doi: 10.11835/j.issn.2096-6717.2020.136

开放科学(资源服务)标识码(OSID):

基于球孔扩张理论的软黏土中载体桩桩端挤密加固效应

周航¹,刘汉龙¹,丁选明¹,王继忠²

(1.重庆大学 土木工程学院;山地城镇建设与新技术教育部重点实验室,重庆 400045;2.北京波森特岩土工程有限公司,北京 102218)

摘 要:载体桩是近年来出现的一种新桩型,其主要利用柱锤对深层土体进行填料夯实,形成桩端 扩大载体,从而大大提高桩体竖向承载力。虽然载体桩在实际工程中广泛应用,但目前仍缺乏较为 严格的理论分析,特别在关于评价载体的加固范围和载体对土体的挤密效应方面,仍然研究较少, 这大大制约了载体桩的推广和发展。针对该问题,将柱锤对填料夯实的过程简化为球孔扩张力学 模型,软黏土采用修正剑桥模型的本构关系来模拟,建立球孔扩张偏微分控制方程组,通过相似变 换的求解技术将偏微分方程转化为常微分方程组,利用微分方程数值求解技术获得常微分方程组 的数值解。开展参数分析,探讨球孔扩张过程中孔周土体强度和刚度的变化、孔周土体挤密区的范 围等,从理论角度揭示载体桩载体成形过程中的加固机理,为建立考虑桩端挤密效应的载体桩竖向 承载力计算方法提供理论基础。

关键词:载体桩;球孔扩张;加固机理;软黏土;挤密效应 中图分类号:TU473.1 文献标志码:A 文章编号:2096-6717(2020)06-0001-10

Compaction and reinforcement effect at the pile end of carrier pile in soft clay based on spherical cavity expansion method

Zhou Hang¹, Liu Hanlong¹, Ding Xuanming¹, Wang Jizhong²

 School of Civil Engineering; Key Laboratory of New Technology for Construction of Cities in Mountain Area, Ministry of Education, Chongqing 400045, P. R. China; 2. Beijing Bosente Geotechnical Engineering Corporation, Beijing 102218, P. R. China)

Abstract: Carrier pile is newly developed in recent years. It utilizes a column hammer to tamp the filling in the deep soil, which forms an expanded carried at the pile end. This will greatly increase the vertical pile bearing capacity. Although the carrier pile has been widely used in practice, rare theoretical analysis has been conducted to check the size of the reinforced area and the compaction effect. This greatly restricts the popularization and development of the carrier pile. Under this condition, the process of the tamping through a column hammer is simplified as the spherical cavity expansion model. The soft clay is described by the MCC model. Then, a series of partial differential equations (PDEs) for spherical cavity expansion is constructed. Similarity solution technique is used to transform the PDEs to ordinary differential equations (ODEs), which can be numerically solved through the ODE solver. Subsequently, a series of parametric analyses were conducted to investigate the variation of the soil strength and stiffness after spherical cavity

收稿日期:2020-07-09

基金项目:国家自然科学基金(51978105)

作者简介:周航(1987-),男,博士,副教授,主要从事桩土相互作用研究,E-mail: zh4412517@163. com。

Received: 2020-07-09

Foundation item: National Natural Science Foundation of China (No. 51978105)

Author brief: Zhou Hang (1987-), PhD, associate professor, main research interest: pile-soil interaction, E-mail: zh4412517@163.com.

expansion and the size of the compaction zone. This reveals the reinforced mechanism of the formation of the carried part of the pile from the theoretical viewpoint and provides a theoretical basis for constructing the theoretical calculation methods for the vertical bearing capacity of the carrier pile considering the compaction effect.

Keywords: carrier pile; spherical cavity expansion; reinforced mechanism; soft clay; compaction effect

载体桩是近年来发明并得到广泛应用的一种新 桩型,该技术通过夯击能量以填料作为介质,挤密加 固桩端周围土体,形成桩端扩大载体,从而大大提高 单桩竖向承载力^[1]。

载体桩的施工工艺(如图 1)可以概括为:利用 柱锤夯击成孔;将护筒压入地基;分批向孔内投入水 泥砂拌合物填充料反复夯实挤密,并通过三击贯入 度进行密实度控制,当三击贯入度满足设计要求后, 形成载体;根据需要可放置钢筋笼;灌注混凝土或放 置预应力管桩而形成桩体桩^[1]。从载体桩施工工艺 来看,载体桩具有以下优点:通过柱锤夯实填料和桩 端土体,提高桩端周围土体的密实度和强度;桩端由 水泥砂拌合物、挤密土体、影响土体形成刚度渐变的 复合载体,这种变刚度的设计方式,使得载体的刚度 从上往下逐渐减小,从而更加有利于桩体将竖向荷 载传递到深部地基土;绿色施工,不需要采用大量泥 浆护壁,同时施工不出土,保护了建筑环境;采用三 击贯入度来控制载体施工质量,有利于保证载体能 有效提供承载力^[1]。



Fig. 1 Construction process of carrier pile

载体桩技术的核心在于侧限约束下的土体密实 形成载体。该技术的研究对象是土体密实理论,也 就是研究桩身端以下一定范围内挤密土体和影响土 体的物理力学性质的变化。在设计中合理考虑挤密 效应至关重要,如果高估了挤密效应,将会给工程带 来安全隐患,反之,如果过低估计了载体的作用,将 会造成工程造价大大提高。因此,如何从理论角度 精确计算桩端挤密效应,成为制约载体桩推广和发

展的一个主要因素。目前,关于载体桩的研究主要 停留在试验阶段,在理论方面的研究相对较少。王 建安等[2]开展了载体桩在粉质黏土中的现场试验研 究,对比了普通灌注桩和载体桩复合地基的竖向承 载特性,结果表明,载体桩复合地基造价经济,同时 能够提高竖向承载力。于长杰[3]开展了软黏土中载 体桩沉降控制研究,对比分析了有桩帽和无桩帽载 体桩复合地基的沉降控制效果。周斌^[4]探讨了载体 桩复合地基在高速铁路地基中对地基沉降变形控制 的效果。罗浩^[5]开展了载体桩复合地基在高速铁路 地基中的现场试验以及施工工艺的研究。李建强 等[6]开展了载体桩复合地基数值模拟研究,探讨了 荷载、褥垫层、桩长、桩径、载体直径等因素对载体桩 复合地基承载特性的影响,然而,该研究并未考虑桩 端挤密效应的影响。张培成等[7]开展了饱和软土地 基载体桩现场试验研究,证明载体桩能够完成大承 载力的要求,并可以在地基中深部有相对硬层的场 地中取代预应力管桩。仇凯斌等[8]开展了载体桩承 载性状的有限元分析,通过现场取样和模型试验确 定夯扩挤密区范围,利用线性插值确定挤密区土体 的力学参数,获得了能够考虑挤密效应的载体桩承 载特性,然而,该方法仅仅是从经验性的角度来考虑 挤密效应,并未提出一种较为严格和准确的理论分 析方法。

扩孔理论作为岩土力学中一种简单有效的力学 模型^[9-19],广泛用于解决岩土工程中如:圆锥贯入试 验、旁压试验、扁铲侧胀试验、沉桩挤土效应、桩端承 载力、隧道开挖、钻井失稳、压力注浆等问题。该模 型数学求解接单,模型物理概念清楚,较为实用。笔 者采用球孔扩张力学模型来模拟柱锤夯扩填料过程 中的挤密效应,软黏土采用修正剑桥模型的本构关 系来模拟,建立球孔扩张偏微分控制方程组,通过相 似变换的求解技术将偏微分方程转化为常微分方程 组,利用 MATLAB 中 ODE45 数值求解技术获得常 微分方程组的数值解。基于数值解,探讨球孔扩张

1 载体桩载体扩孔成形力学模型

如图 2(a) 所示,载体桩桩端夯扩填料的过程 中,将会在端部形成一个类似球体的结构,该球体挤 扩周围的土体,从而在桩端附近形成一个挤密区。 这个过程与球孔扩张理论模型较为相似,因此,采用 如图 2(b)所示的球孔扩张理论模型来模拟夯扩填 料挤土的过程。在夯扩前,球孔的初始半径 a₀ = 0, 随着夯扩的加剧,球孔从 0 不断扩张,最终扩张为半 径为 a 的一个球体。球孔扩张理论模型是无限大土 体中的力学模型,而实际问题中挤土主要在桩端以 下部分,因此,球孔扩张区域为图 2(a) 中桩端以下 (虚线以下)部分。假定桩端的球体通过桩端左右两 个角点,球体的半径为 a,因此,该球体(虚线以下的 部分,非完整球体)的体积可以表示为

$$V_{\rm s} = \frac{2}{3}\pi [a^3 + (a^2 - r_0^2)3/2]$$
(1)

式中:r₀为桩体的半径。



球体的体积V。可以根据实际的填料体积来确

定,因此,通过式(1),可以确定球体扩张后的半径 a。式(1)是关于半径 a 的隐函数,无法求得闭合解 析解,因此,可以利用 MATLAB 计算出球体体积V_s 和球体半径的关系,为了方便,可以将式(1)进行归 一化,得到

$$\frac{V_{\rm s}}{r_0^3} = \frac{2}{3}\pi\left\{\left(\frac{a}{r_0}\right)^3 + \left[\left(\frac{a}{r_0}\right)^2 - 1\right]3/2\right\}$$
(2)

通过数值计算,可以直接获得归一化的球体体 积 V_s/r_0^3 与归一化的球体半径 a/r_0 的关系,结果如 图 3 所示。通过对数据做拟合,可以得到一个关于 归一化的球体体积 V_s/r_0^3 与归一化的球体半径 a/r_0 的简单闭合方程



如果已知填料的体积用量,便可以通过式(3)计 算出载体扩大头球体的半径,从而利用图 2(b)所示 的球孔扩张理论来计算挤密效应。

图 2(b)给出了球孔扩张理论模型,初始的球孔 半径为 a₀(对于本文问题 a₀=0),位于无限大的土 体中,在无穷远处受到的初始均匀应力场应力为 σ_{h0} 。初始圆孔在均匀内压 σ_a 的作用下扩张到半径 为 a 的圆孔。孔洞周围的土体服从修正剑桥模型。 随着球孔内压的不断增大,孔周围土体要发生屈服, 孔洞附近土体进入塑性状态,而离孔洞比较远的地 方土体处于弹性状态,继续扩张会使得孔周土体进 入临界状态。这样,在孔洞周围会形成 3 块区域:孔 洞附近的临界状态区和塑性区以及远离孔洞的弹性 区。此外,推导解析解基于两个基本假设:扩孔过 程,孔周土体假定是完全排水的,因为在柱锤夯扩的 过程中,土中的水要被排出,土体被挤密;土体弹性 关系服从各向同性的胡克定律,塑性关系服从修正 式中:v

2 球孔扩张基本控制方程及求解

对于基于修正剑桥模型的弹塑性球孔扩张问题,孔洞周围将会出现3个区域:临界状态区域、塑 性区域以及弹性区。在临界状态区域和塑形区中, 应力必须满足平衡方程和修正剑桥模型屈服准则, 而在弹性区中,应力需要满足平衡方程和胡克定律。 此外,孔扩张的运动学方程则由土体的排水条件、应 变-位移关系以及边界条件来控制。在弹塑性分界 面(弹性区和塑形区的分界面)上,应力和位移必须 保持连续。基于这样的基本原理有以下的推导:

2.1 临界状态区和塑性区

1)平衡方程

根据 Collins 等^[19]的研究,平均应力 p'和偏应 力q 可以写成

$$p' = \frac{\sigma'_{\rm r} + \sigma'_{\theta}}{2} \tag{4}$$

$$q = (\sigma'_{\rm r} - \sigma'_{\theta}) \tag{5}$$

式中: σ'_r , σ'_{θ} 为球坐标下的径向和环向有效应力分量。 对于球孔扩张问题另外一个应力分量 $\sigma'_q = \sigma'_{\theta}$ 。因此,采用应力分量p'和q表达的应力平衡方程可以 写成

$$\frac{\partial p'}{\partial r} + \frac{2}{3} \frac{\partial q}{\partial r} + 2 \frac{q}{r} + \frac{\partial u_{w}}{\partial r} = 0$$
 (6)

式中:uw为土体的孔隙水压。

2)本构方程

采用 Collins 等^[19]的方法来定义两个应变分量

$$\boldsymbol{\varepsilon}_{\mathrm{p}} = \boldsymbol{\varepsilon}_{\mathrm{r}} + 2\boldsymbol{\varepsilon}_{\theta}$$
 (7)

$$\boldsymbol{\varepsilon}_{q} = \frac{2}{3} (\boldsymbol{\varepsilon}_{r} - \boldsymbol{\varepsilon}_{\theta})$$
 (8)

根据应变--位移关系,可以知道球坐标下的应变 分量可以写成

$$\boldsymbol{\varepsilon}_{\mathrm{r}} = -\frac{\partial \boldsymbol{u}_{\mathrm{r}}}{\partial \boldsymbol{r}} \tag{9}$$

$$\varepsilon_{\theta} = -\frac{u_{\rm r}}{r} \tag{10}$$

式中:u_r为土体的径向位移;r为土颗粒的径向坐标。

定义符号(°)表示土体颗粒的物质导数,可以表达为

$$(^{\circ}) = (^{\circ}) + v\partial(^{\circ})/\partial r \tag{11}$$

式中:v为土颗粒的径向速度;(·)为局部的时间 导数。

土颗粒的径向和环向应变量可以表示为

$$\dot{\varepsilon_{\rm r}} = -\frac{\partial v}{\partial r} \tag{12}$$

$$\mathring{\varepsilon_{\theta}} = -\frac{v}{r} \tag{13}$$

将式(12)和式(13)带入到式(7)和式(8)中,可 以得到

$$\dot{\varepsilon_{p}} = -\frac{\partial v}{\partial r} - k \frac{v}{r}$$
(14)

$$\dot{\varepsilon_{q}} = \frac{2}{3} \left(-\frac{\partial v}{\partial r} + \frac{v}{r} \right)$$
(15)

进一步地,弹性本构关系可以写成

$$\begin{bmatrix} \hat{\mathbf{\varepsilon}}_{p}^{e} \\ \hat{\mathbf{\varepsilon}}_{d}^{e} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{K} & 0 \\ 0 & \frac{k}{2(k+1)G} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \hat{p}' \\ \hat{q} \end{bmatrix}$$
(16)

式中: $G = \frac{3(1-2v')vp'}{2(1+v')\kappa}$,是土体的剪切模量; $K = \frac{2(1+v')}{3(1-2v')}G$,是土体的体积模量,v'是土体的有效泊松比。

根据 Wood^[20]的研究, 剑桥模型弹塑性的本构 关系为

$$\begin{bmatrix} \hat{\boldsymbol{\varepsilon}}_{\mathbf{p}} \\ \boldsymbol{\varepsilon}_{\mathbf{q}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{K} & 0 \\ 0 & \frac{1}{3G} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \boldsymbol{p}' \\ \boldsymbol{q} \end{bmatrix} + \frac{2 \frac{q}{p'} (\lambda - \kappa)}{(1 + e) \left(M^2 + \frac{q^2}{p'^2}\right) \boldsymbol{p}'} \cdot \\ \begin{bmatrix} \frac{\left(M^2 - \frac{q^2}{p'^2}\right)}{2 \frac{q}{p'}} & 1 \\ 2 \frac{q}{p'} \\ 1 & \frac{2 \frac{q}{p'}}{M^2 - \frac{q^2}{p'^2}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \boldsymbol{p}' \\ \boldsymbol{q} \end{bmatrix} (17)$$

将式(17)中的两个应变分量采用式(14)和式 (15)中的表达式代替,可以得到

$$A_{\rm p} \, \dot{p}' + A_{\rm q} \dot{q} + \frac{\partial v}{\partial r} + 2 \, \frac{v}{r} = 0 \qquad (18)$$

$$B_{\rm p} \, \dot{p}' + B_{\rm q} \dot{q} + \frac{2}{3} \left(\frac{\partial v}{\partial r} - \frac{v}{r} \right) = 0 \qquad (19)$$

其中:

$$A_{\rm p} = \frac{1}{K} + \frac{2 \frac{q}{(\lambda - \kappa)}}{(1 + e) \left(M^2 + \frac{q^2}{p'^2}\right)p'} \left(\frac{M^2 - \frac{q^2}{p'^2}}{2 \frac{q}{p'}}\right)$$
(20)

剑桥模型。

$$A_{q} = \frac{2 \frac{q}{p'} (\lambda - \kappa)}{(1+e) \left(M^{2} + \frac{q^{2}}{p'^{2}}\right) p'}$$
(21)

$$B_{\rm p} = A_{\rm q} \tag{22}$$

$$B_{q} = \frac{1}{3G} + \frac{2\frac{q}{p'}(\lambda - \kappa)}{(1+e)\left(M^{2} + \frac{q^{2}}{p'^{2}}\right)p'} \left(\frac{2\frac{q}{p'}}{M^{2} - \frac{q^{2}}{p'^{2}}}\right)$$
(23)

3)一致性条件

此外,屈服面需要满足如下的一致性条件

$$\mathrm{d}f = \frac{\partial f}{\partial p'} \, \dot{p}' + \frac{\partial f}{\partial q} \dot{q} + \frac{\partial f}{\partial p_{\mathrm{c}}'} \, \dot{p_{\mathrm{c}}'} = 0 \qquad (24)$$

$$f = q^{2} - [M^{2} p'(p'_{c} - p')]$$
(25)

$$\frac{\partial f}{\partial p'} = M^2 (p'_c - 2p') \tag{26}$$

$$\frac{\partial f}{\partial q} = 2q \tag{27}$$

$$\frac{\partial f}{\partial p'_{\rm c}} = M^2 p' \tag{28}$$

其中:p。'表示卡各向同性压缩下的屈服压力。

4)连续性条件

在球孔扩张过程中,土体需要满足质量守恒 条件

$$\frac{\dot{v}}{v} = \frac{\partial v}{\partial r} + 2\frac{v}{r} \tag{29}$$

其中:v为体积比。

5) 排水条件

由于采用了完全排水的条件,也即在扩孔过程 中土体孔隙水压保持不变,因此有

$$\dot{u_{w}} = 0 \tag{30}$$

上面 5 个条件即构成了球孔扩张的控制方程 组,采用相似变换技术求解该方程组。采用如下变 换方式

$$\eta = \frac{r}{ct} \tag{31}$$

$$(\widetilde{p'}, \widetilde{q}, \widetilde{p_c}', \widetilde{u_w}, \widetilde{v}) = \left(\frac{p'}{p'_0}, \frac{q}{p'_0}, \frac{p_c'}{p'_0}, \frac{u_w}{p'_0}, \frac{v}{p'_0}\right)$$
(32)

式中:c为弹塑性边界的扩张速度;t为时间。将上述两个变换方程带入到前面5个条件构成的方程组中,可以得到方程组

$$\begin{bmatrix} 1 & \frac{2}{3} & 0 & 1 & 0 & 0 \\ A_{p}(\tilde{v}-\eta) & A_{q}(\tilde{v}-\eta) & 0 & 0 & 0 & 1 \\ B_{p}(\tilde{v}-\eta) & B_{q}(\tilde{v}-\eta) & 0 & 0 & 0 & \frac{2}{3} \\ M^{2}(\tilde{p}_{c}-2\tilde{p}') & 2\tilde{q} & M^{2}\tilde{p}' & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \frac{1}{v}(\tilde{v}-\eta) & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} d \tilde{p}'/d\eta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -2\tilde{q}/\eta \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \mathrm{d} p'/\mathrm{d}\eta \\ \mathrm{d}\widetilde{q}/\mathrm{d}\eta \\ \mathrm{d}\widetilde{p'_{\mathrm{c}}}/\mathrm{d}\eta \\ \mathrm{d} \widetilde{p'_{\mathrm{c}}}/\mathrm{d}\eta \\ \mathrm{d}\widetilde{w}/\mathrm{d}\eta \\ \mathrm{d}\widetilde{w}/\mathrm{d}\eta \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2q/\eta \\ -2\widetilde{v}/\eta \\ \mathrm{d}\widetilde{v}/\eta \\ \mathrm{0} \\ 2\widetilde{v}/\eta \\ \mathrm{0} \end{bmatrix}$$

(33)

为了求解方程式(33),需要给出初始条件和边 界条件,可以利用孔洞和弹塑性边界处的信息来 确定。

在弹塑性边界处

$$\eta = 1 \tag{34}$$

$$p'(\eta = 1) = 1$$
 (35)

$$q(\eta = 1) = M \sqrt{(p'_{c0}/p'_0 - 1)}$$
 (36)

$$u_{\rm w}(\eta = 1) = u_{\rm w0}/p'_0$$
 (37)

$$v(\eta = 1) = v_0 \tag{38}$$

$$G(\eta = 1) = G_0 = \frac{3(1 - 2v')v_0p'_0}{2(1 + v')\kappa}$$
(39)

$$\tilde{v}(\eta = 1) = \frac{q(\eta = 1)}{2G(\eta = 1)}$$
 (40)

在孔口处

$$\eta = v \tag{41}$$

结合控制方程和上述边界条件编写 Matlab 微 分方程组数值求解程序,可以获得临界状态区和塑 性区的半解析解。

2.2 弹性区

在弹性区,本构关系服从胡克定律,因此有

$$\Delta \sigma'_{r} = -\frac{E}{(1+\nu)(1-2\nu)} \left[(1-\nu) \frac{\partial u_{r}}{\partial r} + 2\nu \frac{u_{r}}{r} \right]$$

$$(42)$$

$$\Delta \sigma'_{\theta} = -\frac{E}{(1+\nu)(1-2\nu)} \left[\nu \frac{\partial u_{\rm r}}{\partial r} + \frac{u_{\rm r}}{r}\right] \quad (43)$$

同时,在弹性区域,应力需要满足平衡方程,将 平衡方程写成关于 σ_r 和 σ_θ 的形式

$$\frac{\partial \sigma'_{\rm r}}{\partial r} + \frac{2}{r} (\sigma'_{\rm r} - \sigma'_{\theta}) = 0 \qquad (44)$$

将式(42)和式(43)代入式(44),可以得到

$$\frac{\partial^2 u_{\rm r}}{\partial r^2} + \frac{2}{r} \frac{\partial u_{\rm r}}{\partial r} - \frac{2u_{\rm r}}{r} = 0 \tag{45}$$

采用如下的变换

$$\eta = \frac{r}{ct}, \ \widetilde{u_{\rm r}} = \frac{u_{\rm r}}{ct}$$
 (46)

式(45)可以简化为常微分方程

$$\frac{\mathrm{d}^2 u_r}{\mathrm{d}\eta^2} + \frac{2}{\eta} \frac{\mathrm{d} u_r}{\mathrm{d}\eta} - \frac{2}{\eta^2} \widetilde{u_r} = 0 \qquad (47)$$

式(47)存在闭合解析解

$$\bar{u}_{\rm r} = \frac{A}{\eta^2} + \frac{B}{3}\eta \tag{48}$$

式中:A和B为常数,当 $\eta \rightarrow \infty$ 时, \bar{u}_r 必须衰减为0,因此,常数B必须为0。式(48)可以简化为

$$\widetilde{u_{\rm r}} = \frac{A}{\eta^2} \tag{49}$$

此外

$$\widetilde{q}(\eta = 1) = [\widetilde{\sigma'_{r}}(\eta = 1) - \widetilde{\sigma'_{\theta}}(\eta = 1)] = (50)$$
$$M \sqrt{p'_{c0}/p'_{0} - 1}$$

因此,球坐标下的应力分量便可以通过式(42) 和式(43)获得

$$\widetilde{\sigma'_{r}} = \frac{\sigma'_{r}}{p'_{0}} + \frac{\sigma'_{0}}{p'_{0}} = \frac{2M\sqrt{p'_{0}/p'_{0}-1}}{3} \frac{1}{\eta^{3}} + \widetilde{\sigma'_{0}}$$
(51)

$$\widetilde{\sigma'_{\theta}} = \frac{\sigma'_{\theta}}{p'_{0}} + \frac{\sigma'_{0}}{p'_{0}} = -\frac{M\sqrt{p'_{0}/p'_{0}-1}}{3}\frac{1}{\eta^{3}} + \widetilde{\sigma'_{0}}$$

$$\tag{52}$$

$$\widetilde{u}_{\rm r} = \frac{M \sqrt{p'_{\rm c0}/p'_0 - 1}}{3\sqrt{3}G/p'_0} \frac{1}{\eta^2}$$
(53)

式中:ŋ≥1。

3 球孔扩张引起的土体挤密效应讨论

载体桩夯扩过程中土体被挤密,土体的强度和 剪切模量会发生变化。根据修正剑桥模型,土体的 强度和剪切模量可以表示为

$$s_{\rm u} = \frac{\sqrt{3}}{3} M p' \left(\frac{R}{2}\right) 1 - \kappa/\lambda \tag{54}$$

$$G = \left[3(1 - 2v')vp' \right] / \left[2(1 + v')\kappa \right] \quad (55)$$

对于排水孔扩张问题,土体的体积比v=1+e随着扩孔的过程发生变化,此外,土体的平均有效应 力p'也发生变化,这两个参数的变化导致了土体强 度和剪切模量的变化。而在扩孔过程中,其余的本 构参数 κ,λ,M,ν',R 可以认为保持一个常量,不发 生变化。因此,可以定义

$$\delta = \frac{s_{\rm u}}{s_{\rm u0}} = \frac{p'}{p'_{0}} \tag{56}$$

$$\tilde{\omega} = \frac{G}{G_0} = \frac{p'v}{p'_0v_0} \tag{57}$$

式中:∂表示球孔扩张后土体强度和初始土体强度 之比;*s*₁₀表示土体的初始强度;∞表示球孔扩张后土 体剪切模量和初始土体剪切模量之比;*G*₀表示土体 的初始剪切模量。

4 参数分析

图 4 和图 5 分别给出了不同 M 条件下球孔扩 张后孔周土体强度和剪切模量变化系数随着孔周径 向距离的变化规律。M 的取值范围从 0.5 到 2,其 余参数如图 4、图 5 所示。可以看出,随着 M 的不断 增大,孔周附近(r/a < 2)的土体强度和剪切模量系 数不断增加,挤密效应不断增强。然而,当径向距离 r/a > 2 时,随着 M 的不断增大,土体强度和刚度系 数不断减小,挤密效应不断减弱。在 2 < r/a < 3 的 位置处,土体强度和剪切模量在扩孔后发生退化,土体产 生剪胀,而并没有被挤密,但该部分区域范围很小。 此外,在 2 < r/a < 3 的位置处,还可以发现,当 M > 1 时,土体的强度和剪切模量系数随着径向距离的 增加,出现先减小后增加的现象。





图 6 和图 7 分别给出了不同超固结比 R 条件下 球孔扩张后孔周土体强度和剪切模量变化系数随着 孔周径向距离的变化规律。R 的取值范围从 1 到





10,涵盖了正常固结土,轻微超固结土和重度超固结 土,其余参数如图 6、图 7 所示。可以看出,随着 R 的不断增大,孔周的土体强度和剪切模量系数不断 增加,挤密效应不断增强,而且在 M 取值为 1 的条 件下,孔周土体的强度和剪切模量没有出现软化的 现象。对于重度超固结土,球孔扩张后土体强度可 以提高 7 倍左右,剪切模量可以提高 6.5 倍左右。 此外,土体超固结比 R 较大时,土体强度和剪切模 量系数随着径向距离的变化率会出现先减小,再增 加的转折现象。而对于正常固结土或轻微超固结 土,变化率随着径向距离的增加基本逐渐减小。



图 6 不同 R 条件下强度变化系数随着径向距离的变化

Fig. 6 Variation of strength coefficient with the

radial distance for different R





Fig. 7 Variation of shear modulus coefficient with the radial distance for different *R*

图 8 和图 9 给出了不同 λ 条件下强度和刚度变 化系数随着径向距离的变化规律。λ 的取值范围从 0.05 到 0.25,反映了土体不同的可压缩特性。可以 发现,随着 λ 的不断增加,孔周的土体强度和剪切模 量系数不断减小,挤密效应不断减弱。说明土体可 压缩性越小,土体强度和刚度的提高就越大。此外, 不同 λ 条件下,球孔扩张后土体的强度和剪切模量 也并未出现软化现象。



图 8 不同 λ 条件下强度变化系数随着径向距离的变化



radial distance for different λ



图9 不同 λ 条件下剪切模量变化系数随着径向距离的变化 Fig. 9 Variation of shear modulus coefficient with

the radial distance for different λ

图 10 和图 11 给出了不同 κ 条件下强度和刚度 变化系数随着径向距离的变化规律。κ 的取值范围 从 0.01 到 0.05,反映了土体不同的回弹特性。可 以发现,随着 κ 的不断增加,孔周的土体强度和剪切 模量系数轻微增加,说明参数 κ 对孔周的土体强度 和剪切模量系数的影响很小。另外,在 3<r/a<4 的位置处,球孔扩张后土体的强度和剪切模量出现 软化现象。

图 12 和图 13 给出了不同泊松比v[']条件下强度 和刚度变化系数随着径向距离的变化规律。泊松比 v[']的取值范围从 0.15 到 0.49。可以看出,泊松比v['] 对孔周的土体强度和剪切模量系数的影响也很小, 随着泊松比v[']的增加,土体强度和剪切模量系数只 是略微减小。在 3 < r/a < 4 的位置处,球孔扩张后 土体的强度和剪切模量出现软化现象。



图 10 不同 κ条件下强度变化系数随着径向距离的变化

Fig. 10 Variation of strength coefficient with the

radial distance for different κ



图11 不同 κ条件下剪切模量变化系数随着径向距离的变化

Fig. 11 Variation of shear modulus coefficient with the

radial distance for different κ





radialdistance for different v'

图 14 给出了不同本构参数条件下挤密扰动区 半径大小的变化规律。可以看出,随着参数 M 从 0.5增加到 2,挤密扰动区的半径从 5 倍的球孔半径 减小到 4.2 倍的球孔半径。对于超固结比 R,当土 体属于正常固结土(R=1)或者轻微超固结土 (R<1.5)时,挤密区的半径随着超固结比的不断增 加,迅速减小;当超固结比 1.5<R<5时,超固结比 对挤密区的半径影响较小,挤密区的半径随着超固 结比的增加轻微减小。当超固结比大于 5 时,可以 发现,挤密区的半径近似等于球孔半径,说明对于重 度超固结土,球孔扩张产生的挤密区可以忽略不计。 此外,参数 λ 和 κ 的增加会导致挤密区不断减小。 对于泊松比 ν' ,可以看出,当泊松比 $\nu' < 0.4$ 时,随着 泊松比 ν' 的不断增加,挤密区轻微减小,当泊松比 $\nu' > 0.4$ 时,挤密区的半径急剧减小。



图13 不同 v[']条件下剪切模量变化系数随着径向距离的变化

Fig. 13 Variation of shear modulus coefficient with

the radial distance for different v'



Fig. 14 Variation of the radius of the compaction zone

with different parameters

5 结论

探讨了软黏土中载体桩桩端挤密效应,建立了 基于球孔扩张的载体桩桩端夯扩挤密力学模型,分 析了桩端挤密效应,可以得到如下的结论:

1)给出了载体桩桩端夯扩填料体积用量与球孔 扩张理论模型中球孔半径关系的闭合解析表达式。

2)利用相似变换技术求解球孔扩张偏微分控制 方程,获得了修正剑桥模型中球孔扩张力学响应的 数值解。

3)采用球孔扩张前后土体强度比和剪切模量比 两个物理力学指标来定量分析载体桩桩端夯扩挤密 后土体力学性质变化,获得了土体强度比和剪切模 量比随着土体参数的变化规律。采用塑性区半径来 分析挤密扰动区的大小,获得了挤密扰动区的大小 随着土体参数的变化关系。

4)提出了考虑载体桩桩端挤密效应的理论计算 方法,该方法可以较为准确地计算载体桩夯扩过程 中周围土体强度和剪切模量的变化以及挤密扰动区 的大小,可为建立考虑载体桩桩端挤密效应的承载 力计算方法提供理论基础。

参考文献:

[1] 王继忠. 载体桩技术的诞生与发展[J]. 建筑结构, 2008, 38(4): 118-119.

WANG J Z. Birth and development of carrier pile technology [J]. Building Structure, 2008, 38(4): 118-119. (in Chinese)

[2] 王建安, 张慧海, 陈琳, 等. 载体桩在陕南粉质黏土地 区的适用性研究[J]. 岩土工程技术, 2019, 33(2): 109-114.

WANG J A, ZHANG H H, CHEN L, et al. Study on bearing capacity of cast-in-place pile in silty clay area of southern Shaanxi Province [J]. Geotechnical Engineering Technique, 2019, 33 (2): 109-114. (in Chinese)

[3] 于长杰.载体桩对软土地基沉降量控制效果的试验分 析[J].四川建筑,2018,38(3):101-103.

YU C J. Experimental analysis of control effect of carrier pile on settlement of soft soil foundation [J]. Sichuan Architecture, 2018, 38 (3): 101-103. (in Chinese)

[4]周斌. 高速铁路载体桩复合地基沉降变形规律研究
 [D]. 成都:西南交通大学,2011.
 ZHOU B. Study on settlement regularity of pile with

bearing base composite foundation in high-speed railway[D]. Chengdu: Southwest Jiaotong University, 2011.

- [5]罗浩. 高速铁路载体桩复合地基沉降特性现场试验及 施工工艺研究[D]. 成都:西南交通大学,2010.
 LUO H. Filed research on settlement characters and construction technology of ram-compaction piles with composite bearing base in high-speed railway [D].
 Chengdu: Southwest Jiaotong University, 2010.
- [6]李建强,刘洪滨,张家尊,等. 载体桩复合地基性状数 值模拟研究[J]. 工业建筑, 2018, 48(6): 107-110. LIJQ, LIUHB, ZHANGJZ, et al. Research on the numerical simulation of the carrier pile composite foundation [J]. Industrial Construction, 2018, 48(6): 107-110. (in Chinese)
- [7]张培成,孙玉文,张殿树,等. 基于饱和软土地基大承载力载体桩试验研究[J].河北水利电力学院学报,2020(1):19-23.
 ZHANG P C, SUN Y W, ZHANG D S, et al. Experimental study on piles with ram-compacted bearing sphere for large saturated soft bearing capacity based on soil foundation [J]. Journal of Hebei

University of Water Resources and Electric Engineering, 2020(1): 19-23.

- [8]仇凯斌,介玉新,李广信,等.载体桩承载力性状有限 元分析[J].工程勘察,2009,37(Sup1):15-20.
 QIUKB, JIEYX, LIGX, et al. Finite element analysis of bearing capacity of carrier pile [J].
 Geotechnical Investigation & Surveying, 2009, 37 (Sup1):15-20.(in Chinese)
- [9]张续萱,魏殿兴. 锚定板挡土结构的实测土压力及其 分析研究[J]. 岩土工程学报, 1994, 16(2): 73-79. ZHANG X X, WEI D X. Measurement and analysis of earth pressure in anchor slab retaining structures [J]. Chinese Journal of Geotechnical Engineering, 1994, 16 (2): 73-79. (in Chinese)
- [10] ZHOU H, KONG G Q, LIU H L, et al. Similarity solution for cavity expansion in thermoplastic soil [J]. International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics, 2018, 42(2)274-294.
- [11] ZHOU H, KONG G Q, LIU H L. A semi-analytical solution for cylindrical cavity expansion in elastic-

perfectly plastic soil under biaxialin situ stress field [J]. Géotechnique, 2016, 66(7): 584-595.

- [12] ZHOU H, LIU H L, ZHA Y H, et al. A general semi-analytical solution for consolidation around an expanded cylindrical and spherical cavity in modified Cam Clay [J]. Computers and Geotechnics, 2017, 91: 71-81.
- [13] ZHOU H, LIU H L, KONG G Q, et al. Analytical solution of undrained cylindrical cavity expansion in saturated soil under anisotropic initial stress [J]. Computers and Geotechnics, 2014, 55: 232-239.
- [14] ZHOU H, KONG G Q, LI P, et al. Flat cavity expansion: theoretical model and application to the interpretation of the flat dilatometer test [J]. Journal of Engineering Mechanics, 2016, 142(1): 04015058.
- [15] YU H S. Cavity expansion methods in geomechanics[M]. Springer Science & Business Media, 2013.
- [16] CHEN S L, ABOUSLEIMAN Y N. Exact undrained elasto-plastic solution for cylindrical cavity expansion in

modified Cam Clay soil [J]. Geotechnique, 2012, 62 (5): 447-456.

- [17] CHEN S, ABOUSLEIMAN Y N. Exact drained solution for cylindrical cavity expansion in modified Cam Clay soil [J]. Geotechnique, 2013, 63 (6): 510-517.
- [18] LI L, LI J P, SUN D A. Anisotropically elasto-plastic solution to undrained cylindrical cavity expansion in K0consolidated clay [J]. Computers and Geotechnics, 2016, 73: 83-90.
- [19] COLLINS I F, STIMPSON J R. Similarity solutions for drained a undrained cavity expansions in soils [J]. Geotechnique, 1994, 44(1): 21-34.
- [20] WOOD D M. Soil behaviour and critical state soil mechanics [M]. Cambridge: Cambridge University Press, 1991.

(编辑 王秀玲)