文章编号:1000-582x(1999)06-0001-07

 $te^{t^2}$ CVT无级变速传动钢带的轴向偏移分析 99,22(6)TH132.46 大同、王红岩、孙冬野 TH132,32 (重庆大学 机械传动国家重点实验室、重庆 400044) [--] 摘 要。用数值求解的方法,定量计算了金属钢带式无级变速器CVT(Continu-

ously Variable Transmission)变速过程中,传动钢带的轴向偏移大小。比较了不同计 算方法的精度,提出了减少钢带轴向偏移的几种方法。 关键词:无级变速传动;金属带;带轮

CVT 无级变速器自 1987 年在日本富士重工 SUBARU JUSIY 汽车上首次装车成功以来, 世界上已有上百万辆的装车规模, CVT 金属钢带无级变速传动作为一种新型传动引起了传 动界的广泛关注。金属钢带的轴向偏移是 CVT 特定变速方式的必然结果, 早期的研究均忽 略了这一现象, 随着研究和应用的逐步深入, 人们发现:金属钢带的轴向偏移会导致带与带

轮的相互滑移和附加磨损,消耗额外能量,这将直接影响 CVT 传动的性能和传动效率。笔 者采用数值求解的方法求出了金属钢带的轴向偏移大小,提出了消除或减少钢带轴向偏移 的几种方法,结果可作为 CVT 传动设计、强度校核、变速控制的基础。

1 钢带轴向偏移现象

1.1 变速原理

如图所示,金属钢带 CVT 的核心由金属带轮和钢带组成,主动带轮、从动带轮各由一轴 向固定的锥轮和可轴向移动的锥轮构成,两锥轮相向布置,形成一 V 型工作面。金属钢带 由约 300 片,每片厚 2.2 mm,宽 24 mm、正面为 V 型的金属片,以及两匝 10 层(不同的传递扭 矩要求可以配备不同的钢环层数)厚 0.18 mm 的钢环组成。当主动带轮轴向夹紧力增加、锥 轮间距 Δ1 威小,因带轮的 V 型楔面作用,钢带沿带轮径向向外滑移,作用半径增大。在变 速过程中,由于钢带长度一定,从动轮的作用半径因此减小,锥轮间距 Δ2 增大、CVT 传动比 减小。当主动带轮轴向夹紧力减小,则有相反的作用过程,导致 CVT 传动比增加。

金属钢带 CVT 传动正是通过调整主从动轮的轴向夹紧力,调整主从动锥轮间距的大小,无级地改变了传动比。

• 收稿日期:1998-11-16

基金项目:国家自然科学基金重点资助项目(59835160)

作者简介:杨亚联(1972-),男、贵州思南人。重庆大学讲师,博士生、主要从事机械传动领域研究工作。



图1 金属钢带 CVT 无级传动结构及变速原理

#### 1.2 轴向偏移现象

CVT 无级变速传动钢带的轴向偏移现象是现有 CVT 变速方式的必然结果。当主从动 轮均采用两可动锥轮对称地同轴相对或相背移动的变速方式,则不存在钢带的轴向偏移现 象。考虑到变速机构的简易和可操纵性。现有的 CVT 采用了单一可动带轮的变速方式,如 图 2 所示,主从动带轮各有一可动锥轮和固定锥轮,两固定锥轮相对布置,两相对的可动锥 轮同向移动,当主动端可动锥轮轴向移动 2 C<sub>p</sub>,从动端可动锥轮同向轴向移动 2 C<sub>s</sub> 时、钢带 中心线主、从动端分别同向移动 C<sub>p</sub> 和 C<sub>s</sub>, C<sub>p</sub> 与 C<sub>s</sub> 并不总相等因此产生了带的偏移。

金属钢带的轴向偏移会导致带与带轮的附加磨损,消耗额外能量,这将直接影响 CVT 传动的性能和传动效率,因此有必要对 CVT 无级变速传动钢带的轴向偏移进行深入研究。

2 轴向偏移的解析

#### 2.1 基本几何关系

基本几何关系的推导基于如下的假设:

1)由于钢带的弹性模量较大,因此忽略钢带受力后的弹性伸长,假设钢带在变速的过程中几何长度保持恒定不变。

2)忽略金属片及带轮的变形对几何关系的影响,假设钢带与带轮的作用弧段是理想的圆弧。所用的符号说明如下;

r<sub>p</sub> == 主动轮半径; r<sub>pn</sub> == 对中时主动轮半径; C<sub>p</sub> == 主动轮端带中心线的移动;
 r<sub>s</sub> == 从动轮半径; r<sub>pn</sub> == 对中时从动轮半径; C<sub>p</sub> == 从动轮端带中心线的移动; α ==
 图 2 中定义的角度; θ == 图 2 中定义的带轮锥角; C == 钢带中心线的偏移 DE(图 2);
 β<sub>p</sub> == 主动轮包角; α == 两带轮的中心距 O<sub>1</sub> O<sub>2</sub>; L == 带的长度; β<sub>p</sub> === 从动轮包角。
 由图 2(a),有如下的关系;

$$L = r_{\rho}\beta_{\rho} + r_{r}\beta_{r} + 2\sqrt{(a\cos\alpha)^{2} + c^{2}}$$

$$\beta_{\rho} = \pi - 2\alpha$$

$$\beta_{s} = \pi + 2\alpha$$

$$\sin\alpha = \frac{(r_{s} - r_{\rho})}{a}$$

$$i = r/r_{r}$$
(1)

在图 2(b) 中,主从动轮的固定锥轮相对布置,当主动轮半径为 r<sub>m</sub>,从动轮半径为 r<sub>m</sub> 时,钢带的偏移为零。在变速的过程中,带的中心线端点分别在平行于相应固定锥轮母线,与



图 2 金属钢带 (VT 传动传动带偏移计算简图

55.060 mm( $i_m = 1$ ),则计算结果如图 3 所示。

母线轴向距离为 1/2 钢片宽的  $P_1 P_2$  和 S, S, 线上滑动。因此有如下关系成立:

$$C_{p} = (r_{pm} - r_{p})\tan\theta$$

$$C_{s} = (r_{sm} - r_{s})\tan\theta$$

$$C = C_{p} + C_{s}$$
(2)

联立公式(1)、(2),可得到  $L = f(i, a, r_{\theta})$ 的非线性方程,当已知带长 L,中心距 a,钢带无偏移时主从动带轮 的半径  $r_{pn}$ 、 $r_{m}$ 时,用数值解析的方法便 可求出一定速比条件下主从动带轮的半 径、包角、带中心线的移动量及带的偏移 大小。参照荷兰 VDT 公司带轮的工程 图, L = 655.942 mm, a = 155.000 mm, i= 0.455 ~ 2.600,  $\theta = 11^{\circ}$ .若  $r_{pn} = r_{e} =$ 



#### 图 3 CVT 传动参数基本计算结果

图 3 中,箭头 1 所指的曲线代表主动轮参数,箭头 2 所指的曲线代表从动轮参数,由图 3(a)看出,主从动轮尺寸并不一致,这是由于 CVT 传动的增、减速比不互为倒数造成的,主动轮的最小半径比从动轮小,这与从动轴传递较大的扭矩要求是一致的。主动轮的外径比动轮的外径小,选择增、减速比不互倒数的传动比,可有效地减小结构尺寸。由图 3(c),主从动轮端带中心线的移动并不一致,造成带的轴向偏移,偏移量约为 0.9 mm.

يستاه السريرية متتصفي المالية ال

## 2.2 计算方法的比较

4

文献[1]、[3] 曾对带的轴向偏移进行了推导,并借用了橡胶带带长的近似计算公式,从 工程应用的角度,推出了一个表述较简单的公式。

在式(1)带长公式中,忽略带的轴向偏移 C,将第三项 cosa展开并略去高阶项,有带长 公式:

$$L \approx 2a + \pi (r_p + r_s) + \frac{(r_p - r_s)^2}{a}$$
(3)

当传动比为 i = 1 时, 主动轮的作用半径相等为 r<sub>0</sub>, 以下等式成立:

$$\mathbf{L} = 2\,a + 2\pi\,r_0\tag{4}$$

将式(3)带人(4)式有:

$$r_0 = \frac{(r_p - r_s)}{2} + \frac{(r_p - r_s)^2}{2\pi a}$$
(5)

当初始带无偏移时,速比  $i_m = 1$ ,即  $r_m = r_i = r_0$ 时有:

$$C_{p} = (r_{0} - r_{p})\tan\theta = \frac{r_{s} - r_{p}}{2}\tan\theta + \frac{(r_{p} - r_{s})^{2}}{2\pi\alpha}\tan\theta$$

$$C_{s} = (r_{0} - r_{s})\tan\theta = -\frac{r_{s} - r_{p}}{2}\tan\theta + \frac{(r_{p} - r_{s})^{2}}{2\pi\alpha}\tan\theta$$

$$C = C_{p} + C_{s} = \frac{(r_{p} - r_{s})^{2}}{\pi\alpha}\tan\theta \approx \frac{4r_{0}^{2}(i-1)^{2}}{\pi\alpha(i+1)^{2}}\tan\theta$$
(6)

公式(6) 所得的计算结果与2.1 的结果比较见图4.

图中 a 为文献 [1]、[3] 的计算结果, b 为本文的 结果, 计算表明, 文献 [1]、[3] 的近似计算结果在 *i* = 0.700~1.400 时成立, 误差在1.00% 以内, 当传动比 *i* = 0.445 时, 两者相对误差 5、90%, 当传动比 *i* = 2.600 时, 两者相对误差达 7.93%.

3 轴向偏移的减小

#### 3.1 曲母线带轮

CVT 钢带的轴向偏移可采用曲母线带轮的方法加

以矫正,如图 5 所示,带轮特有的曲母线使钢片向固定带轮端移动  $d_{e}$ ,可动带轮也向左移动  $2d_{e}$ ,钢带的中心线向左移动  $d_{e}$ ,钢带的偏移被补偿了  $d_{e}$ ,以下就  $i_{m} = 1$ 时,三种不同曲母线的性能进行分析。

3、1.1 本文曲母线带轮

为了消除带的轴向偏移 C,采用曲母线带轮的方法,主从动轮各矫正 C/2,如图5建立坐



#### 图 4 偏移计算方法的比较

标系、设坐标原点在 r<sub>m</sub>、r<sub>m</sub> 处,设带轮母线的坐标为(x, y),由 2.1 可推得:

主动轮:

$$\begin{aligned} x_{\mathbf{q}} &= C_{\mathbf{p}} - \frac{C}{2} \\ y_{\mathbf{q}} &= r_{\mathbf{p}} - r_{\mathbf{hm}} \end{aligned}$$
 (7)

从动轮;

$$\begin{array}{l} x_{1} = C_{1} - \frac{C}{2} \\ y_{1} = r_{1} - r_{m} \end{array}$$

$$(8)$$

由图 5 知,主从动固定带轮母线的横坐标 x<sub>5</sub>、x,与主从动轮端钢片、钢片中心线的偏移 量相等,结合公式(2)、采用该曲母线带轮后钢带的轴向偏移为:

$$C_1 = x_{p_1} + x_{p_2} = C_p - \frac{C}{2} + C_s - \frac{C}{2} = 0$$
 (9)

3.1.2 Hendriks 曲母线带轮

从公式(6)可以看出,主从动端钢带中心线的轴向偏移由同向移动的 $(r_{1} - r_{2})$ tan $\theta/2$ 项和反向移动的 $(r_{2} - r_{3})^{2}$ tan $\theta/(2\pi a)$ 项组成,正是由于该反向移动项造成了钢带的轴向偏移,因而可采用曲母线来补偿带的偏移,由此可设:

主动轮;

$$r_{p_{2}} = \frac{r_{z} - r_{p}}{2} \tan \theta = \frac{(r_{z} - r_{m}) - (r_{p} - r_{p_{m}})}{2} \tan \theta = \frac{\Delta r_{z} - \Delta r_{p}}{2} \tan \theta$$

$$y_{b_{1}} = r_{p} - r_{p_{m}}$$

$$(10)$$

从动轮;

$$x_{t_2} = -\frac{r_i - r_p}{2} \tan \theta$$

$$y_{t_2} = r_i - r_m$$
(11)

将(10)式带人(5)式得:

$$\Delta r_{s} = \Delta r_{p} - \frac{\pi a}{2} + \sqrt{\left(\frac{\pi a}{2}\right)^{2} - 2\pi a y_{h_{2}}}$$
(12)

将(12)式带入(10)式得:

$$\mathbf{x}_{\mathbf{h}_{2}} = -\mathbf{x}_{\mathbf{h}_{2}} = \left(\sqrt{1 - \frac{8\,\mathbf{y}_{\mathbf{h}_{2}}}{\pi\,a}} - 1\right)\frac{\pi\,a}{4}\tan\theta \tag{13}$$

该曲母线带轮上钢带的轴向偏移为:

$$C_2(i) = x_{p_2}(i) + x_{p_2}(i) = 0$$
(14)

3.1.3 圆弧母线带轮

如图5所示,圆弧母线通过主动带轮上三点(A, B, Op)及相应从动带轮上(F, E, Os)三

点时,带的偏移为零。若通过主动轮上(A, B, O<sub>p</sub>)三点的圆弧圆心为( $X_{r_1}, Y_{r_2}$ ),则有:

主动轮;

$$\left\{ \begin{array}{l} (x_{b_{i}} - x_{i_{j}})^{2} + (y_{b_{i}} - y_{i_{j}})^{2} = R_{i}^{2} \\ x_{c_{i}} = \frac{(x_{a}^{2} + y_{a}^{2})y_{b} - y_{a}(x_{b}^{2} + y_{b}^{2})}{2(x_{a}y_{b} - x_{b}y_{a})} \\ y_{c_{j}} = \frac{(x_{a}^{2} + y_{a}^{2})x_{b} - x_{a}(x_{b}^{2} + y_{b}^{2})}{2(x_{b}y_{a} - x_{a}y_{b})} \\ R_{i} = \sqrt{x_{c_{i}}^{2} + y_{i_{j}}^{2}} \end{array} \right\}$$

$$(15)$$

从动轮;

$$\left\{ \begin{array}{l} (x_{s_{3}} - x_{s_{2}})^{2} + (y_{s_{3}} - y_{s_{2}})^{2} = R_{2}^{2} \\ x_{s_{2}} = \frac{(x_{e}^{2} + y_{e}^{2})y_{f} - y_{e}(x_{f}^{2} + y_{f}^{2})}{2(x_{e}y_{f} - x_{f}y_{e})} \\ y_{s_{2}} = \frac{(x_{e}^{2} + y_{e}^{2})x_{f} - x_{e}(x_{f}^{2} + y_{f}^{2})}{2(x_{f}y_{e} - x_{e}y_{f})} \\ R_{2} = \sqrt{x_{s_{2}}^{2} + y_{s_{2}}^{2}} \end{array}$$
(16)

带的偏移为:

$$C_{3}(i) = x_{\beta_{3}}(i) + x_{\beta_{3}}(i)$$
(17)

参照3.1.1带人 A、Q<sub>e</sub>、B、E、Q<sub>s</sub>、F点的坐标,即可求出带的偏移。三种曲母线带轮钢带的偏移如图 6 所示。



图 5 曲面带轮原理

由图 6 可知,采用本文曲母线带轮和 Hendriks 曲母线带轮(曲线 1,2)都能起到完全补偿带偏移的 作用, 圆弧曲母线带轮(曲线 3)也有很好的减偏效 果, 其带的最大轴向偏移仅为 0.001 5 nm.

#### 3.2 改变无偏移时的速比

曲母线带轮有很好的减偏效果,但加工较困难, 实际使用中常采用直母线带轮。汽车行驶过程中,挂 高挡居多,对应于 CVT 的速比范围为 0.445 ~ 0.



图 6 不同方法的减偏效果



600.若以减少在该速比范围内带的偏移为设计目标,调整带轮轴向位置,使;;;;0.55时,钢 带的偏移为零,计算结果如图 7 所示。可见在常用的速比范围内,钢带的偏移减小,与图 + 比 较,曲线整体下移,偏移量减小,最大的钢带偏移量已减小为原来的一半左右。

4 结论

1) 文献[1]、[2] 表述的带偏移表达式仅适用于传动比 *i* = 0.70 ~ 1.4 的范围, 超出此范 围时与本文给出的精确算法相比有 5% ~ 7% 的计算误差。

2)曲母线带轮能有效地补偿带的轴向偏移,圆弧曲母线带轮虽不能完全补偿偏移,但 由于曲母线简单,补偿精度足够,因而具有实用价值。

3) 采用调整带的轴向位置的方法,可使 CVT 传动在常用的速比带的偏移为零,在非常 用的速比范围,最大的轴向偏移可减小一半。

### 参考文献

- EMERY HENDRIKS. Aspects of a Metal Pushing V-Belt for Automotive Car Application [J]. SAE Paper, 1988, 881734; 4.1311~4.1321.
- [2] SUN D C. Performance Analysis of a Variable Speed-Ratio Metal V-Belt Drive[J]. Transaction of the ASME, 1988, 110:472~481.
- [3] 王红岩,金属带式无级变速器装置带轮工作面形状与带轴向偏离的分析[J].吉林工业大学学报、 1997,27(4):16~21.

# Analysis of Misalignment of Metal Pushing V-Belt of Continuously Variable Transmission

YANG Ya-lian, QIN Da-tong, WANG Hong-yun, SUN Dong-ye (State Key Laboratory of Mechanical Transmission, Chongging University, Chongging 400044, China)

**ABSTRACT**: With numerical calculation method, misalignment magnitude of CVT Metal V-Belt has been calculated when CVT is shifting. Accuracy of different calculation methods have been compared. Moreover, some way to resolve V-Belt misalignment are also presented.

KEYWORDS: continuously variable transmission; metal V-belt; pulley

(責任編辑 崔小强)

----