Building Materials, 2004,18:461-468.
- [8] MARTA S D J, PILAR A G. Study on the influence of attached mortar content on the properties of recycled concrete aggregate [J]. Construction and Building Materials, 2009,23:872-877.
- [9] LI X P. Recycling and reuse of waste concrete in China. Part I. Material behaviour of recycled aggregate concrete [J]. Conservation and Recycling, 2008, 53: 36-40.
- [10] 于江,梁芮,秦拥军. C30 再生粗骨料混凝土的性能试验研究[J]. 建筑科学, 2015,31(1):59-63.
YU J, LIANG R, QIN Y J. Study on properties of C30 recycled coarse aggregate concrete [J]. Building Science, 2015,31(1):59-63. (in Chinese)
- [11] 崔正龙,童华彬,吴翔宇. 再生粗骨料的形态及性质对混凝土力学性能影响研究[J]. 硅酸盐通报, 2014,33(9):2429-2433.
CUI Z L, TONG H B, WU X Y. Shapes and properties of recycled coarse aggregate on mechanical properties of concrete [J]. Bulletin of the Chinese Ceramic Society, 2014,33(9):2429-2433. (in Chinese)
- [12] 李秋义,李云霞,朱崇绩. 基于需水量比和强度比的再生粗骨料分类方法[J]. 材料科学与工艺, 2007,15(4): 480-483.
LI Q Y, LI Y X, ZHU C J. The study on the classification method of the recycled coarse aggregate based on the ratio of water dosage and the ratio of compressive strength [J]. Materials Science & Technology, 2007,15(4):480-483. (in Chinese)
- [13] 严捍东,吴仕成,桂苗苗. 再生粗骨料最大堆积密度及其对混凝土性能影响[J]. 建筑材料学报, 2015,18(3): 482-485.
YAN H D, WU S C, GUI M M. Maximum packing density of recycled coarse aggregate and its effects on properties of concrete [J]. Journal of Building Materials, 2015,18(3):482-485. (in Chinese)
- [14] 王思源,朱平华,姚荣,等. 再生混凝土粗骨料质量等级模糊综合评估方法[J]. 混凝土, 2010(7):87-89.
WANG S Y, ZHU P H, YAO R, et al. Fuzzy synthesis method for evaluating quality class of recycled concrete coarse aggregate [J]. Concrete, 2010(7):87-89. (in Chinese)
- [15] 鲍学英,王起才,张磊. 基于灰色关联分析的再生混凝土粗骨料质量优选研究[J]. 硅酸盐通报, 2014,33(4): 741-745.
BAO X Y, WANG Q C, ZHANG L. Research on quality

- optimization of recycled concrete coarse aggregate based on grey correlation analysis [J]. Bulletin of the Chinese Ceramic Society, 2014, 33(4): 741-745. (in Chinese)
- [16] 马超. 基于未确知测度理论矿井通风系统安全评价研究[D]. 西安: 西安科技大学, 2005: 26-29.
- MA C. The safety evaluation study of the ventilation system in coal mine based on the theory of the uncertainty measurement theory [D]. Xi'an: Xi'an University of Science and Technology, 2005: 26-29. (in Chinese)
- [17] 郑一峰, 李龙, 房玮, 等. 基于信息熵—未确知测度理论的公路桥梁耐久性评价[J]. 东北大学学报(自然科学版), 2014(8): 1206-1210.
- ZHENG Y F, LI L, FANG W, et al. Durability assessment of highway bridges based on information entropy and uncertainty measurement theory [J]. Journal of Northeastern University (Natural Science), 2014(8): 1206-1210. (in Chinese)
- [18] QING S. Attribute reduction of multi-valued information system based on conditional information entropy [C]//Proceedings of IEEE International Conference on Granular Computing. Beijing: Science Press, 2008: 562-566.
- [19] ZENG H L, XIAO H Z. Redundant data processing based on rough-fuzzy approach [J]. Rough Sets and Knowledge Technology, 2006, 20(3): 156-161.
- [20] 李军霞, 王常明, 王钢城. 基于组合赋权—未确知测度理论的滑坡危险性评价[J]. 岩土力学, 2013, 34(2): 468-474.
- LI J X, WANG C M, WANG G C. Landslide risk assessment based on combination weight-uncertainty measurement theory [J]. Rock and Soil Mechanics, 2013, 34(2): 468-474. (in Chinese)

(编辑 胡玲)