doi:10.11835/j.issn.1000-582X.2020.08.003

CFRP-TRB 超混杂复合汽车 B 柱结构的优化设计

杨中磊1,宁慧铭1,2,胡 宁1,敬 敏3

(1.重庆大学 航空航天学院,重庆 400044;

2.汽车车身先进设计制造国家重点实验室,长沙410082;3.北京汽车研究总院,北京101300)

摘要:B 柱是汽车的关键承载结构件之一。为了提高某轿车的侧面碰撞性能并实现 B 柱轻量 化设计,结合汽车 B 柱的结构特点以及不同材料的特性,设计一种碳纤维增强复合材料(CFRP)-差 厚钢板(TRB)复合 B 柱结构。将传统 B 柱中部加强板去除,B 柱外板设计为差厚板的同时在其内 侧局部铺贴碳纤维增强复合材料。基于 Optistruct 对该复合 B 柱内外板的厚度分布以及复合材料 的铺层顺序及铺层厚度进行了优化设计。整车侧面碰撞模拟结果表明,在满足制造工艺要求的条 件下,新型超混杂复合 B 柱结构达到了 27.7%的轻量化效果,并同时提高了侧面碰撞的耐撞性。

关键词:汽车 B 柱;超混杂复合结构;碳纤维复合材料;差厚板;优化设计

中图分类号:U463 文献标志码:A 文章编号:1000-582X(2020)08-023-09

Optimal design of the structure of CFRP-TRB supper-hybrid composite B pillar

YANG Zhonglei¹, NING Huiming¹, HU Ning¹, JING Min²

(1. College of Aerospace Engineering, Chongqing University, Chongqing 400044, P. R. China;

2. State Key Laboratory of Advanced Design and Manufacturing for Vehicle Body,

Changsha 410082, P. R. China; 3. Beijing Automotive Technology Center, Beijing 101300, P. R. China)

Abstract: The B pillar is one of the key load-bearing structural members of vehicles. To improve the side crash performances of a vehicle and realize the lightweight design of the B pillar, a hybrid structure of B pillar made from carbon fiber reinforced composite (CFRP)-tailor rolling steel blank (TRB) was adopted based on structural and different material characteristics of the B pillar. The traditional reinforcing plate in the middle of the B pillar was removed, and the B pillar outer plate was designed as a TRB steel plate with the CFRP partially attached to the inner side of the B pillar outer plate for reinforcement. In addition, the thickness distribution of the inner and outer plates of the hybrid structure B pillar and the layup order and layup thickness of the reinforced composite were optimized based on the software of Optistruct. Finally,

收稿日期:2020-03-01

基金项目:国家自然科学基金汽车联合重点基金资助项目(U1864208);国家自然科学基金资助项目(51603022);湖南大 学汽车车身先进设计制造国家重点实验室开放基金资助项目(31715007)。

Supported by National Natural Science Foundation of the United Automobile Fund (U1864208), National Natural Science Foundation of China (51603022), State Key Laboratory of Advanced Design and Manufacturing for Vehicle Body in Hunan University (31715007).

作者简介:杨中磊(1994—),男,重庆大学硕士研究生,主要从事复合材料结构设计和性能研究。

通讯作者:宁慧铭,男,重庆大学副教授,主要从事固体力学、计算材料力学、复合材料结构优化设计、新型结构和功能型 纳米复合材料开发等领域的研究工作,(E-mail)ninghuiming@cqu.edu.cn。

the side crash simulation results of the whole vehicle show that the optimized hybrid-structure B pillar achieves a weight reduction of 27.7% and the resistance to side impact is improved.

Keywords: B pillar; supper-hybrid composite structure; CFRP; TRB; optimal design

随着车辆日益增多,安全事故频频发生,相关安全法规对汽车安全性能的要求也越来越严格。与此同时,环境与能源危机也对汽车节能减排提出了更高的要求。研究表明,汽车的油耗和污染物排放都直接与汽车质量相关,汽车质量每降低1%,燃油效率将提高0.6%~0.8%,油耗降低0.7%,碳排放降低0.3%~0.5%,因此迫切需要在满足汽车安全性能的前提下实现汽车的轻量化设计^[1]。

汽车 B 柱是非常重要的承载结构件,同时是向顶梁和门槛梁重要的传力部件。传统汽车 B 柱结构复杂, 零部件较多,因此轻量化潜力较大。目前国内外很多学者对传统金属材料 B 柱轻量化作了细致的研究。Pan 等^[2]结合试验设计和矢量迭代法,从轻量化的角度出发对点焊式车身 B 柱结构进行优化设计。Xu 等^[3]结合 激光拼焊技术和近似模型理论对车门内板和 B 柱外板进行多目标优化设计,提高了整车侧面碰撞安全性能。 雷飞等^[4]通过采用高强度钢结构和拼焊板技术,结合移动最小二乘法和遗传算法对 B 柱结构材料和厚度进 行优化设计,达到 13.8%的轻量化效果,并提高了整车车顶和侧面结构的耐撞性能。高新华等^[5]在基于台架 试验条件的 B 柱有限元仿真模型正确性的基础上,提出进行轿车 B 柱设计方案优化选择的方法,质量减轻了 18%,同时保证了侧面碰撞性能。除此之外,采用柔性轧制工艺的连续变截面板也被广泛应用于汽车结构 件,连续变截面薄板(TRB)技术也称差厚板技术,最早是由亚琛工业大学金属成形研究所 1990 年在激光拼 焊板的基础上提出通过柔性轧制技术而发展起来的。由于可以实现连续性生产,生产效率高,操作容易,可 靠性好,使得 TRB 技术逐渐成为研究热点。将 TRB 技术运用在汽车 B 柱的结构设计中,是实现其轻量化设 计的有效途径。郭大洲等^[6]、程江洪等^[7]、徐增密^[8]、Yang 等^[9]将 TRB 技术应用于 B 柱结构,得到更加合理 的材料分布,在保证耐撞性能同时达到良好的轻量化效果。

随着复合材料的高速发展,轻质高强的复合材料应用于汽车行业也成为一种必然趋势。一些学者也对 复合材料在汽车B柱上的应用进行了研究,Kopp等^[10]设计了一种肋形的复合材料汽车B柱结构,提升了侧 面碰撞性能,同时B柱质量减轻了35%。Reddy^[11]对复合材料汽车B柱进行有限元分析表明,复合材料B 柱结构相比钢结构B柱具有更好的吸能特性。熊长丽^[12]在等刚度的原则下,将汽车B柱加强板材料改为碳 纤维复合材料,并对整车进行侧面碰撞仿真分析,结果显示在保证B柱侧面碰撞性能的同时质量减轻70%。 李勇俊等^[13]利用复合材料可通过削层工艺方便地实现变截面厚度的特性,对复合材料B柱削层结构进行了 多目标的优化,在满足工艺要求的条件下,复合材料B柱结构的质量减轻了61.4%,并提升了整车在顶压和 侧面碰撞中的耐撞性。

随着科技的迅速发展,汽车领域中对承载零部件材料的疲劳性能、碰撞性能、损伤容限及成本等提出了 更高的要求,多材料混合设计成为未来轻量化汽车车身材料和结构设计的重要方向。如德国宝马公司推出 的新7系的B柱结构,巧妙地将碳纤维复合材料通过模压的方式粘接在钢板上构成一个超混杂复合材料结 构,在保持优异的力学和碰撞性能的前提下质量减轻达2.8 kg。但目前国内对于金属和复合材料结合的超 混杂复合B柱结构的研究还非常有限,尤其是对于结合差厚板和复合材料的超混杂B柱结构的研究还没有 相关报道。为此笔者结合差厚板以及复合材料轻质高强的材料特性,设计了一种复合材料-差厚板超混杂复 合B柱结构。即将传统金属B柱的中部加强板去除,将外板设计为差厚板形式同时在B柱外板内侧铺设复 合材料进行局部增强,并利用Optistruct软件对内板厚度、差厚板外板不同区域厚度进行优化,同时对铺设 的复合材料加强板的铺层厚度以及铺层顺序进行优化,最终在整车侧面碰撞模型中对优化的B柱结构的有 效性进行验证。

1 超混杂 B 柱结构优化设计

1.1 B 柱结构优化思路

由于整车侧面碰撞计算成本较高,为了减少计算时长,提高效率,笔者从整车模型中先独立出 B 柱结构

进行等效静载优化,然后将优化得到的 B 柱结构再回代入整车模型中进行整车侧面碰撞模拟,以验证优化结构的有效性。初始 B 柱结构由内板、外板和中部加强板组成,厚度分别为 1.15,1.10,1.55 mm。初始钢结构材料屈服强度 300 MPa,弹性模量 206 GPa,泊松比 0.3,密度为 7.85×10⁻⁹ t/mm³。为了提高结构的力学性能,选用性能更优的热成型差厚钢板,其屈服强度为 647 MPa。优化思路如下:将传统 B 柱中部加强板去除,B 柱外板设计为差厚板的形式,厚度分布划分为 4 个区域,中间设置过渡区。为了保证优化设计后的超混杂复合 B 柱具有更好的耐撞性能,在 B 柱 TRB 外板内侧局部铺设碳纤维复合材料进行增强,碳纤维复合材料选用 T700/12K,其材料参数如表 1 所示。B 柱结构转换示意图如图 1 所示。

表 1	碳纤维复合材料 T700/12K 材料参数	
Table 1	CFRP T700/12 K material parameters	5

密度 p/ (t・mm ⁻³)	主泊 松比	纵向杨氏 模量 E ₁ / GPa	横向杨氏 模量 E ₂ / GPa	面内剪切 模量 G12/ GPa	纵向拉伸 强度 X _t / MPa	纵向压缩 强度 X _c / MPa	横向拉伸 强度 Y _t / MPa	横向压缩 强度 Y _c / MPa	面内剪切 强度 S/ MPa	树脂体积 含量占比/%
1.58×10^{-9}	0.26	135	8.49	3.87	2 477	1 251	78	123	68	40



Fig. 1 Diagram of B-pillar structure conversion

1.2 Optistruct 优化流程

基于 Optistruct 对复合材料的优化主要分为两个阶段:尺寸优化以及铺层顺序优化。在对复合材料优化的过程中,要充分考虑到复合材料的力学性能问题,比如复合材料的应力、应变、失效等,同时还应考虑制造约束,在满足力学性能的同时,也应降低加工成本等^[14]。采用的优化流程如图 2 所示。





Fig.2 Optimization design flow of composite materials in Optistruct

通过优化 B 柱结构的材料分布,改变 B 柱的刚度分布,从而改变发生碰撞时 B 柱的变形模式,在保证轻量化的前提下将乘员的伤害降至最低。因此 B 柱上半部分变形量要尽可能减小以保护乘员,下半部分需要适当的变形来吸收碰撞能量。因此在 B 柱结构从上至下依次选取 5 个测点,如图 3 所示,测点 1 与测点 5 分别对应车身的顶梁与门槛位置,测点 2,3,4 分别对应乘员的头部、胸部、骨盆等关键位置。







建立的数学优化模型为:

Min Mass,
S.T.

$$D_i \leq D_{oi} \times 0.8$$
,
 $0.8 \text{ mm} \leq T_j \leq 1.2 \text{ mm}$, (1)
 $0.8 \text{ mm} \leq T_k \leq 1.2 \text{ mm}$,
 $i = 2, 3, 4$,
 $j = 1, 2, 3, 4_o$

式中: D_i 为超混杂复合结构 B 柱各测点位移; D_{oi} 为初始钢结构 B 柱的各测点位移;i 取 2,3,4 时分别对应头 部、胸部、骨盆位置; T_j 为 TRB 外板厚度,取 1,2,3,4 时分别表示 TRB 外板区域 1 至区域 4 的厚度; T_k 为 B 柱内板厚度。

1.3 等效静载工况的建立

采用施加等效静载的方法将 B 柱碰撞简化为静态三点弯曲 模型。根据侧面碰撞位置以及移动壁障高度在 B 柱距离下部 450 mm 的位置施加 10 kN 的载荷,端部全约束。对初始结构 进行弯曲工况分析,初始结构静态三点弯曲有限元模型如图 4 所示。

1.4 系统设计阶段----尺寸设计

尺寸优化设计主要是对碳纤维复合材料(CFRP)层合板的 铺层厚度进行优化,同时优化 TRB 外板各区域厚度和内板厚 度。CFRP 为正交各向异性材料,所以铺层顺序对 CFRP 的力 学性能也有很大影响。一般铺层设计时应遵循以下设计原则:



2)为简化层合板分析与设计,应尽量采用成对的±45°铺层。

3)受拉、弯为主的构件,应以0°铺层居多为宜。

4)铺层应采用对称铺层方式,避免产生弯曲、拉伸、扭转等耦合效应。

5)选用铺层应该均衡布置(+45°和-45°铺层数量相等)以减小制造中的回弹与弯曲。



图 4 初始 B 柱结构有限元模型 Fig. 4 Finite element model of initial B-pillar structure

因此本文的 CFRP 层合板由 0°, ±45°, 90°4 种铺层堆叠而成。采用对称铺层形式, 初始复合材料层合板 铺层顺序为[0°/±45°/90°]s,每个铺层厚度设为 0.200 mm。

设计变量:B柱加强板每个角度铺层层数、B柱外板各个区域的厚度、B柱内板厚度。

设计目标:B柱的总质量最小。

设计约束:各关键测点位移应满足数学优化模型中的约束,同时应满足制造约束如式(2)所示,CFRP单 层厚度约为 0.125 mm。

$$T_{45} = T_{-45},$$
0.000 mm $\leq P_{\rm T} \leq 0.400$ mm,
0.400 mm $\leq T_{\rm L} \leq 1.600$ mm,
 $P_{0} \geq 30\%,$
 $P_{\pm 45} \geq 10\%,$
 $P_{90} \geq 10\%,$
 $F_{\rm index} \leq 1_{0}$

式中: T_{45} 与 T_{-45} 分别为±45°铺层总厚度; P_{T} 为每个角度铺层总 厚度; T_L 为碳纤维层合板总厚度, P_0 , $P_{\pm 45}$, P_{90} 分别为 0°, ±45°, 90°铺层占比;Findex为采用 Tai-Wu 失效准则的失效指数。

经过19次迭代计算之后,满足所有约束,结果收敛。优化得 到 B 柱 TRB 外板各个区域厚度分别为 0.800,0.900,1.000, 0.900 mm,内板厚度 0.900 mm, PRB 外板各区域厚度云图如图 5 所示。优化后 CFRP 加强板铺层顺序为 $[0^{\circ}_{3}/\pm 45^{\circ}/90^{\circ}]$ s,设计 目标总质量由 5.179 kg 下降到 3.747 kg。

1.5 综合设计阶段——铺层顺序优化

利用 Optistruct 软件的 Shuffle 功能对 CFRP 加强板的铺层 顺序进行优化。

设计变量:各个角度铺层顺序。

设计目标:B柱总成弯曲刚度最大。

2

3

设计约束:CFRP失效指数<1,±45°铺层成对出现,表面的 铺层角度为 0°,相同角度的连续铺层不能超过 2 层。

经过多次迭代运算之后,满足所有设计约束,最终铺层顺序 如图 6 所示,最终铺层层数为 12 层,铺层顺序为[0°/±45°/02°/90°]s。





Fig. 6 CFRP stacking sequence optimization in an iterative process

整车侧面碰撞分析验证 2

2.1 侧面碰撞模型有效性验证

以某轿车整车模型为基础,依据美国新车评价规程 US-NCAP 的侧面碰撞试验要求建立侧面碰撞的有限



图 5 外板各区域厚度云图

Fig. 5 Thickness distribution of each area of the outer panel

(2)

元模型。移动壁障质量为1365 kg,碰撞初速度62 km/h,速 度方向与试验车辆的纵向中心线成63°夹角,并且撞击时移 动壁障的纵向中心线与试验车辆的纵向中心线要保证垂直, 如图7所示。

通过对比整车质心速度以及 B 柱中部侵入速度验证仿 真模型的准确性。如图 8 所示,(a) 图为侧面碰撞整车质心 速度曲线,试验速度的峰值为 6.522 m/s,仿真速度的峰值为 6.433 m/s。仿真与试验质心速度曲线的趋势一致。(b) 图 为侧面碰撞 B 柱中部侵入速度曲线,试验速度峰值为





11.699 m/s, 仿真速度峰值为11.560 m/s。试验与仿真 B 柱中部侵入速度峰值的大小相近, 曲线整体趋势在 误差允许的范围内保持一致。其中, 试验曲线均引用自文献 [15]。 仿真和试验结果对比验证了整车侧面碰 撞模型的准确性。



图 8 整车质心速度以及 B 柱中部侵入速度对比图



在有限元仿真模拟侧面碰撞时,当沙漏能较大时会导致模型能量不守恒,影响计算精度甚至导致计算结 果不可信。图 9 为仿真过程中能量变化曲线图,可以看出在仿真过程中碰撞前后总能量基本守恒。模型的 最大沙漏能为 6.67 kJ,占总能量 204.50 kJ 的 3.26%,沙漏能控制在总能量的 5%之内,因此可认为模型的计 算结果是可靠的^[16]。



2.2 B 柱优化结构有效性验证

分别将初始 B 柱结构和超混杂复合 B 柱结构回代入整车模型,进行侧面碰撞分析,计算结果分别如 图 10和 11 所示,结果显示超混杂 B 柱结构的各测点侵入量和侵入速度峰值均有明显下降,耐撞性能有显著

提升。由于碳纤维复合材料与热成型钢都对超混杂复合 B 柱结构起到了增强作用,为了更直观地体现碳纤 维复合材料的在超混杂复合 B 柱结构中的作用,将中部加强板去除,采用优化数学模型(1),优化得到仅使用 热成型差厚板的 B 柱结构的设计方案,并将此 B 柱结构也代入整车侧面碰撞模型进行对比分析,计算结果如 图 12 所示。分别提取头部、胸部、骨盆位置处的峰值如表 2 所示,结果表明,超混杂复合 B 柱结构相对于初 始 B 柱结构和热成型差厚板 B 柱结构能达到更好的轻量化效果,同时具有更佳的耐撞性能。



图 10 初始 B 柱结构各测点侵入量与侵入速度曲线





Fig. 11 Intrusion amount and intrusion velocity curve of each measuring point of supper-hybrid composite B-pillar structure



图 12 热成型差厚板 B 柱结构各测点侵入量与侵入速度曲线

Fig. 12 Intrusion amount and intrusion speed curve of each measuring point of B-pillar structure of thermoformed thick plate

Table 2 Comparison of performance evaluation indexes of three B-pillar structures										
B柱结构	最	大侵入量/1	nm	侵入速	度峰值/(n	$1 \cdot s^{-1}$)	质量/	ば氏目♪/0/		
设计方案	头部	胸部	骨盆	头部	胸部	骨盆	kg	·		
初始	314.2	369.5	349.6	10.7	12.2	11.2	5.179	_		
热成型差厚板	310.5	343.1	333.4	10.7	11.4	10.5	3.950	23.7		
超混杂复合	290.7	327.2	330.3	10.2	10.4	9.7	3.747	27.7		

表 2 3 种 B 柱结构性能评价指标对比 Table 2 Comparison of performance evaluation indexes of three B-nillar

在发生侧面碰撞时,B柱的变形模式对乘员的安全有很大影响。对比优化前后两种方案 B柱的变形云 图,如图 13 所示,可以发现,初始 B柱结构的最大侵入量发生在 B柱中部,对应于乘员胸部位置,严重影响乘 员的生命安全。而优化后的超混杂复合 B柱结构上半部分的刚度和强度增大使得变形量减小,同时下半部 分的变形量有所增大,有利于吸收碰撞能量,整体 B柱结构服从上强下弱的刚度分布,更有利于乘员保护。



图 13 优化前后两种 B 柱结构位移云图对比

Fig.13 Comparison of displacement results of two B-pillar structures before and after optimization

3 结 论

笔者综合考虑整车侧面碰撞的安全性能,通过采用热成型钢差厚板结构与碳纤维复合材料相结合,利用 Optistruct 特有的优化算法,得到 B 内外板最优的厚度分布和复合材料最优的铺层厚度及铺层顺序,确定了 超混杂复合 B 柱结构设计方案。与初始 B 柱结构相比,达到减轻质量的目的并提高了侧面碰撞的耐撞性能。 同时对比分析热成型差厚板 B 柱结构,超混杂复合 B 柱结构具有更好的轻量化效果和更佳的耐撞性能,体现 了应用复合材料的超混杂复合结构的优越性,对未来碳纤维复合材料以及超混杂复合结构在汽车承载结构 件上的应用具有一定借鉴作用。

参考文献:

- [1] Benedyk J. Light metals in automotive applications[J]. Light Metal Age, 2000(10): 34-35.
- [2] Pan F, Zhu P, Zhang Y. Metamodel-based lightweight design of B-pillar with TWB structure via support vector regression[J]. Computers & Structures, 2010, 88(1/2): 36-44.
- [3] Xu F X, Sun G Y, Li G Y, et al. Crashworthiness design of multi-component tailor-welded blank (TWB) structures[J]. Structural and Multidisciplinary Optimization, 2013, 48(3): 653-667.
- [4] 雷飞, 陈新, 陈国栋, 等. 考虑顶压与侧碰安全性的轿车车身 B 柱结构优化设计[J]. 中国机械工程, 2013, 24(11):

1510-1516.

LEI Fei, CHEN Xin, CHEN Guodong, et al. Structural optimization design of B-pillar considering roof crush and side impact requirements in passenger car[J]. China Mechanical Engineering, 2013, 24(11): 1510-1516. (in Chinese)

[5]高新华,徐有忠,王其东.基于台架试验与模拟的轿车 B 柱耐撞性与轻量化研究[J].汽车工程,2014,36(8):957-962,973.

GAO Xinhua, XU Youzhong, WANG Qidong. A study on the crashworthiness and lightweighting of B-pillar in a car based on bench test and simulation[J]. Automotive Engineering, 2014, 36(8): 957-962,973. (in Chinese)

- [6]郭大洲,杨亭福,张鹏. 车身 B 柱性能提升及其轻量化设计[J]. 上海汽车, 2015(8): 23-28. GUO Dazhou, YANG Tingfu, ZHANG Peng. Improvement and light weight design of B post performance[J]. Shanghai Auto, 2015(8): 23-28. (in Chinese)
- [7] 程江洪,王丽娟,陈宗渝,等. 基于 TRB 技术的车身减量化设计与优化分析[J]. 机械强度, 2017, 39(1): 57-62. CHENG Jianghong, WANG Lijuan, CHEN Zongyu, et al. Reduction design and optimization analysis for vehicle body based on tailor rolled blank technology[J]. Journal of Mechanical Strength, 2017, 39(1): 57-62. (in Chinese)
- [8]徐增密.基于侧面碰撞和新型板材的B柱轻量化优化[D].大连:大连理工大学,2012.
 XU Zengmi. Lightweight optimization of B pillar based on the side impact and the new type blanks[D]. Dalian: Dalian University of Technology, 2012. (in Chinese)
- [9] Yang Z T, Peng Q, Yang J K. Lightweight design of B-pillar with TRB concept considering crashworthiness [C/ OL]. 2012 Third International Conference on Digital Manufacturing & Automation. Piscataway, NJ: IEEE, 2012(2012-09-13)[2020-04-25]. https://doi.org/10.1109/ICDMA.2012.121
- [10] Kopp G, Beeh E, Schšll R, et al. New lightweight structures for advanced automotive vehicles-safe and modular[J]. Procedia-Social and Behavioral Sciences, 2012, 48: 350-362.
- [11] Reddy S. Modeling and analysis of a composite B-Pillar for side-impact protection of occupants in a sedan[D]. KansasCity, USA: Wichita State University, 2007.
- [12] 熊长丽. 碳纤维复合材料汽车 B 柱加强板的轻量化设计研究[D]. 长春:吉林大学, 2018.
 XIONG Changli. Study on lightweight design of automotive B-pillar reinforced plate with carbon fiber reinforced plastic material[D]. Changchun: Jilin University, 2018. (in Chinese)
- [13] 李勇俊, 雷飞, 刘启明, 等. 考虑结构、材料和工艺要求的复合材料 B 柱优化[J]. 汽车工程, 2017, 39(8): 968-976.
 LI Yongjun, LEI Fei, LIU Qiming, et al. Optimization of composite B-pillar with considerations of structures, materials and processes requirements[J]. Automotive Engineering, 2017, 39(8): 968-976. (in Chinese)
- [14] 欧贺国,方献军,洪清泉,等. RADIOSS 理论基础与工程应用[M]. 北京: 机械工业出版社, 2013.
 OU Heguo, FANG XianJun, HONG Qingquan, et al. RADIOSS theoretical basis and engineering application [M].
 Beijing: China Machine Press, 2013. (in Chinese)
- [15] 唐友名.乘用车两车侧面碰撞的兼容性研究[D].长沙:湖南大学,2010. TANG Youming. Compatibility study of side collisions of passenger cars and two vehicles [D]. Changsha: Hunan University, 2010. (in Chinese)
- [16] 胡远志,曾必强,谢书港. 基于 LS-DYNA 和 HyperWorks 的汽车安全仿真与分析[M]. 北京:清华大学出版社, 2011. HU Yuanzhi, ZENG Biqiang, XIE Shugang. Automobile safety simulation and analysis based on LS-DYNA and HyperWorks[M]. Beijing: Tsinghua University Press, 2011. (in Chinese)

(编辑 张 苹)