



基于累积残差贡献率的传感器故障定位方法纖

安星,刘纲,张亮亮,李立力

(重庆大学 土木工程学院;山地城镇建设与新技术教育部重点实验室,重庆 400045)

摘 要:为准确定位结构健康监测系统中的故障传感器,提出了基于累积残差贡献率的传感器故障 定位方法。基于主元分析的基本原理,将车辆荷载和地脉动激励下传感器采集的数据分为主元空 间和残差空间,采用 SPE 统计量对故障进行识别。在此基础上,通过对残差贡献值的推导,提出了 累积残差贡献率指标,改进了现有的残差贡献图,提高了故障定位的准确率,并将单传感器故障定 位拓展到两个故障传感器的同时定位。数值模拟结果表明:主元分析法能准确识别出预设的4类 常见传感器故障,累积残差贡献率不但能更好地定位单传感器故障,两传感器同时发生故障时也能 准确定位。

关键词:结构健康监测;传感器;故障诊断;主元分析;累积残差

中图分类号:TU317 文献标志码:A 文章编号:2096-6717(2019)02-0133-07

Sensor fault location method based on cumulative residual contribution rate

An Xing, Liu Gang, Zhang Liangliang, Li lili

(School of Civil Engineering; Key Laboratory of New Technology for Construction of Cities in Mountain Area, Ministry of Education, Chongqing University, Chongqing 400045, P. R. China)

Abstract: In order to accurately locate the fault sensor position in the structural health monitoring system, a sensor fault localization method based on the cumulative residual contribution rate is proposed. Based on the basic principle of principal component analysis, the data collected by the sensor under the vehicle load or the ground pulsation excitation are divided into the main element space and the residual space, and the fault is detected by SPE statistic. Furthermore, the residual contribution value is further deduced, and the cumulative residual contribution rate index is proposed. It improves residual contribution graph, also improves the accuracy of fault location. And sensor fault location is extended to simultaneously locate two fault sensors. The numerical simulation results show that the principal component analysis can accurately identify the four kinds of common sensor faults. The cumulative residual contribution rate not only better locates the single sensor fault, but also accurately locates the faulty position when the two sensors fail simultaneously.

Keywords: structure health monitoring; sensor; fault diagnosis; principal component analysis (PCA); cumulative residual

收稿日期:2018-05-07

基金项目:国家自然科学基金(51578095);国家重点研发计划(2018YFC0705604)

作者简介:安星(1992-),男,主要从事桥梁健康监测系统传感器故障诊断研究,E-mail:tumuanxing@163.com。

刘纲(通信作者),男,教授,博士生导师,E-mail:gliu@cqu.edu.cn。

Received: 2018-05-07

Foundation item: National Natural Science Foundation of China (No. 51578095); The National Key Research and Development Program(No. 2018YFC0705604)

Author brief: An Xing (1992-), main research interest: sensor fault diagnosis of bridge health monitoring system, Email: tumuanxing@163.com.

Liu Gang (corresponding author), professor, doctorial supervisor, E-mail:gliu@cqu.edu.cn.

结构健康监测旨在通过监测结构行为及时识别 结构损伤,实时评估结构性能,已成为土木工程领域 的重要研究方向^[1]。如今,越来越多的桥梁都安装 了结构健康监测系统,其中,传感器是健康监测系统 最前端的设备,用于获取结构响应及采集各种监测 信息,其精度和性能的好坏将直接影响最终的评估 结果^[2]。然而,相较于桥梁上百年的使用寿命而言, 传感器的使用寿命仅为十几年甚至几年。传感器在 使用过程中会因为老化或外界因素影响而出现故 障,这会使结构安全状态评估出现漏报或误报,造成 不必要的经济损失。

近年来,传感器故障问题已逐步引起业界专家 的重视,并开展了初步的理论研究。在传感器故障 的统计分类方面,何富君等[3]总结了传感器的4类 典型故障:卡死、恒增益、固定偏差和线性偏差。Yi 等[4] 对其进行了拓展,将传感器的故障类型划分为 7类:固定偏差、线性偏差、恒增益、精度下降、卡死、 白噪声卡死、零线漂移。在桥梁结构健康监测领域, 如何实现传感器故障诊断的研究报道不多,但在控 制工程领域,大量学者和工程界人十开展了深入研 究,取得了丰硕成果。已有的传感器故障诊断方法 可大致分为3类^[5]:基于解析模型、基于信号处理和 基于知识经验的方法。目前应用最广泛的是基于信 号处理的方法,其中主元分析(Principal Component Analysis, PCA) 是一种基于信号处理的多元统计分 析方法,在多变量高斯分布数据集建模方面具有出 色的性能,已广泛应用于控制工程与故障诊断领 域^[6-8]。一些学者对 PCA 方法进行了改进^[9-10],提 高了 PCA 对故障的识别率,扩展了 PCA 方法的适 用范围。已有学者尝试用 PCA 识别土木工程结构 健康监测系统中传感器的故障, Hernandez-Garcia 等^[10]、胡顺仁等^[11]将 PCA 方法应用于实际桥梁结 构的传感器故障监测;Huang 等^[12]、Rao 等^[13]根据 实验室模型获得的数据,采用 PCA 方法研究了传感 器故障定位。

基于 PCA 原理,在传感器故障定位方面应用较 多的是贡献图定位法^[10-11],但传统贡献图定位法仅 对故障期间某一时刻的数据进行分析,容易出现误 判。其次,基于 PCA 的缺失变量法^[12-13]虽能准确识 别故障传感器,但针对监测系统中的每个传感器需 循环计算,过程比较繁琐。另外,符号有向图法^[14-15] 能较好应用于各传感器之间有因果关系的监测系 统,例如,化工、冶金工程等的传感器故障定位,但桥 梁结构中各传感器的故障往往相互独立,因此,限制 了该方法在桥梁结构健康监测系统中的应用。 综上所述,在土木工程领域,现有研究大多只分 析一类或两类传感器故障,且只对单个传感器故障 进行识别和定位,对两个或多个传感器同时发生故 障的情况研究较少。同时,在桥梁结构健康监测系 统中加速度传感器故障诊断的研究成果也较少。笔 者通过改进现有的残差贡献图,提出累积残差贡献 率指标,从而提高传感器故障定位的准确率,且可实 现两个传感器同时发生故障时的定位,然后通过三 跨连续梁数值算例验证方法的适用性。

1 PCA 基本原理及故障检测

1.1 基本原理

假设结构监测系统有 m 个传感器,每个传感器 均观测 n 次。一般情况下,采集的数据量较大,即 n > m。对各传感器的原始测试数据 x_{ij}^* 进行标准化 处理。

$$x_{ij} = \frac{x_{ij}^{*} - \mu_{j}}{\sigma_{j}}, i = 1, 2, \dots, j = 1, 2, \dots, m \quad (1)$$

式中: $\mu_{j} = E(X_{j}^{*}), \sigma_{j}^{2} = \operatorname{Var}(X_{j}^{*}),$ 分别为第 j 个

传感器数据的均值和方差。

将处理后的 m 个传感器数据按列向量排列,组成 n×m 维的矩阵 X,并计算 X 的协方差矩阵 S。

$$\boldsymbol{S} = \frac{1}{n-1} \boldsymbol{X}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{X}$$
(2)

S 是一个 $m \times m$ 的矩阵,求出矩阵S的特征值 λ_i 和对应的特征向量 P_i ,并将特征值按从大到小排列, 即 $\lambda_1 \ge \lambda_2 \ge \cdots \ge \lambda_m \ge 0$ 。其中, P_i 为第i 主轴,其每 个元素的值分别对应第i 主轴与每条原坐标轴的夹 角余弦值; λ_i 表示矩阵X 变换到 P_i 主轴后的方差。

令 $XP_i = t_i, t_i$ 为 X 在第 i 主轴的投影,表示第 i 主成分,也叫第 i 主元。矩阵 X 可表示为

$$\boldsymbol{X} = \sum_{i=1}^{m} t_i \boldsymbol{P}_i^{\mathrm{T}}$$
(3)

通常采用特征值累积和百分比法确定所需的主 元个数,较多文献建议取累积和达到 85%^[16]时确定 主元个数 *k*。

$$\frac{\sum_{i=1}^{k} \lambda_i}{\sum_{i=1}^{m} \lambda_i} \ge 85\%$$
(4)

这样即能反应原始数据信息,又能达到降维的 目的。确定主元个数 k 后,式(3)可写成

$$\boldsymbol{X} = \sum_{i=1}^{k} t_i \boldsymbol{P}_i^{\mathrm{T}} + \sum_{j=k+1}^{m} t_j \boldsymbol{P}_j^{\mathrm{T}} = \boldsymbol{T}_K \boldsymbol{P}_K^{\mathrm{T}} + \boldsymbol{E} \quad (5)$$

式中: $T_{\kappa}P_{\kappa}^{\mathrm{T}}$ 为 X 的主元矩阵; E 为残差矩阵, 即原 有的高维数据空间被两个低维子空间代替。 从以上过程可知,主元分析是一个降维的过程, 降维的方法是通过基坐标向量的平移和旋转,把一 个高维的信息投影到低维子空间,并保留主要信息。

1.2 故障检测

PCA的故障检测依赖于各传感器的相关性,若 某一测点传感器发生故障,将会使之前建立起来的 相关关系发生改变,造成统计指标数据异常。

PCA 故障检测有两个统计指标,即 Hotelling T²统计量和 SPE 统计量。

在第i个时间点下,过程变量标准化数据为 X_i ,Hotelling T^2 统计量定义为

$$T_i^2 = t_i \boldsymbol{\lambda}^{-1} \boldsymbol{t}_i^{\mathrm{T}} = \boldsymbol{X}_i \boldsymbol{P}_K \boldsymbol{\lambda}^{-1} \boldsymbol{P}_K^{\mathrm{T}} \boldsymbol{X}_i^{\mathrm{T}}$$
(6)

式中: λ 为主元特征值构成的对角矩阵; $P_{\kappa} = [P_1, P_2, \dots, P_k]$,为主元特征向量构成的矩阵。

T²表示马氏距离,为X_i在主成分空间的投影点 到主成分空间重心的距离。T²统计量的分布近似 服从F分布,其控限可通过式(7)计算。

$$\delta_T^2 = \frac{k(n-1)}{n-k} F_{k,n-1,a}$$
(7)

式中:n为样本数,k为主元个数, α 为显著检验水 平,取 $\alpha=99\%$ 。如果 $T^2 \leq \delta_T^2$,表示 T^2 为正常值。

SPE 统计量称为残差统计量,也叫 Q 统计量, 定义为

$$Q_{i} = \boldsymbol{e}_{i} \boldsymbol{e}_{i}^{\mathrm{T}} = (\boldsymbol{X}_{i} - \boldsymbol{X}_{i}^{\mathrm{c}}) (\boldsymbol{X}_{i} - \boldsymbol{X}_{i}^{\mathrm{c}})^{\mathrm{T}} = \boldsymbol{X}_{i} (\boldsymbol{I} - \boldsymbol{P}_{K} \boldsymbol{P}_{K}^{\mathrm{T}}) \boldsymbol{X}_{i}^{\mathrm{T}}$$
(8)

式中: e_i 为 X_i 的残差, $X = \sum_{i=1}^{k} t_i P_i^{T}$, I 为单位 矩阵。

SPE 表示欧氏距离,当检验水平为 α 时,可按式 (9)确定其控限值 Q_{α} 。

$$Q_{a} = \theta_{1} \left[\frac{C_{a} h_{0} \sqrt{2 \theta_{2}}}{\theta_{1}} + 1 + \frac{\theta_{2} h_{0} (h_{0} - 1)}{\theta_{1}^{2}} \right]^{\frac{1}{h_{0}}}$$
(9)

其中 $h_0 = 1 - \frac{2 \theta_1 \theta_3}{3\theta_2^2}; \theta_i = \sum_{j=k+1}^m \lambda_j i, i = 1, 2, 3; C_a$ 为

正态分布中置信度为 α 的统计量, $\pi \alpha = 99\%$ 。

如果 $Q \leq Q_a$,则传感器正常;如果 $Q > Q_a$,则传 感器出现了故障。

2 累积残差贡献率法

已有研究^[10]表明,SPE 统计量对传感器故障更 为敏感,在贡献图的基础上,提出累积残差贡献率 指标。

2.1 残差贡献图

残差贡献图即采用某一时刻传感器数据的残差

贡献值作图,其计算式为

 $C_{\text{SPE},j} = e_{i,j}^2 = (X_{i,j} - X_{i,j})^2$ (10) 式中: $e_{i,j}$ 为第 *i* 时刻下第 *j* 传感器数据的残差, *j* = 1,2,…,*m*。在残差贡献图中,可按照高贡献值的传 感器即为故障传感器的原则^[17]定位出故障传感器。

应该指出的是,贡献图有时不能准确定位故障 传感器,主要是因为贡献图仅取故障产生的某一个 时刻进行残差贡献值分析,但由于环境、外界激励的 随机性,故障传感器会受到与之相关性较强的传感 器的干扰,存在某些时刻正常传感器贡献值大于故 障传感器的情况,容易得到错误的结果。文献[10] 也指出,在某一时刻,正常传感器与故障传感器关联 性可能较大,会对故障的定位造成干扰。因此,并非 每个时刻故障传感器的贡献值都是最高,尤其是在 多个传感器同时发生故障时,贡献图容易得出错误 的结果,产生误判。

2.2 累积残差贡献率

虽然某个时刻故障传感器的残差贡献值不一定 较大,但从统计意义上讲,其残差贡献值在一段时间 内应总体偏大,故在传统贡献图的基础上提出了累 积残差贡献率法。

首先,定义第*i*时刻*j*传感器数据的残差贡献 率为

$$\operatorname{cont}(\operatorname{SPE})_{i,j} = \frac{e_{i,j}^2}{\sum\limits_{j=1}^m e_{i,j}^2} \times 100\% = \frac{(X_{i,j} - X_{i,j}^*)^2}{\sum\limits_{j=1}^m (X_{i,j} - X_{i,j}^*)^2} \times 100\%$$
(11)

残差贡献率具有以下性质:

2)
$$\sum_{i=1}^{m} \operatorname{cont}(\operatorname{SPE})_{i,j} < 1$$

其次,分别计算故障时间段内 N 组数据的残差 贡献率,并按式(12)进行加权,得到第 j 个传感器的 累积残差贡献率。

$$\operatorname{cont}(\operatorname{SPE})_{j} = \frac{\sum_{i=1}^{N} \operatorname{cont}(\operatorname{SPE})_{i,j}}{N}$$
(12)

最后,将各传感器的累积残差贡献率作图,按照 累积残差贡献率指标明显偏大即为故障传感器的原 则进行传感器故障定位。

累积残差贡献率图是对传统残差贡献图的改进,其保留了 SPE 统计量对传感器故障较为敏感的特性。相对于残差贡献图,累积残差贡献率图引入了统计概念,通过较长时间段内残差贡献值的加权

平均来弱化某个时刻残差贡献值有偏差的情况,从 而提高故障传感器定位精度。同时,累积残差贡献 率将残差贡献值归一化到[0,1]之间,更有利于直观 定位故障传感器。

3 传感器故障模型

传感器在正常工作过程中,不可避免地会受到 噪声的干扰,所以,传感器返回来的数据与真实值有 一定的偏差。用 y*(t)表示 t 时刻被测变量的真实 值,w(t)表示传感器测量噪声^[4],则由传感器显示 的正常值 y(t)可以表示为

$$y(t) = y^{*}(t) + w(t)$$
 (13)

当传感器的测量值与测量变量的真实值存在无 法接受的偏差时,传感器被认为是有故障的。在传 感器的7类故障中,白噪声卡死故障与零线漂移是 卡死故障的特殊情况,精度下降是偏差故障的特殊 情况。为节省篇幅,仅讨论更为广泛的4类故障。 表1中列出了4种典型传感器故障的数学表达式, 其中,*a、b、c、f*和G是描述相应传感器故障幅度的5 个参数。

表 1 4 类典型的传感器故障数学表达式 Table 1 Mathematical expressions of four

typical	sensor	fault	types
---------	--------	-------	-------

故障类型	数学表达式
卡死	y(t) = a
恒增益	$y(t) = G[y^*(t) + w(t)]$
固定偏差	$y(t) = y^*(t) + w(t) + b$
线性偏差	$y(t) = y^{*}(t) + w(t) + c + ft$

4 数值模拟分析

采用 ANSYS 软件建立三跨连续梁模型,模型 的弹性模量 $E=3\times10^{10}$ N/m²,泊松比μ=0.3,密度 $\rho=2500$ kg/m³,模型尺寸为梁长 40 m,截面为 0.25 m×0.6 m 的矩形。将三跨连续梁均分为 200 个单元,每个单元长度为 0.2 m。采用白噪声地脉动 作为连续梁的激励,使用 Newmark-β 法计算连续梁的 加速度时程响应^[18]。假设加速度传感器布设在距离 左端支座 3、6、9、15、18、21、25、33、35、38 m 处,共计 10 个传感器,依次编号为 1~10,如图 1 所示。

试验过程中假设结构完好,仅传感器发生故障。 首先生成115条均值为0、方差为1的随机白噪声作 为地脉动激励,施加于结构。其中前100条结构响 应数据用于 PCA 训练;第101至105条用于检验单 个传感器发生恒增益故障的情况,记为工况1;第



Fig. 1 A Timee-span continuous beam model

106 至 110 条用于检验恒增益故障和固定偏差故障 同时发生的情况,记为工况 2;第 111 至 115 条用于 检验卡死故障和固定偏差故障同时发生的情况,记 为工况 3,如表 2 所示。

根据参考文献[12,19]的建议,设置3种工况中 各类传感器故障的幅度,如表2所示。

表 2 3 种传感器故障工况 Table 2 Three kinds of sensor failure conditions

工况 号	工况描述	故障传感 器编号	参数
1	单个传感器发生恒增 益故障	5	$G_5 = 2.0$
2	恒增益故障和固定偏 差故障同时发生	4,8	$G_4 = 2.0; b_8 = \sigma_8$
3	卡死故障和线性偏差 故障同时发生	3,9	$a_3 = 0.5\sigma_3; c_9 = 0, f_9$

注:斜率 f₉ 满足在故障时间段内偏差故障从 0 线性增加到 σ₉。

假设三跨连续梁加速度传感器对每条地脉动波 都采集 100 个数据,则每个样本的样本容量为 100。 传感器处于正常状态时共有 100 个训练样本,用于 PCA 训练,上述 3 种故障工况下各有 5 个不同的测 试样本,这些采集到的样本数据均是真实值。

为模拟实际监测系统的环境干扰,在 ANSYS 计算的结构响应数据中加入噪声。根据 Hernandez-Garcia 等^[10]、Huang 等^[12,19]的研究,实际监测系统 中传感器的信噪比大致在 15~25 dB 之间,设置信 噪比为 20 dB,即噪声信号的均方根为真实信号均方 根的 10%。同时,为了更为真实地模拟现实环境中 的有色噪声,首先产生 10%均方根的白噪声,然后 对白噪声进行有色处理,但为了避免数据失真,将有 色噪声控制在均值为 0,均方差为 0.1 σ 的范围内。 有色噪声的类型复杂,公式繁多,采用较为常见的有 色噪声公式,令

Cn(t) = Wn(t) + 0.5Wn(t-1) (14) 式中: Cn(t)为 t 时刻的有色噪声; Wn(t)为 t 时刻 10%均方根的白噪声。按照式(4)在数值模拟得到 的加速度中加入有色噪声,以此模拟传感器显示的 正常数值,再进行 PCA 训练。传感器故障的输出信 号按表1中的模型进行模拟。

4.1 单传感器故障定位

在工況 1 下,经 PCA 检验后,其 T^2 统计量与 SPE 统计量结果如图 2 所示,其中虚直线为各统计 量置信度 $\alpha = 99\%$ 的阈值。从统计量的结果发现, 虽然 T^2 统计量没有超限,但 SPE 统计量存在大量超 限的点,超限率为 15.56%,达到了规定限值,可以 判断该过程中存在故障。

T²统计量检测的是主元空间的数据变动,SPE 统计量检测的是残差空间的数据变动。从图 2 可 知,在传感器故障检测中,T²统计量不如 SPE 统计 量敏感,对传感器故障数据的识别较差。所以,在下 文的故障识别与定位过程中,仅讨论 SPE 统计量及 其改进的累积残差贡献率。

随机选取 3 个时刻,记为 t_1 、 t_2 和 t_3 ,作这 3 个时刻的残差贡献值图,如图 3 所示。从该图可知, t_1 时刻 5 号传感器的贡献值最高,可以正确定位出 5 号传感器为故障传感器,但在 t_2 和 t_3 时刻并不是 5 号传感器的贡献值最高,出现了误判现象。



采用该方法,作累积残差贡献率图如图4所示。 该图显示5号传感器的累积残差贡献率最高,故可 以正确定位故障传感器。

为讨论累积次数 N 对故障定位的影响,计算不同 N 下累积残差贡献率如图 5 所示,图中 1~10 表示传感器的编号。由该图可知,累积超过 50 个时间步之后,故障传感器的累积残差贡献率开始突出,其他传感器的贡献率开始弱化。累积次数超过 100 次



Fig. 3 residual contribution value of condition 1



Fig. 4 Accumulated residual contribution rate of condition 1

后,各传感器的累积残差贡献率趋于稳定。因此,为 了准确定位故障传感器且减少计算时间,建议累积 次数 N 取值为 100。



4.2 两传感器故障定位

在工况 2 下, SPE 统计量的超限率为 31.11%, 随机选择 3 个时刻,分别命名为 t_1 、 t_2 、 t_3 ,作这 3 个 时刻的残差贡献值图如图 6 所示。从图 6 可知, t_1 时 刻 4 号和 8 号传感器的贡献值远大于其他传感器, 可以定位出这两个传感器发生故障;但 t_2 时刻 8 号 传感器和 10 号传感器的贡献值较大,出现了错判; t_3 时刻仅能判断出 4 号传感器发生了故障。因此, 传统的贡献图法在多传感器同时发生故障时更容易 出现误判。

采用累积残差贡献率作图如图 7 所示,4 号传 感器和 8 号传感器的累积残差贡献率远大于其他传 感器的累积残差贡献率,可以判断这两个传感器发 生了故障。



Fig. 6 residual contribution value of condition 2



Fig. 7 Accumulated residual contribution rate of condition 2

在工况3下,经PCA检验后,其SPE统计量的 超限率为13.3%,故可判断有传感器故障发生。随 机选取3个时刻作残差贡献值图如图8所示,累积 残差贡献率图如图9所示。图8和图9表明,传统 的残差贡献值法定位存在误判情况,而累积残差贡 献率能够准确定位出发生故障的传感器。



Fig. 8 residual contribution value of condition 3





5 结论

针对实际结构健康监测系统中传感器可能发生 故障而影响后期结构安全评估的问题,在传统残差 贡献图法的基础上,基于统计原理提出了累积残差 贡献率法,数值模拟算例表明:

1) 主元分析的 SPE 统计量能识别出传感器故障, 说明在传感器故障识别中 SPE 统计量比 T²统计量更为敏感, 这与已有文献的结论一致。

2)累积残差贡献率将残差贡献值归一化到[0, 1]之间,更有利于直观定位故障传感器。无论是单 传感器损坏还是两个传感器损坏,该方法较传统贡 献图法能更准确地定位故障传感器。

3)累积残差贡献率通过对故障时间段的残差贡 献率进行加权平均,提高了故障定位的精度。累积 的故障时间越长,故障定位越准确,为了准确定位故 障传感器且减少计算时间,建议累积次数 N 取值 为 100。

应该说明的是,笔者在验证所提方法的过程中, 假设结构完好,仅传感器发生故障。这主要是因为 实际工程结构的损伤通常是累积损伤,需多月或多 年才有明显的变化,而传感器发生故障的时间尺度 远小于结构损伤的时间跨度。但如何分离传感器自 身故障和结构损伤仍需今后进一步研究。

参考文献:

- LI J, HAO H, FAN K Q, et al. Development and application of a relative displacement sensor for structural health monitoring of composite bridges [J].
 Structural Control and Health Monitoring, 2015, 22 (4):726-742.
- [2]张治军.大跨径连续刚构桥健康监测研究[D].西安:长 安大学,2012.

ZHANG Z J. Study on long-span continuous rigid frame bridge health monitoring [D]. Xi'an: Chang'an University, 2012. (in Chinese)

- [3]何富君,刘小磊,卢晓昭,等. 传感器的故障诊断技术研究[J]. 科学技术与工程,2010,10(26):6481-6487.
 HE F J, LIU X L, LU X Z, et al. A research on fault detection diagnosis technology for sensor [J]. Science Technology and Engineering, 2010, 10(26): 6481-6487. (in Chinese)
- [4] YI T H, HUANG H B, LI H N. Development of sensor validation methodologies for structural health monitoring: A comprehensive review [J]. Measurement, 2017, 109: 200-214.
- [5] FRANK P M. Analytical and qualitative model-based fault diagnosis - A survey and some new results [J]. European Journal of Control, 1996, 2(1): 6-28.
- [6] TAO E P, SHEN W H, LIU T L, et al. Fault diagnosis based on PCA for sensors of laboratorial wastewater treatment process [J]. Chemometrics and Intelligent Laboratory Systems, 2013, 128: 49-55.
- [7] MANSOURI M, NOUNOU M, NOUNOU H, et al. Kernel PCA-based GLRT for nonlinear fault detection of chemical processes [J]. Journal of Loss Prevention in the Process Industries, 2016, 40:334-347.
- [8]常玉清,王姝,王福利,等. 基于多 PCA 模型的过程监测方法[J]. 仪器仪表学报,2014,35(4):901-908.
 CHANG Y Q, WANG S, WANG F L, et al. Process monitoring method based on multiple PCA models [J].
 Chinese Journal of Scientific Instrument, 2014, 35(4): 901-908. (in Chinese)
- [9] HU Y P, CHEN H X, XIE J L, et al. Chiller sensor fault detection using a self-adaptive principal component analysis method [J]. Energy and Buildings, 2012, 54 (6):252-258.
- [10] HERNANDEZ-GARCIA M R, MASRI S F. Application of statistical monitoring using latentvariable techniques for detection of faults in sensor networks [J]. Journal of Intelligent Material Systems and Structures, 2014, 25(2): 121-136.
- [11] 胡顺仁,李瑞平,包明,等.基于主元分析的桥梁挠度传感器故障诊断研究[J].传感器与微系统,2014,33(6): 9-12.

HU S R, LI R P, BAO M, et al. Bridge deflection sensor fault diagnosis research based on PCA [J]. Transducer and Microsystem Technologies, 2014, 33 (6): 9-12. (in Chinese)

[12] HUANG H B, YI T H, LI H N. Sensor fault diagnosis for structural health monitoring based on statistical hypothesis test and missing variable approach [J]. Journal of Aerospace Engineering, 2015, 30 (2): B4015003.

- [13] RAO A R M, KASIREDDY V, GOPALAKRISHNAN N, et al. Sensor fault detection in structural health monitoring using null subspace-based approach [J]. Journal of Intelligent Material Systems and Structures, 2014, 26(2): 172-185.
- [14] 张卫华,王春利,吴重光,等. PCA-SDG 技术在化工过 程故障诊断中的应用[J]. 系统仿真学报,2009,21 (Sup2):101-105,114.
 ZHANG W H, WANG C L, WU C G, et al. Application of PCA-SDG to chemical fault diagnosis [J]. Journal of System Simulation, 2009, 21(Sup2): 101-105,114. (in Chinese)
- [15] 高东,吴重光,张贝克,等. 基于 PCA 和 SDG 的传感器 故障诊断方法研究及应用[J]. 系统仿真学报,2011,23
 (3):567-573.
 GAO D, WU C G, ZHANG B K, et al. Method

combining PCA and SDG for fault diagnosis of sensors and its application [J]. Journal of System Simulation, 2011, 23(3): 567-573. (in Chinese)

- [16] 朱敏. 基于 PCA-SDG 的连退机组炉温系统故障诊断 研究[D]. 沈阳:东北大学,2010.
 ZHU M. Fault diagnosis in continuous annealing furnace temperature system based on PCA-SDG [D].
 Shenyang: Northeastern University, 2010. (in Chinese)
- [17] 李荣雨,杨小健,殷绚.基于映射向量和加权Q贡献图的故障识别研究[J].化工自动化及仪表,2010,37(12):
 48-50.

LI R Y, YANG X J, YIN X. Research on fault identification by mapping vector and weighted Q contribution plot [J]. Control and Instruments in Chemical Industry, 2010, 37(12): 48-50. (in Chinese)

- [18] 罗浩恩.桥梁结构健康监测系统传感器自诊断方法研究[D].重庆:重庆大学,2016.
 LUO H E. Research on fault diagnosis of sensors for bridge structural health monitoring system [D].
 Chongqing: Chongqing University, 2016. (in Chinese)
- [19] HUANG H B, YI T H, LI H N. Bayesian combination of weighted principal-component analysis for diagnosing sensor faults in structural monitoring systems [J]. Journal of Engineering Mechanics, 2017, 143(9): 04017088-1-04017088-16.