弗 36 卷弟 12 朔 2013 年 12 月

doi:10.11835/j.issn.1000-582X.2013.12.006

# 低压配电系统中非线性负荷谐波诺顿模型成立条件

## 雍 静,王一平

(重庆大学 输配电装备及系统安全与新技术国家重点实验室,重庆 400044)

摘 要:低压配电系统中非线性负荷的实验研究表明,电压波形的波峰系数(crest factor)是影响非线性负荷谐波 Norton 模型成立的关键因素,并通过大量的实测数据进行了验证;提出在电压 波形呈现平坦特征的低压配电系统中,非线性负荷能用 Norton 模型进行简化表示。通过实验与仿 真分析结果还表明,选择不同的基准电压,通过波动量法计算得到的 Norton 模型参数的均值也会 存在差异,这种差异对谐波潮流分析并没有影响,但却影响评估负荷谐波贡献水平的准确性及可 信度。

关键词:配电系统;非线性负荷;诺顿模型;波动量法;谐波责任 中图分类号:TM727 文献标志码:A 文章编号:1000-582X(2013)12-036-07

# The harmonic Norton model established conditions of nonlinear load in low voltage distribution system

#### YONG Jing, WANG Yiping

(State Key Laboratory of Power Transmission Equipment & System Security and New Technology, Chongqing University, Chongqing 400044, China)

Abstract: According to the experiments which concern about nonlinear loads in low voltage distribution systems, the voltage crest factor has a crucial effect on the establishment of nonlinear load harmonic Norton model, and it is verified by a large number of measured data. In the low voltage system that voltage waveform presents a flat characteristic, the nonlinear load can be simplified by the Norton model. Experimental and simulation results also show that different reference voltages can lead to different mean values of Norton model parameter which is obtained by fluctuation quantity method. The differences don't have any effect on harmonic load flow analysis, but it affects the accuracy and credibility of the assessment load harmonic contribution level.

Key words: distribution system; nonlinear loads; Norton model; fluctuation quantity method; harmonic responsibility

在低压配电系统中多采用分散的小功率用电设备,如紧凑型荧光灯(compact fluorescent lamp,CFL)、 液晶显示器(liquid crystal display,LCD)、计算机、笔记 本电脑、液晶电视、电子整流荧光灯、变频空调、洗衣 机、冰箱等。这些设备广泛而随机地分布在低压配电 系统中,构成了典型的分布式谐波源。虽然单个设备 的功率小,但其电流畸变率大,有些甚至超过 100%, 大量此类非线性负荷产生的谐波电流注入到系统,将 引起严重的电压畸变,不利于系统的稳定和经济运 行,同时降低了设备的工作效率和使用寿命。为了对 系统中的谐波进行有效的分析、评估和治理,需要有 合理的模型来表征此类谐波源的特性,以便进行谐波 水平评估和谐波潮流分析。

近年来,许多学者展开了该类谐波源模型的研究

收稿日期:2013-09-16

基金项目:国家自然科学基金资助项目(51077138);中央高校直管项目(CDJZR10150009)

作者简介:雍静(1964-),女,重庆大学教授,博士生导师,主要从事电能质量研究,(E-mail)yongjingcq@163.com。

并取得大量的成果<sup>[1-12]</sup>。其中恒流源模型是最简单也 是使用最广泛的谐波源模型<sup>[1-2]</sup>,但该模型并不能准 确反映谐波电压与谐波电流之间的耦合关系以及由 此产生的谐波衰减效应和谐波分散效应<sup>[3-4]</sup>。

文献[5-7]提出了谐波耦合导纳矩阵模型,其模型精确,能很好地反映负荷的谐波电流特性,并能体现输入端电压与负载谐波电流之间的交互作用及电压畸变引起的电流衰减效应。但该模型需要对谐波耦合导纳矩阵中的元素进行迭代求取,不仅计算量大,且要求已知负载内部的电路参数。此外,还有基于传递矩阵的谐波源模型<sup>[8]</sup>及基于最小二乘逼近的谐波源模型<sup>[9]</sup>等。这些模型都因为存在参数求取困难的问题,其应用受到一定程度的限制。

在低压配电系统中,谐波源负荷存在数量大、 分散性强的特点,迫切需要能反映其主要特征的简 单模型进行表述。有学者提出了一种简单的谐波 模型——谐波 Norton 模型<sup>[10-12]</sup>,它的优势在于不 需要已知负荷的电路参数,通过波动量法<sup>[13]</sup>即可 获取模型参数。谐波 Norton 模型结构简单,不仅 可以很方便地用于谐波潮流分析,还可以用于谐波 源识别<sup>[14-16]</sup>,即通过在公共耦合点(point of common coupling,PCC)处将负荷等效成一个谐波 电流源与一个谐波阻抗相并联的 Norton 模型,依 据测量参数得到的 Norton 模型进行谐波源对 PCC 处谐波贡献的评估。

严格意义上讲,采用波动量法获得 Norton 模型 的方法仅对线性负荷(恒阻抗和恒功率负荷)和理想 电流源(恒流源负荷)适用,对于含有大量分布式谐 波源的低压系统,能否以 Norton 模型表述其集中谐 波特性还有待研究。在文献「17]中,作者通过实验 阐述了低压系统中单相非线性负荷使用 Norton 模 型会出现参数不稳定的情况,对低压系统负荷能否 用 Norton 模型进行等效提出了质疑,但未做更深入 的分析研究,未给出不同电压条件下,Norton 模型 参数不稳定的原因,也未提供模型成立的适应条件 及适应范围。在文献[18-19]中,作者采用"干预式" 法(电容投切的方法)不仅能获得系统侧的 Norton 模型参数,而且能获取负荷侧的 Norton 模型参数, 并将获得的参数进行谐波贡献的评估。但是负荷侧 参数相对于系统侧参数而言,更具分散性,利用分散 性的负荷侧参数进行谐波贡献水平的评估,其可靠 性及准确性都是个值得研究的问题。

主要利用实验和仿真结果,分析和研究了低压 配电系统中的单相非线性负荷用 Norton 模型简化 表示的可行性及其成立条件,以及不同运行条件或 方法获得的 Norton 模型的一致性及其对模型应用 产生的影响。

## 1 负荷 Norton 模型

负荷侧的 Norton 模型是将负荷的某次谐波电 流特性通过并联的等效阻抗和电流源来体现,如图 1 所示。



#### 图 1 负荷侧的诺顿模型和系统侧的戴维南等效电路

对于阻抗和电流源均恒定的电路来说,可以通 过波动量法获得 h 次谐波的模型参数,即通过测量 变化的 2 次谐波电压( $V_h^{(1)}$ 、 $V_h^{(2)}$ )与其对应的谐波电 流( $I_h^{(1)}$ 、 $I_h^{(2)}$ )的计算获取,其表达式为

$$Z_{\rm ch} = \frac{V_{\rm h}^{(2)} - V_{\rm h}^{(1)}}{I_{\rm h}^{(2)} - I_{\rm h}^{(1)}},\tag{1}$$

$$I_{\rm ch} = I_{\rm h}^{(1)} - \frac{V_{\rm h}^{(1)}}{Z_{\rm ch}} = I_{\rm h}^{(2)} - \frac{V_{\rm h}^{(2)}}{Z_{\rm ch}},$$
 (2)

式中:V<sup>(1)</sup>和 I<sup>(1)</sup>表示前一次测量值;V<sup>(2)</sup>和 I<sup>(2)</sup>表示后一次测量值;I<sub>ch</sub>与 Z<sub>ch</sub>分别表示谐波电流源 与谐波阻抗。需特别注意的是:2 次测量中基波电 压的相角必须保持一致(实际测量中基波电压相角 很难保持一致,通常将基波电压相角变为 0°,将其他 次谐波相位相对于基波相角进行转化),并且 2 次谐 波电压的变化不能太小,否则与之对应的 2 次谐波 电流的变化也将很小,导致式(1)中存在减法误差, 从而导致计算的参数不精确<sup>[17]</sup>。

若选择标准余弦电压作为波动量法中变化前的 电压,由于不含谐波,即 $V_{h}^{(1)}=0$ ,式(1)~(2)可简 化为

$$I_{\rm ch} = I_{\rm h}^{(1)}$$
, (3)

$$Z_{\rm ch} = \frac{V_{\rm h}^{(2)}}{I_{\rm h}^{(2)} - I_{\rm ch}} \,. \tag{4}$$

因此,若选择标准余弦电压作为波动量法中变化前的电压,模型参数 *I*<sub>ch</sub>是恒定不变的,若其值发生较大偏差,显然是由式(1)中减法误差所致。

为计算负荷侧的 Norton 模型参数,需要系统提供2种不同的运行条件,不同的运行条件格直接体现了 PCC 处各次谐波电压的变化。运行条件的改变可以通过多种方式,比如投切电容器、并联运行一

台变压器、并联阻抗或其他一些方法,从而导致供电 系统的谐波阻抗发生显著变化<sup>[11]</sup>,最终体现在 PCC 处谐波电压的变化上。实现这些方法通常会对系统 带来一定的干扰,影响系统的正常运行,这些方法被 称为"干预式"法。"非干预式"法则利用系统自身的 谐波源以及可观测参数等实现 PCC 处谐波电压的 变化。无论采用"干预式"法还是"非干预式"法,最 终都将导致 PCC 处的电压及电压引起电流发生波 动,波动量法正是利用 PCC 处电压和电流的波动 量,获取负荷的 Norton 模型参数。对于低压系统中 单相非线性负荷而言,谐波电流的波动量与谐波电 压的波动量并不呈现线性关系,模型参数依赖于波 动量,这使 Norton 模型的准确性存在争议<sup>[17]</sup>。

### 2 低压配电系统电压特征分析

实验室实测的电压波形与对应标准余弦波的波 形示意图如图 2 所示。





从图 2 中不难看出:实测的电压波形的顶部呈现出平坦特征。这种顶部平坦波形将导致接入系统中的负荷发生谐波衰减效应<sup>[20]</sup>。为了描述低压系统电压波形的顶部特征,引用波峰系数(crest factor,CF)来表征

$$CF = \frac{V_{\text{max}}}{V_{\text{rms}}},$$
 (5)

式中:CF为电压波峰系数; $V_{max}$ 为输入电压的峰值;  $V_{ms}$ 为输入电压的有效值。因此,标准余弦电压的 波峰系数为 $\sqrt{2}$ ,当 CF $<\sqrt{2}$ 时为平坦波,反之则为尖 顶波。

为了进一步验证低压配电系统电压表现为平坦 波波形,在低压系统某负荷(CFL和LCD)的接入点处 采集多组数据(中午12:00到第二天中午12:00, 每次测量间隔为1min,共获得1440组数据),得到 CF和电压总谐波畸变率(total harmonic voltage distortion,VTHD)的变化趋势如图3所示,CFL和 LCD3次谐波电流幅值的变化趋势如图4所示。从 图 3 中不难看出, VTHD 的变化较大, 但 CF 均小于 √2, 即所测量的 1 440 组电压均为平坦波波形。



由于实际低压配电系统中电压表现为平坦波波 形,非线性负荷的谐波电流将随电压的平坦特征而发 生衰减效应<sup>[20]</sup>。CFL和LCD在某一标准余弦电压 (基波电压幅值为227V)下的3次谐波电流幅值分别 为0.056A和0.126A,图4中CFL和LCD的3次谐 波电流最大值分别为0.52A和0.112A,均小于标准 余弦电压下的电流值,存在明显的衰减效应(标准余

38

弦电压由"可编程交流电源供应器"提供,文中除实测 电压外,其他电压波形由此电源供应器产生,实验平 台见下一节)。对于 5、7 次等谐波电流,可得到类似 的结论。需特别注意的是,标准余弦电压基波电压幅 值选为 227 V是因为实测的 1 440 组数据中,最小的 基波电压幅值为 227 V,当选择大于 227 V的基波电 压幅值时,所体现的衰减效应将更明显。

表1为CFL分别在2%和5%VTHD条件下,平 坦波、尖顶波与标准余弦波(所有基波电压幅值均为 220 V)的3、5次谐波电流数据(笔者还对LCD、台式 计算机、笔记本电脑等非线性负荷进行过实验,其电 流特性与CFL类似)。

电压波形	CF	3次谐波	5次谐波	
		幅值/A	幅值/A	
2%平坦波	1.403 5	0.050 3	0.027 1	
5%平坦波	1.395 0	0.047 0	0.015 9	
标准余弦波	1.416 6	0.051 5	0.032 9	
2%尖顶波	1.455 8	0.056 1	0.037 2	
5%尖顶波	1.501 6	0.058 2	0.042 6	

表1 CFL 3、5 次谐波电流幅值

结合上述实测结果及表 1 中数据可知:电压波峰 系数 CF 是影响低压配电系统单相非线性负荷谐波电 流的关键因素,主要体现在电流的波动大小及波动趋 势上,其最终将对 Norton 模型参数的变化产生影响。

# 3 "非干预式"法获取负荷的 Norton 模型

低压配电系统中,对于某一给定负荷,由于短时 间内系统谐波阻抗及谐波源较为稳定,在负荷接入点 处要获得显著地电压和电流的波动量是非常困难的, 需要长时间的测量。为获取负荷的 Norton 模型参 数,必须先得到负荷接入点处电压和电流的波动量, 通过 2 种方式来实现电压的波动:采用"可编程交流 电源供应器"作为电源,产生需要的各次谐波电压幅 值和相角;利用负荷接入点处各次谐波电压的自然变 化。这 2 种方式均为"非干预式"法,对系统不存在干 扰因素。

#### 3.1 电源供应器作为电源的 Norton 模型参数

文中实验采用的"可编程交流电源供应器"为台 湾致茂公司生产,其能产生1~50次谐波电压及它们 之间的任意组合,各次谐波电压的幅值和相角都可以 通过编程控制,误差在 3%以内。采用此设备进行实验的示意图如图 5 所示,采用 NI-DAQ 设备采集电压和电流,各次谐波电压和电流由 FFT 分析得到。



图 5 实验示意图

由上述电源供应器产生不同的电压波形(不同的 CF及 VTHD),计算得到 LCD 的 3 次谐波 Norton 模 型参数如表 2 所示,对于 5、7 次等谐波及其他非线性 负荷,结论基本一致,在此不再赘述。

表 2 LCD 3 次谐波 Norton 模型

电压波形		$Z_{c^3}$		$I_{c3}$	
变化前	变化后	幅值/ Ω	相角/ (°)	幅值/ A	相角/ (°)
标准余弦波	2%平坦波	108	-39	0.123 0	12
标准余弦波	5%平坦波	84	-28	0.122 3	12
标准余弦波	2%尖顶波	247	-91	0.124 2	12
标准余弦波	5%尖顶波	486	-51	0.123 9	12
2%平坦波	5%平坦波	74	-24	0.136 1	16
2%尖顶波	5%尖顶波	492	-2	0.110 4	16
5%平坦波	5%尖顶波	145	-32	0.1077	-10

从表 2 中不难看出, Norton 模型参数变化非常 大,特别是模型等值阻抗 Z<sub>ch</sub>。显然,此类单相非线性 负荷的 Norton 模型并不成立,其结论与文献[17]中 的结论保持一致。由于实际低压系统电压呈现平坦 波形,忽略表 2 中含尖顶波的电压波形数据(表 2 中 加粗的数据),其参数变化将大大减小。这在一定程 度上说明,电压波峰系数 CF 对此类单相非线性负荷 Norton 模型的成立起到了非常关键的影响。

#### 3.2 实测条件下的 Norton 模型参数

为进一步说明实际低压配电系统中,负荷 Norton 模型参数的变化情况,分别选择两种不同的基准电压 (变化前的电压条件)进行阐述。

3.2.1 以标准余弦电压作为基准电压

当选择标准余弦电压作为变化前的电压条件,以 上一节实测到的1440组电压作为变化后的电压条 40

件,通过式(1)~(2)计算得到 LCD 的 Norton 模型参数如图 6 所示。



# 图 6 LCD3 次谐波 Norton 模型参数及 3 次谐波电压的变化趋势

从图中不难看出:模型参数的变化是较小的,其 保持着良好的一致性。理论上,选择标准余弦电压作 为波动量法中变化前的电压,计算出的模型参数 *I*<sub>ch</sub> 应恒定不变,如式(3)所示,考虑电源供应器及测量的 误差,其值也应保持基本不变,但实线框内的数据发 生了较大的变化,可判断是由于减法误差导致的。且 实线框内的数据,也不满足文献[17]给出的 2 次电压 的变化至少不低于 1%的条件。对于 5、7 次等谐波, 其结论与 3 次谐波基本一致。对于 CFL、笔记本电脑 等非线性负荷,其模型参数变化都较小。

3.2.2 以负荷低谷时实测到的电压作为基准电压

从图 6(b)中可以看出,实际低压配电系统中,负 荷接入点处的谐波电压是不断变化的。一般而言,系 统谐波电压总会存在一些比较小的值(负荷低谷时), 比如图 6(b)中第 700 个和第 1 160 个测量值。分别 选择这两个值作为变化前的电压条件,将图 6(b)中虚 线框内对应的测量值(共 700 个点)作为变化后的电 压条件,通过式(1)~(2)分别计算得到 LCD 的 Norton 模型参数如图 7 所示。为了便于图形绘制,图 中谐波电流放大了 100 倍。

比较图 7(a)和图 7(b)不难看出:模型参数的变



化是较小的,其保持着良好的一致性;但选择不同的 基准电压,其模型参数会存在稍许差异。对于其他次 谐波及非线性负荷,结论基本一致。

通过上述大量的实验说明:由于实际低压配电系统中电压呈现平坦波波形,其对负荷 Norton 模型的成立产生了有利条件,在某一基准电压条件下,模型参数的变化都较小;因此,在实际低压配电系统中,此类非线性负荷可以用 Norton 模型简化表示。

# 4 "干预式"法获取负荷的 Norton 模型

低压配电系统中非线性负荷不同于大功率的工 业负荷,单个或多个负荷的投切并不会影响系统谐 波电压的显著变化,而这些小功率负荷的投切又具 有随机性,在短时间内,为获取某一负荷或用户的 Norton 模型参数,很难通过"非干预式"法实现。往 往需要借助于"干预式"法,其中最简单且容易实现 的手段莫过于投切电容器<sup>[18-19]</sup>。图 8 为电容投切的 示意图。



图 8 电容器在 PCC 处投切

系统侧阻抗 Z。由所在处的短路容量决定,其值 很小,为毫安级。对于单独一个非线性负荷或用户, 在电容未投入时,其在 Z。上的电压降非常小,可以 忽略不计。因此,电容投切前,可将系统侧等效电压 源 V。用 PCC 处测量到的电压 V<sub>pre</sub>表示;电容投切 后,PCC 处的电压 V<sub>post</sub>几乎由图 8 中实框内的 RLC 串联电路决定。

分别取负荷高峰和低谷时实测到的 2 组电压 (负荷高峰:CF=1.383 2、VTHD=3.18%;负荷低 谷:CF=1.403 2、VTHD=1.28%)及标准余弦电 压作为系统侧的电压源,负荷用 CFL 等效电路(图 8 中虚线框内所示整流电路)表示,按图 8 所示在 Simulink 中建立仿真电路图,图中各元件参数: $Z_s$ = 0.03 Ω、 $C_{os}$ =0.2; $C_{ap}$ =3 000 uF;C=3.55 uF;R= 5 154 Ω。通过仿真计算获得 CFL 的 3 次谐波 Norton 模型参数如表 3 所示(表 3 中粗体的数据即 为"干预式"法下的模型参数)。表 3 中"电容投入" 表示负荷高峰时,投入电容后的电压(CF=1.366 8、 VTHD=5.13%)。

表 3 CFL 3 次谐波 Norton 模型

电压波形		$Z_{c3}$		$I_{c3}$	
变化前	变化后	幅值/ Ω	相角/ (°)	幅值/ A	相角/ (°)
标准余弦	负荷高峰	508	-82	0.057	85
负荷低谷	负荷高峰	547	-62	0.057	80
电容投入	负荷高峰	359	43	0.046	57

从表 3 中不难看出,"干预式"法与"非干预式" 法获取的 Norton 模型参数会存在一定的差异。

#### 5 分析与讨论

在实际低压配电系统中,由于系统电压呈现出 平坦特征,因此无论采用"干预式"法或"非干预式" 法引起负荷接入点处电压发生显著地波动,波动量 法表达式中变化前(或变化后)的谐波电压和谐波电 流将体现平坦波电压条件下的谐波特性,比如负荷 谐波电流发生衰减效应<sup>[3-4,20]</sup>。电压所表现出的平 坦特征及此类非线性负荷在这种电压下产生的衰减 效应对 Norton 模型的成立是非常有利的,表 2 中的 数据也直观地说明了这点。同时通过大量的实验也 说明,在实际低压配电系统中,此类非线性负荷用 Norton 模型简化表示是可行的。

但针对同样的实测数据,选择不同基准电压,其 模型参数的均值(集中点)会出现一定的差异,如表 3 和表 4 所示。表 4 列出了"非干预式"法获取 LCD 模 型参数均值的情况,均值由图 6 和图 7 中的值得到。 出现这种差异是因为此类非线性负荷模型参数的求 取很大程度上依赖于电压和电流的波动量,通过选择 不同的基准电压与实测电压构成的波动量去计算模 型参数,其均值必然会存在差异,这也是波动量法求 取此类非线性负荷 Norton 模型参数所固有的缺陷。

表 4 LCD 3 次谐波 Norton 模型均值

	$Z_{c3}$		$I_{c3}$	
基准电压	幅值/	相角/	幅值/	相角/
	Ω	(°)	А	(°)
标准余弦电压	132	-40	0.124 0	12
负荷低谷时(700)	250	-66	0.104 8	4.3
负荷低谷时(1160)	213	-62	0.106 5	6.6

实际上,无论采用"干预式"法或"非干预式"法 去构造电压和电流的波动量,通过波动量法计算得 到的 Norton 模型反映的是这 2 种电压波形条件下 的电流特性,由于实测电压表现平坦特性,基准电压 也应选择平坦波形,使其电流特性更接近,从而有利 于得到更稳定的 Norton 模型。

宏观上,通常将非线性负荷用谐波电流源进行 等效,将线性负荷用 RLC 电路进行等效。微观上, 非线性负荷谐波电流会受输入端电压的影响,且不 同负载,其影响大小也不尽相同。对于线性负荷,模 型参数并不依赖于波动量,保持恒定;对于非线性负 荷,电压变化引起电流的变化都将通过 Norton 模型 来反映,其电流源部分反映非线性负荷的谐波源特 性,其阻抗部分反映不同电压畸变对负荷谐波电流 输出量的影响,选择不同的基准电压,通过电流源及 阻抗部分反映的模型参数值也不仅相同,这正是均 值存在差异的根本原因。

事实上,这种差异对于谐波潮流分析并没有影 响,但对于谐波源识别却是个不容忽视的问题。负 荷对 PCC 处的谐波贡献水平主要取决于 PCC 处谐 波电压、系统谐波阻抗及负荷侧的等效谐波电流源, 选择不同的基准电压致使负荷侧的等效谐波电流源 存在的差异,将最终导致估计负荷谐波贡献水平的不 同。表4中由于选择不同的基准电压,得到 LCD3 次 谐波电流源的差异约为 20%,这种差异必然反映在其 对 PCC 处的谐波贡献水平上。对比"干预式"法和"非 干预式"法得到 CFL 的模型参数(如表 3),也可以得 到类似的结论。实际上,对于不同负荷,其差异也不同。 若在低压配电系统中,广泛运用 Norton 模型评估负荷 对 PCC 处的谐波贡献水平,其准确性有待研究。

在实际低压配电系统中,针对不同非线性负荷 组合的 Norton 模型及对 PCC 处谐波贡献水平的定 量分析及准确性分析将在下一步工作中进行。

# 6 结 论

42

从实验的角度出发,结合仿真分析,对波动量法 获取负荷的 Norton 模型参数变化的原因进行了探 讨,得出影响负荷 Norton 模型成立的关键因素—— 波动量法变化前后电压和电流的选取。通过合理选 择基准电压,低压配电系统中单相非线性负荷能用 Norton 模型进行简化表示。但是不同的基准电压 得到的 Norton 模型参数也会存在差异,这种差异对 谐波潮流分析并没有影响,但却影响评估负荷谐波 贡献水平的准确性及可信度,这可能是将负荷等效 成 Norton 模型来进行谐波贡献水平的评估而未得 到学者们广泛认可的一方面原因。

#### 参考文献:

- [1] Waston N R, Bathurst G. Task force on harmonics modeling and Simulation [J]. IEEE Transactions on Power Delivery, 1999, 14(2):579-587.
- [2] Xu W. Component modeling issues for power quality assessment[J]. IEEE Power Engineering Review, 2001, 21(11):12-17.
- [3] Mansoor A, Grady W M, Chowdhury A H, et al. An investigation of harmonics attenuation and diversity among distributed single-phase power electronic loads
  [C] // Proceedings of the 1994 IEEE Power Engineering Society Transmission and Distribution Conference, April 10-15, 1994, Chicago, IL. Pascataway: IEEE Press, 1994: 110-116.
- [4] Nassif A B, Xu W. Characterizing the harmonic attenuation effect of compact fluorescent lamps[J]. IEEE Transactions on Power Delivery, 2009, 24(3): 1748-1749.
- [5] Jing Y, Liang C, Nassif A B, et al. A frequencydomain harmonic model for compact fluorescent lamps
   [J]. IEEE Transactions on Power Delivery, 2010, 25(2):1182-1189.
- [6] Jing Y, Liang C. Modeling of home appliances forpower distributed system harmonic analysis [J]. IEEE Transactions on Power Delivery, 2010, 25(4):3147-3155.
- [7] Sun Y Y,Zhang G B,Xu W, et al. A harmonically coupled admittance matrix model for AC/DC converters[J]. IEEE Transactions on Power Systems,2007,22(4):1574-1582.
- [8] Fauri M. Harmonic modelling of non-linear load by means of crossed frequency admittance matrix [J]. IEEE Transactions on Power Systems, 1997, 12(4):1632-1638.
- [9] 赵勇,张涛,李建华,等. 一种新的谐波源简化模型[J]. 中国电机工程学报,2002,22(4):47-52. ZHAO Yong, ZHANG Tao, LI Jianhua, et al. A new simplifiedharmonic source model for harmonic analysis and mitigation [J]. Chinese Society for Electrical Engineering,2002,22(4):47-52.

- [10] Thunberg E, Soder L. A Norton approach to distribution network modeling for harmonic studies [J]. IEEE Transactions on Power Delivery, 1999, 14 (1):272-277.
- [11] Thunberg E, Soder L. On the performance of a distribution network harmonic Norton model[C] // Proceedings of the Ninth International Conference on Harmonics and Quality of Power, October 01-04, 2000, Orlando FL. Piscataway: IEEE Press, 2000, 3:932-937.
- [12] Abdelkader S, Abdelr M H, Osman M G. A Norton equivalent model for nonlinear loads [C] // Proceedings of 2001 Large Engineering Systems Conference on Power Engineering, July 11-13, 2001, Halifax, NS. Piscataway: IEEE Press, 2004:63-67.
- [13] Yang H,Pirotte P,De J E, et al. Harmonic emission levels of industrial loads statistical assessment[J]. International conference on large electric systems, 1996,2(36):306.
- [14] Xu W, Liu Y L. A method for determining customer and utility harmonic contributions at the point of common coupling [J]. IEEE Transactions on Power Delivery,2000,15(2):804-811.
- [15] Emanuel A E. On the assessment of harmonic pollution of power systems [J]. IEEE Transactions on Power Delivery, 1995, 10(3): 1693-1698.
- [16] 龚华麟,肖先勇,刘亚梅,等. 基于主导波动量筛选原理的用户谐波发射水平估计方法[J]. 中国电机工程学报,2010,30(4):22-27.
  GONG Hualin,XIAO Xianyong,LIU Yamei,et al. A method for assessing customer harmonic emission level based on the dominant fluctuation filtering principle[J]. Chinese Society for Electrical Engineering,2010,30(4):22-27.
- [17] Rylander M, Grady WM. Problems in the use of Norton equivalent models for single-phase nonlinear loads[C]// Proceedings of 2010 Power and Energy Society General Meeting, July 25-29, 2010, Minneapolis, MN. Piscataway; IEEE Press, 2010; 1-7.
- [18] Mazin H E, Nino E E, Xu W, et al. A study on the harmonic contributions of residential loads [J]. IEEE Transactions on Power Delivery,2011,26(3):1592-1599.
- [19] Nino E E, Xu W. Measurement of harmonic sources in three-wire single-phase supply systems [J]. IEEE Transactions on Power Delivery, 2007, 22(4):2527-2533.
- [20] 雍静,娄方桥,王一平,等.低压配电系统单相非线性负 荷的谐波衰减效应研究[J].中国电机工程学报,2011, 31(13):55-62.

YONG Jing, LOU Fangqiao, WANGYiping, et al. Investigation on the harmonic attenuation effect of single-phase nonlinear loads in low voltage distribution system[J]. Chinese Society for Electrical Engineering, 2011,31(13):55-62.

(编辑 詹燕平)