doi:10.11835/j.issn.1000-582X.2021.07.014

基础隔震山地掉层框架结构抗连续倒塌性能研究

杨佑发^{a,b},杨天行^b

(重庆大学 a.山地城镇建设与新技术教育部重点实验室;b.土木工程学院,重庆 400045)

摘要:山地隔震结构本身具有特殊性,因此其破坏模式、受力性能与普通平地隔震结构体系有很大的不同。为了研究基础隔震山地掉层结构的抗连续倒塌性能,首先对一榀 4 跨 3 层平面框架拟静力 试验进行数值模拟并验证了 LSDYNA 纤维单元模型的可靠性,根据中国规范设计了 6 个基础隔震掉 层体系框架和 1 个普通平地隔震结构,基于拆除构件法对剩余结构进行抗倒塌性能研究,得到其荷 载系数与失效点竖向位移曲线。研究结果表明,拆除下接地角柱(支座)、上接地角柱时,平地隔震 结构的抗倒塌能力大于掉层隔震结构;拆除上接地支座时,平地隔震结构的抗倒塌能力弱于掉层隔 震结构;隔震山地掉层框架结构邻近坎下边支座(底层柱)失效跨的抗力机制要滞后于上接地跨的 抗力机制,可为基础隔震山地掉层框架结构的抗连续性倒塌设计提供参考。

关键词:基础隔震;山地掉层结构;连续倒塌;拆除构件法

中图分类号:TU375 **文献标志码:**A **文章编号:**1000-582X(2021)07-139-10

Study on the progressive collapse of the base-isolated mountain step-terrace structure

YANG Youfa ${}^{\rm a,b}$, YANG Tianhang ${}^{\rm b}$

(a. Key Laboratory of New Technology for Construction of Cities in Mountain Area, Ministry of Education;b. School of Civil Engineering, Chongqing University, Chongqing 400045, P. R. China)

Abstract: In order to study the anti-progressive collapse performance of the base-isolated step-terrace structure, a 4-span 3-story plane frame was simulated to verify the reliability of the LSDYNA computing platform. Then, in compliance with the national specifications, six basic isolation and step-terrace system frames and one ordinary flat isolation structure were designed, and the collapse resistance of the remaining structure was studied based on the demolition method to obtain the load coefficient and the vertical displacement curve of the failure point. The results show that when the lower grounded corner column(support) and the upper grounded corner column were removed, the anti-collapse ability of the flat ground isolation structure was greater than that of the base-isolated step-terrace structure; when the upper ground support was removed, the anti-collapse ability of the flat ground isolation structure. Furthermore, the resistance mechanism of the failure span of the bottom support (bottom column) adjacent to the sill lagged behind the resistance mechanism of the upper ground span. Our study provides reference for the anti-progressive collapse design of the base-isolated step-terrace structure.

Keywords: basic isolation; step-terrace structure; progressive collapse; alternate path method

收稿日期:2020-12-25

基金项目:国家自然科学基金资助项目(51638002)。

Supported by the National Natural Science Foundation of China(51638002).

作者简介:杨佑发(1968—),教授,博士生导师,主要从事建筑结构分析与设计方法的研究,(E-mail) yfyang@cqu.cdu.cn。

隔震结构体系因其隔震层刚度较小,地震作用下上部结构基本保持平动,使得隔震结构的减震性能好, 若意外作用导致隔震结构发生连续性倒塌破坏,影响将非常严重。Marjanishvili 等^[1]研究了抗连续倒塌的 方法,Tsai 等^[2]分析了结构倒塌过程中的动力响应特性,于晓辉等^[3]研究了钢筋混凝土框架结构的抗连续倒 塌机制。在极端偶然荷载作用下,极有可能发生因局部构件失效而引起的整体结构破坏甚至倒塌,具有特殊 构造形式的隔震结构则需要专门设计来应对此类风险^[4]。

目前,我国建设用土地资源供给紧张,山地建筑结构的应用日益增多。基于我国地震灾害频繁且山地建筑结构的先天竖向刚度不规则而导致其抗震性能不强的现状^[5],隔震技术正不断发展并应用于山地建筑中。 山地隔震结构本身具有特殊性,因此其破坏模式、受力性能与普通平地隔震结构体系有很大的不同^[6]。为研 究基础隔震山地掉层框架底层柱(隔震支座)在意外事件下失效破坏后的抗倒塌性能,文中验证并设计了 6 个基础隔震掉层体系框架和1个普通平地隔震结构,探讨了平地隔震框架结构与基础隔震山地掉层结构在 抗连续倒塌方面的差异性,可为山地隔震建筑设计提供参考。

1 试验验证

1.1 数值模型及参数设置

为验证 LS-DYNA 程序的准确度,对文献[7]中的平面框架结构拟静力试验进行数值模拟,试验装置及 仪器布置,如图 1 所示。





柱沿轴向离散成 10 个梁单元,每个单元长度为 0.33 m 或 0.28 m,小于柱脚塑性铰长度^[8];梁沿轴向划 分为三段配筋(跨中、左支座、右支座),每段梁离散为 4 个单元,每个单元长度为 0.5 m。柱和梁沿横截面离 散成 100 个混凝土纤维,钢筋离散为 4 个或 8 个纤维,忽略混凝土和钢筋之间的黏结滑移,纤维单元之间的 变形符合平截面假定。梁柱横截面单元离散示意图,如图 2 所示(标示部分为钢筋纤维)。



文中采用 LS-DYNA 进行有限元模型求解,有限元模型采用 MAT-174 材料模拟钢筋混凝土,可以通过 设置配筋率(FRACR=0,代表素混凝土;FRACR=1,代表钢筋)来模拟素混凝土和钢筋材料。钢筋采用单 轴弹塑性流动强化本构模型,屈服应力和弹性模量采用实测值,通过 Ramberg-Osgood 方程模拟材料反复加 载时刚度退化^[9]。单调压缩阶段,采用 Park 和 Paulay 所述的 Park 和 Kent 方法,材料遵循抛物线应力-应 变曲线;拉伸阶段,应力随应变线性增加,直到达到拉伸极限 FT,此后,刚度和强度随应变的增加而衰减。

$$f_{c} = \begin{cases} Kf_{c} \left[\frac{2\varepsilon_{c}}{K\varepsilon_{0}} - \left(\frac{\varepsilon_{c}}{K\varepsilon_{0}} \right) \right], \varepsilon_{c} \leqslant K\varepsilon_{0}, \\ Kf_{c} \left[1 - Z_{m} \left(\varepsilon_{c} - K\varepsilon_{0} \right) \right], \varepsilon_{c} > K\varepsilon_{0} \end{cases}$$

建立框架模型时未设置箍筋,但通过考虑约束混凝土的加强来实现箍筋的作用。核心混凝土采用 Kent-Park 本构模型^[10],混凝土轴心抗压强度和弹性模量采用实测值或标准值。

1.2 结果分析

数值模拟采用与试验相同的加载方式,得出其底层中柱轴力与位移曲线及底层侧移曲线分别如图 3 和 图 4 所示。通过曲线对比可知,在弹塑性阶段模拟结果与试验结果吻合很好,曲线几乎一致;在塑性铰阶段, 误差很小;在混凝土开裂并失效后,梁端受弯承载力基本丧失,即 C 点之后的模拟效果与试验曲线吻合较好, 误差极小。









通过模拟分析得到了一层柱顶的水平位移结果,限于篇幅,仅列出一层边柱柱顶节点的水平位移,试验 中通过在第一层柱顶表面放置的位移传感器测得水平位移。LS-DYNA模拟分析结果显示,中柱开始位移 加载时,框架先向外侧移,中柱位移加载到130 mm时,向外侧移值达到最大,为3.38 mm;根据试验结果的 记录,中柱位移加载至140 mm 左右时,最大位移量为3 mm,误差约12%。通过曲线对比可以看出,

2 基础隔震山地掉层结构的抗连续倒塌性能分析

2.1 设计信息

为研究基础隔震平地结构与山地掉层隔震结构抗连续倒塌性能的不同,设计了1个平地框架结构和5 个掉层框架结构,所有结构的总层数均为6层,平面布置也相同,均为纵向5跨,横向3跨。考虑到边、角柱 相对于中柱更易倒塌且边跨的竖向构件失效更易引起结构的局部连续倒塌,选取边榀框架(图示阴影部分) 作为研究对象,如图5、图6所示。定义CmKn表示掉m层掉n跨的掉层框架结构。



采用 PKPM 结构设计软件,按照中国相关规范采用分离式设计方法,按照抗规 12.2.5 第二条确定水平 减震系数 β。选用 LRB500 隔震支座,其设计荷载为 1 963 kN, LRB500 隔震支座参数如表 1 所示。

表1 LRB500 隔震支座力学性能

	Tlabe 1 M	echanical propertie	es of LRB500 isol	ated bearing		
铅直性能	压缩限界强度/ (N・mm ⁻²)	基准面 (N・mr	压/ m ⁻²)	铅直刚性/ (N・mm ⁻²)	拉伸限界强度/ (N・mm ⁻²)	
	49	10		1 802	1.5	
50%水平性能	等效水平刚度/(kN•m ⁻¹)		等效阻尼比/%		二次刚性/(kN•m ⁻¹)	
	2 312		33		949	
100%水平性能	等效水平刚度/ (kN•m ⁻¹)	等效阻尼比/ %	屈服前刚度/ (kN・m ⁻¹)	/ 屈服后刚度 (kN・m ⁻¹	E/ 屈服力/) kN	
	1 480	27.2	5 187	798	65.4	
250%水平性能	等效水平刚度/(kN•m ⁻¹)		等效阻尼比/	[阻尼比/% 二次刚性/(kN・m ⁻⁺		
	907		18.4		635	

建筑场地类别为 II 类,抗震设防烈度为 8 度(0.2 g),设计地震分组为第二组,框架抗震等级二级。所有 算例模型层高均为 3.6 m,隔震层层高 2.8 m,其中,柱截面尺寸 500 mm×500 mm,梁截面尺寸 300 mm× 500 mm,混凝土强度等级均采用 C30,框架梁柱纵向受力钢筋采用 HRB400,箍筋采用 HPB300,楼面恒荷载 取为 5.5 kN/m²,楼面活荷载为 4.5 kN/m²。

2.2 隔震支座失效的抗力机制

GSA2003 和 DoD2005 规范规定结构关键构件失效拆除后,允许剩余结构体系继续发展,从楼层的相对倒塌面积 和绝对倒塌面积来判断剩余结构体系是否已经发生连续性 倒塌破坏。由于实际操作存在困难,新版的 DoD2010^[11]规 定,对拆除构件后的剩余结构体系严格限制构件出现超出 极限变形能力的大变形。文中对基础隔震山地掉层框架结 构进行分析时,采用 DoD2010 所规定的倒塌失效准则:拆 除竖向构件后剩余结构体系的失效准则是失效点竖向最大 位移为相连最短跨的 20%。限于篇幅,拆除 C2K3 结构的 B、D 隔震支座,通过调整荷载系数从 0.1 变化到 0.72,得出 荷载系数与失效点竖向位移的关系曲线,并与 C2K3 结构 A 支座拆除工况作对比,研究移除内隔震支座与边隔震支座 的山地掉层隔震结构的倒塌模式与承载机制,如图 7 所示。



图 7 C2K3-A、D、B 支座失效荷载位移曲线 Fig. 7 Load displacement curve of C2K3-A、D、B

由图 7 对比可知,在荷载系数较小时(0.1~0.4),拆除 C2K3 结构的 A 支座,位移与荷载系数基本成线性 正比关系,此时,小变形下的剩余结构发生向下位移,失效跨的梁受压,发挥"梁机制",轴力为负。

当荷载系数增大到 0.5 时,位移幅度急剧增加,由于拆除边支座,左边结构处于悬臂状态,没有产生"悬链线"效应。荷载系数增大到 0.563,结构竖向位移达到定义失效位移 1 200 mm 左右。拆除 C2K3 结构的 D 支座,荷载系数在 0.1~0.5 之间,荷载系数与位移基本成线性正比关系,此时,与拆除 C2K3 结构的 A 支座工况相同,剩余结构发挥"梁机制",产生压拱效应。位移继续增加时,由于梁端有固定约束,剩余结构产生"悬链线"效应,达到失效位移时,相比梁机制阶段,悬链线机制下承载系数增大 28.57%。

为研究荷载系数增大过程中掉层基础隔震结构的倒塌机制,以拆除 C2K3 结构的 A 支座与 D 支座为例, 分析其失效跨梁的内力变化,数值模型中梁单元1、110、36、12(下称梁单元为 bm)所在位置如图 8 所示。从 图 9(a)可以看出,未拆除 A 支座时, bm-1 的轴力为正, 此时梁受到恒、活载作用, 产生了弯矩, 抵抗外荷载, 梁内为拉力作用。当拆除构件后,梁轴力迅速下降,其轴力为负,表明梁受压力的作用。失效点竖向位移 Δ 逐步增大时,失效跨 bm-1 的轴力稳定值也随之增大,当 $\alpha = 0.54$,位移达到 699 mm 时,梁机制完成,失效点 竖向位移 Δ=1 040 mm 时,bm-1 的轴力相比 699 mm 时的轴力减小,表明此时混凝土已压碎,塑性铰失效, 梁端弯矩下降,但此时轴力仍为负值,即梁内受力为压力。这表明拆除 A 支座工况,随位移增大,梁内压力增 大,梁端弯矩增大,剩余结构依靠梁的抗弯机制提供抗倒塌承载能力直至失效。因此拆除 A 支座时,由于没 有足够的水平约束,倒塌过程中没有出现承载力提升的现象,仅有梁机制在发挥作用。从图 9(b)可以看出, 当拆除 D 支座后,梁轴力迅速下降,其轴力为负,与拆除 A 支座相同。当失效位移 Δ 逐步增大时,失效左跨 bm-36、失效右跨上接地平台的 bm-110 的轴力稳定值也随之增大,当 α=0.56,位移达到 649 mm 时,梁机制 完成,继续增大荷载系数,位移继续增大,右跨梁塑性铰失效,bm-110单元弯矩下降,此时梁内钢筋受拉,从 图 9(c)失效点竖向位移 $\Delta = 649 \text{ mm}$ 的曲线可以看出,此时轴力已经由负变正,表明剩余结构正在进行梁机 制到悬链线机制的转换。而此时失效点左跨 bm-36 的轴力为负值,说明左跨梁仍处于梁机制阶段。失效点 竖向位移 $\Delta = 1.090 \text{ mm}$ 时,图 9(b)bm-36 的轴力相比失效位移 649 mm 的轴力降低,表明塑性铰正在失效, 梁内压力正在减小;图9(c)中,随着位移增大,bm-110的轴力在承受恒活载时为20kN,到梁机制时轴力为 -55 kN,进而到 136 kN,梁内为拉力,说明此时承载力均由梁内钢筋提供,且轴力绝对值相比梁机制增加了 1.47 倍,轴力出现大幅度增大,这说明 bm-110 在达到失效判定位移时,已出现悬链线机制。可以得出结论: 由于掉层结构的特殊性,拆除 D 支座时,左跨为下接地梁跨,右跨为上接地梁跨,左跨梁的承载机制滞后于上 接地梁跨的承载机制。当失效点竖向位移达到失效判定值时,上接地跨已出现悬链线机制,而下接地跨还处 于梁机制与悬链线机制的转换过程中。



图 8 失效跨 Bm-1、36、110 位置示意图

Fig. 8 Schematic diagram of the Bm-1,36,110 bearing position





2.3 底层柱失效的抗力机制

拆除 C2K3 结构 B、D 底层柱,通过调整荷载系数从 0.1 变化到 0.72,得到荷载系数与失效点竖向位移的 关系曲线,并与 C2K3 结构 A 底层柱拆除工况作对比,研究拆除底层柱的山地掉层隔震结构的倒塌模式与承 载机制,如图 10 所示。



Fig. 10 Load displacement curve of C2K3-A、D、B

对比可知,在荷载系数较小时(0.1~0.4),拆除 C2K3 结构的 A 底层柱,位移与荷载系数基本成线性正比 关系,此时,小变形下的剩余结构发生向下位移,失效跨的梁受压,发挥"梁机制",轴力为负。 以拆除 C2K3 结构的 A、D 底层柱为例,分析其失效跨梁端内力的变化,Bm-37、72、110 所在位置如图 11 所示。从图 12(a)可以看出,未拆除 A 底层柱时,bm-1 的轴力为正,此时梁受到恒活载作用,产生弯矩,抵抗 外荷载,梁内为拉力作用。当拆除构件后,梁轴力迅速下降,其轴力为负,表明梁受压力作用。失效点竖向位 移 Δ 稳定值从 84.3 mm 逐渐增大到 1 150 mm 时,失效梁跨轴力稳定绝对值从 38.32 kN 增大到 52.24 kN, 接近位移失效判定值 1 200 mm 时,梁跨轴力并未出现正值,绝对值也没有较大变化,与隔震角支座失效规律 一致。从图 12(b)可以看出,拆除 D 底层柱时,失效点竖向位移稳定值从 84.3 mm 至 325 mm,下接地跨 (Bm-72)的轴力负值增大;竖向位移稳定值从 325 mm 至 717 mm 时,压力减小,表明处于梁机制与悬链线机 制转换过程中;位移值为 1 150 mm 时,轴力稳定值为一10.66 kN,仍处于机制转换阶段。从图 12(c)可知,当 失效点竖向位移稳定值为 717 mm 时,主接地跨(Bm-110)轴力已经为正值,表明梁内已由压力转换为拉力作 用。接近失效判定值时,轴力增大至 165 kN,上接地跨梁已发展为悬链线机制,较梁机制承载力系数增加 20%。基础隔震掉层结构底层柱失效时,左跨梁的承载机制滞后于上接地梁跨的承载机制。当失效点竖向 位移达到失效判定值时,上接地跨已出现悬链线机制,而下接地跨还处于梁机制与悬链线机制的转换过 程中。













2.4 底层柱与隔震支座失效工况对比

为研究基础隔震体系底层柱与隔震支座失效后的抗连续倒塌性能差异,以平地隔震结构、隔震结构 C2K3、隔震结构 C3K2、隔震结构 C3K1、隔震结构 C2K1、隔震结构 C2K2 为例进行研究。

由图 13 可知,荷载系数相同时,各掉层隔震结构的下接地隔震角支座失效后的竖向位移均比底层框架 角柱大。 α =0.57 时,隔震结构 C2K3-A 隔震支座已经失效,底层柱失效点位移为 942 mm,其差值至少为 258 mm; α =0.54 时,隔震结构 C2K2-A 隔震支座在 6 s 时位移达到 1 100 mm,且处于增大趋势,底层柱失效点 位移为 956 mm; α =0.48 时,隔震结构 C3K2-A 隔震支座在 6 s 时位移达到 1 135 mm,底层柱失效点位移为 642 mm; α =0.45 时,隔震结构 C3K1-A 隔震支座稳定位移值为 1 265 mm,底层柱失效点位移仅为 495 mm,差 值为770 mm; α =0.51 时,隔震结构 C2K1-A 隔震支座位移达到 1 503 mm,底层柱失效点位移为 466 mm。 大部分拆除工况中隔震支座均接近或已失效,而底层柱拆除工况远未到失效位移判定值,这说明同一掉层隔 震结构下接地的隔震支座对于结构的抗连续倒塌的影响程度要大于底层柱。

由图 13(f)可知,平地隔震结构隔震角支座的失效点竖向位移较底层柱小,这一结果与掉层隔震结构拆 除下接地的隔震支座与底层柱的对比规律相同,隔震层水平刚度较低,隔震层梁柱配筋与底层框架梁柱配筋 相差不多,隔震支座失效后剩余结构在竖向不平衡荷载作用下,相邻的隔震支座无法提供较强的水平侧向约 束,因此其抗连续倒塌能力要弱,底层框架柱失效后,剩余结构的相邻柱与隔震层平台固接,从而可以提供较 大的平面刚度,并为剩余结构的备用荷载传递路径提供侧向约束,在仅受竖向不平衡荷载作用下,可以视其 为单独的体系,有效地避免了因结构失效内力重分布导致的内力和位移增大情况。



isolated bearing of isolated step-terrace structure

由图 14 可知,各掉层隔震结构的上接地隔震角支座荷载位移曲线均在底层框架角柱之上。经计算对 比,隔震结构 C2K3-F 隔震支座的极限荷载系数较底层角柱增大 25.2%;隔震结构 C3K3-F 隔震支座的极限 荷载系数较底层角柱增大 28.5%;隔震结构 C2K2-F 隔震支座的极限荷载系数较底层角柱增大 13.9%;隔震 结构 C3K2-F 隔震支座的极限荷载系数较底层角柱增大 26.6%;隔震结构 C2K1-F 隔震支座的极限荷载系数 较底层角柱增大 7.7%;隔震结构 C3K1-F 隔震支座的极限荷载系数较底层角柱增大 18.1%。可以得出结 论,拆除上接地隔震角支座的极限荷载系数要大于拆除底层柱,即对于掉层隔震结构,若上接地隔震角支座 意外失效,对剩余结构体系的抗连续倒塌性能的影响程度要弱于上接地底层角柱失效的情况。这是掉层隔 震结构的特殊性所导致的,由于掉层结构为竖向不规则结构,其受力不均导致上接地支座墩柱与隔震层梁的 配筋量远多于底层梁柱配筋量,较普通平地隔震结构的隔震层配筋量要多,因此表现出规律相反。



Fig. 14 Comparison of load-displacement curve between bottom column and isolated bearing of isolated step-terrace structure

3 结 论

采用基于拆除构件法的动力非线性分析方法对基础隔震山地掉层框架结构的抗连续倒塌性能进行分析,结果表明:

1)隔震角支座意外失效的平地隔震结构的抗连续倒塌性能弱于基础隔震山地掉层结构的上接地隔震角 支座失效工况,强于下接地隔震角支座工况;底层角柱意外失效的平地隔震结构的抗连续倒塌性能强于基础 隔震掉层结构的底层角柱失效工况。

2)底层角支座与底层角柱的抗力机制只有梁机制,内柱与内支座失效的抗力机制有梁机制(压拱效应)、 机制转换及悬链线机制。邻近坎下边支座(底层柱)失效跨的抗力机制要滞后于上接地跨的抗力机制。

3)基础隔震掉层框架结构体系不同部位失效后剩余体系的抗连续性倒塌性能为:内支座最强,上接地角 支座次之,下接地角支座最弱;底层内柱最强,上接地与下接地角柱最弱;上接地的隔震支座失效强于底层失 效工况,下接地的隔震支座失效弱于底层失效工况。

参考文献:

- [1] Marjanishvili S M. Progressive analysis procedure for progressive collapse[J]. Journal of Performance of Constructed Facilities, 2004, 18(2): 79-85.
- [2] Tsai M H. An analytical methodology for the dynamic amplification factor in progressive collapse evaluation of building structures[J]. Mechanics Research Communications, 2010, 37(1): 61-66.
- [3]于晓辉, 钱凯, 吕大刚. 考虑悬链线效应的钢筋混凝土框架结构抗连续倒塌能力分析[J]. 建筑结构学报, 2017, 38(4): 28-34.

Yu X H, Qian K, Lyu D G. Progressive collapse capacity analysis of reinforced concrete frame structures considering catenary action[J]. Journal of Building Structures, 2017, 38(4): 28-34.(in Chinese)

- [4] 包超,马肖彤,杜永峰,等.基础隔震结构抗连续倒塌设计方法研究[J].建筑结构,2020,50(3):52-58.
 Bao C, Ma X T, Du Y F, et al. Study on design method to resist progressive collapse for base-isolated structures[J].
 Building Structure, 2020, 50(3): 52-58.(in Chinese)
- [5]杨佑发,王一功,李元初.山区台地框架建筑抗震性能研究[J].振动与冲击,2007,26(6):36-40. Yang Y F, Wang Y G, Li Y C. Study on seismic resistance behavior of the frame connected with ground by not only the first floor[J]. Journal of Vibration and Shock, 2007, 26(6): 36-40.(in Chinese)
- [6]杨佑发,刘泳伶,凌玲.近场地震动作用下山地隔震框架结构抗震性能[J].铁道工程学报,2014,31(5):6-11,27.
 Yang Y F, Liu Y L, Ling L. The seismic performance of mountain isolated building frame structure under near-fault ground motions[J]. Journal of Railway Engineering Society, 2014, 31(5): 6-11,27.(in Chinese)
- [7] 易伟建,何庆锋,肖岩. 钢筋混凝土框架结构抗倒塌性能的试验研究[J]. 建筑结构学报, 2007, 28(5): 104-109,117. Yi W J, He Q F, Xiao Y. Collapse performance of RC frame structure[J]. Journal of Building Structures, 2007, 28(5): 104-109,117.(in Chinese)
- [8] Lehman D E, Moehle J P. Seismic performance of well-confined concrete dridge columns[R]. Berkeley : University of California, Pacific Earthquake Engineer-ing Researc Center, 1998.
- [9] 吕杨,徐龙河,李忠献,等.应用纤维单元模型的钢筋混凝土框架结构损伤与失效分析[J]. 天津大学学报,2011,44 (10):925-929.

Lyu Y, Xu L H, Li Z X, et al. Damage and failure analysis of reinforced concrete frame structure using fiber element model[J]. Journal of Tianjin University, 2011, 44(10): 925-929.(in Chinese)

- [10] Kent D C, Park R. Flexural members with confined concrete[J]. Journal of the Structural Division, 1971, 97(7): 1969-1990.
- [11] Dc Department of Defense Washington. Unified facilities criteria (UFC) design: fire protection engineering for facilities[R]. Defense Technical Information Center, 2003.

(编辑 陈移峰)